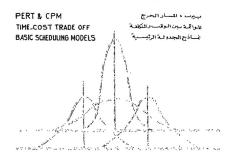
# تجليل شبكات الاعمال ونظم إذا والميثروعات

#### NETWORK ANALYSIS & PROJECT MANAGEMENT



ي<sup>ت</sup> چسين مُطُلَاغِنبمٌ

دكتوراه فى بحوث العليات من جامعة ولاية نورث كارولسنابرا فى ما جستنر فى الإدارة المسالية حكسية الشجارة جامعة القداهرة دربلوم معهد الدراسات والمحوث الإحمرائيسة جامعة القساهرة أسسان كمساعد بشم ادارة الأنجال - كلية العرادة جامعة القساهرة

العلبت ة الأولم

1917-A12.7





# تجليل شبكاتًا لُاعِالَ وَظُمْ إِذَا وَالْمِيْرُوعَاتُ

#### NETWORK ANALYSIS & PROJECT MANAGEMENT

PERT & CPM
TIME\_COST TRADE OFF
BASIC SCHEDULING MODELS

ب يرت ، المساد الحرج المواتمة بين الوقت والتكلفة نمساذج الجدولية الرئيسسية

ئىسىن چىسىن ئىطىكاغنىم

دكتوراه فى بحوث العليان منجامعة ولاية نورث كارولسنابرا فى مساجستير فى الإدارة السابقة - كليمة النجارة جامعة انشاره فى دريوم مهدالدارات الصادي الخرصة الشيخ المساقلة المراقبة أستاد مساعد بشم دارة الأكال - كلية الشجارة جامعة الشاه

العلبكتة الأولمي

7-31a-11.P17

النساشر دار الفڪر العرق

## 

#### ١ \_ مقدمـــة :

لقد بدأت الكتابات الخاصة بتحليل شيكات الأعال منذ أواخسر الخسبنات في هذا القرن ، اذ ظهر في ذلك الوقت طريقة المسار الحرج – Critical Path Method (CPM) وطريقة تقويم وسراجعة البراسسج Program Evaluation and Review Technique (PERT) ومنذ ذلك الحين ونحن نشهد تطور كبير في هذه الأساليب وكيفية استخدامها ، اذ امتد مجال استخدام شبكات الاعمال ليشمل جميع أنواع الأنشطة الستي يمكن التمبير عنها في شكل مشروع Project له نقطة بداية ونقطسسة نهاية محدده ، وذلك مثل مشروع Project لانفاق والطرق والكبارى والمشروعات الخاصة بانشاء "شبكات العواريخ وكذا العمليات الجراحيسة والمشروعات الخاصة بتقديم منتج جديد وبرامج الكوبيوتر وغيرها مسسىن والمشروعات الخاصة بتقديم منتج جديد وبرامج الكوبيوتر وغيرها مسسىن

كما تطورت النظريات العلبية المصاحبة وأصبح الأمر يقتضى سسن الراغب في دراسسة هذا الموضوع ضرورة أن يكون ملما بالكثير من العلسوم الأخرى ، فيفترض كتاب Metworks الخرى ، فيفترض كتاب Metworks المخرورة المام القارئ بنقرر في الرياضة ومقرر في به عوث العمليات ومقرر آخسر في البرمجه الخطية هذا بالاضافة الى ضرورة المامه بنظرية الاحتسسالات

<sup>(</sup>۱) د ۰ صلاح المغربي يرأس قسم بحوث العمليات بجامعة ولاية تسورت كارولينسا وهو مصري الجنسية ومن الرواد الأوائل في هذا اللجال٠

ونظريسة الممسليات المشواقية ونظرية صفسوف الانتظار حتى بستطيسم القارئ ملاحقة التطورات المتلاحقة في هذا المجال •

ولم يعد الأمر فق ل قاصرا على استخدام شبكات الأعال في تحديد الأرقات الخاصة بتنفيذ المصروعات وانما استد الأمر ليأخذ التكاليف في الحسبان وكذا كيفية أدا وأشطاة المصروع في ظل استخدام مساوارد Scheduling محدوده واستخدام شبكات الأعال كأداة للجدولة الزمنية قالسي عدا بالاضافة الى كيفية تحديد أقصر المسارات من نقطة بداية السي نقطة نهاية محدده وكيفية تعظيم الطاقة المدفوعة من نقطة بداية السيان نقطة نهاية معينة وفيرها من الموضوعات التي اشتملها هذا المجسال والتي أصبحت لها مجموعة شكاملة من الدراسات المتقد مسسسسة والتي أصبحت لها مجموعة شكاملة من الدراسات المتقد سسسسسال الأعسسال والتي أصبحت لها ولاسمال علي شبكسسات الأعسسال والتي أصبحت الأعسسال ورائمة بشبكسات الأعسسال ورائمة وربية المسلمات الأعسسال وربية وربية الموسلم وربية الربية وربية المسلم وربية والمعال ونظرية الربيسية والمعال وربية وربية الربيسة والمعال وربية الربيسة وربية المعال وربية الربيسة وربية والمعال وربية الربيسة والمعال وربية والمعال وربية الربيسة والمعال وربية المعال وربية الربيسة وربية المعال وربية المعال وربية المعال وربية المعال وربية وربية المعال وربية وربية المعال وربية المعال وربية وربية وربية المعال وربية وربية وربية المعال وربية و

ولقد زاع استخدام شبكات الأعال كوسيلة لترشيد عليسسة ادارة المشروعات - Project Management على بالنفع والفاقسدة على رجال الأعال وخاصة وأن هذه المشروعات على لمرة واحدة فلا يستم تكرارها بالشكل الذي يمكن أدارة المشروع من الاستفادة من الأخطسساء السابقة بهالتالى فان تنفيذ هذه المشروعات بكفاءة عالية يتوقف أساسسا على خبرة وكفاءة مدير المشروع في تنفيذ مشروعات سابقة مشابهة وعلسي مدى كفائته في المتوفى المواقف المختلفة التي تواجهه والتي تحتساج الى اعادة التخطيط والجدولة بشكل مستسسره

ولم يكن متاح ليديرى المشروعات حتى وقت قريب مايكفى مسين الأدوات لكى تساعده على أدا \* هذه الأعال بكفادة أعلى \* اذ اقتصسر الأدوات لكى تساعده على أدا \* هذه الأعال بكفادة أعلى \* اذ اقتصسر الأمر عتى أواخرالخصينات على استخدام بعض الخرائط البدائي والتى تعرف به Bar charts وكذا خرائط جانت تعرف به الا أنها والتى كثر استخدامها بعفة خاصة في مجال ادارة الانتاج \* الا أنها كانت قاصره \* وفير كافية لتوضيح الملاقات بين الأنشطة وتوقيتات السد اخلة والمعقدة \* ولذا فان هذا الظهور للبادى \* الخاصسسة بتحليل شبكات الأعال قدادى الى توافر أساس لأدوات أكثر دقسسة وعوبية في ادارة الشروعسات \*

۲ ــ تعاریف :

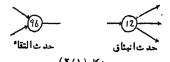
: Activity النفساط ۱/۲

هو جهد أو شی ما بستهلك وقت أو موارد أو كلاها معا • وسوف تعرف فيما بعد أن هناك أنفطة وهميـــــة Activities الاستهلك أى من الوقت أو الموارد •

ربقة المستدريب رجال الهيع بمثابة نشاط معين وكذا الحسسال بالنسبة لاجرا "بحث ما ، أو نقل قطعة ما من موقع الى موقع آخسسر ١٠٠٠ الغ و وعادة مايتم التميير عن النشاط بسهم كما سوف نرمز رياضها للنشاط بالرمز ( ١ ) حسب ...

#### T/۲ الحدثEVENT:

يعبر الحدث عن شي ما معرف توقيت حدوثه بدقة تامة كرمسول شحته ما الى البينا أو الانتها من صب سقف لأحد المباني الذي يستم تشييده ١٠٠٠ الغ ، وعادة مايتم التعبير عنه في شكل حلقه كمسسسا سوف ترز رياضيا للحدث بالرز(1)وذلك كما يلى :



#### 7/۲ المشروع Project:

يتمثل المشروع في حجوعة من الأنشطة ومجوعة من الأحسدات هالتالى يمكن النظر الى اجراء علية جراحية على أنها مشروع وكسسنة ال الحال بالنسبة لبناء كهرى أو انشاء نفى أو تنفيذ حملة ترويجيسسة أو اختيار منتج جديد في أحد الأسواق ٢٠٠٠ الن م اذ يمكن النظسر الى كل هذه على أنها مشروصات ه

## ۱/۲ شبكة الاعمال - Network ؛ ١

هى تعبيربالرسم عن مشروع مالبيسان العلاقات الاعتمسسادية بين الأنشطة المختلفة وتسلسل هذه الأنشطسة من بداية المشروع حستى نهايته •

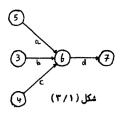
## ٣ - كيفية التعبسير عن المشروع في شكل شبكه أعبال:

1/۳ : هناك مجموعة من القواعد الخاصة برسم شبكات الأعسال والتي نوردها فيما يلي :

٢ ـ نكتب رمز النشاط أسفل السهم والوقت الخاص بالنشاط فوق إسهم ٣
 ٣ ـ يبدأ السهم من حدث البداية وينتهى رأس السهم عند حــــــدث
 النمايـــة ٠

٤ ـ يجب التأكد لبدأ أى نشاط أن جسع الأنشطة السابقة واللازسة
 لأداء هذا النشاط قد تم تنفيذ هـا ٠

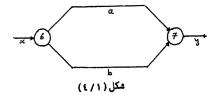
فاذا كان النشاط a يمتعد على الأنشطة a,b,c, و فانسه يمكن التميير عن هذه العلاقة الاعتبادية كما يلى :



ولايعى ماسيق ضرورة انتها هر, مما وفي نفس الوقسيت حتى يكن البدأ في ه وانبا يعنى الرسم السابق أن النشسياط ه لن يبدأ الا بعد انتها الأنشطة السابقة عليه وهي الأنشطيسية هر, و, و أي كان الوقت الخاص لانتها هذه الأنشطة و عر, و م

هـ ترقم الاحداث بحيث يكون رقم حدث البداية أقل دائما من رقسم
 حدث النهاية •

لا يجوز أن يشترك أكثر من نشاط في نفس البداية وفي نفسسسس النهاية ، وإنما يجوز أن يشترك أكثر من نشاط في يدايسة ما أو في نهاية ما دون الاشتراك في البداية والنهاية معا ، وبذا فالشكل التالي لا يعد سليما في هذا الصدد ،

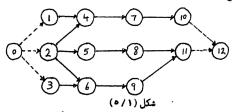


٨- يفضل ( لايشترط ) أن يكون لشبكة الأعمال بداية واحدة ونهايسة
 واحده •

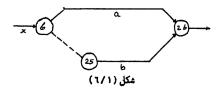
#### Dummy Activities - استخدام الأنشطة الوهبية - ٢/٣

أن تحقيق قواعد الرسم السابقة يقتضى في بمنى الأحيان افتسراضى وجسود أنفطسة وهبيسسة لاتستغسرق أى من الوقست أو الموارد و وبيا بلى ثلاث مجالات لاستخدام هذه الأنشطة الوهبية والتى يتم التعبير عنها في شكل أسهم منقطعة •

 ١ اذا كانت هناك أكثرمن بداية أو أكثرمن نهاية للمشروع ويراد أن يكون للمشروع بداية واحدة ونهاية واحدة



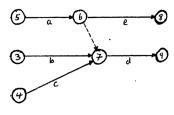
٢ ــ لتحقيق بند (٢) من الشروط والخاص بعدم اشتراك أكثر من حدث في نفس البداية والنماية ، وبالتالي يتم استبدال الشكل الخساص ببند (٢) شكل (٢/١٦) ليصبر كا يلى :



٣ تستخدم الأنشطة الوهبية بصفة أساسية في اظهار العلاقيات
 الاعتبادية بين الأنشطة بطريقة دنيفة •

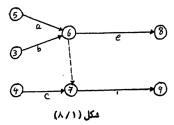
ويمكن توضيح ذلك بعدة أمثلة كما يلي:

اذا كان النشاط في يعتبد على كل من الأنشطية عن م ه ، ٥ ، ٥ وكان النشاط في يتم التعبير علي ...
ذلك بساعدة النشاط الوهبي كيا يلى :



شكل (٢/١)

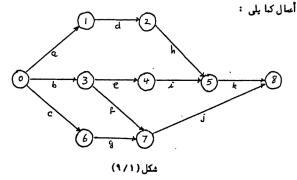
اذا كان النشاط ف في المثال السابق يمتعد على كل من a , b
 فيكن التعبير عن ذلك كما يلى :



ويمكن توضيح قواعد الرسم السابقسة بمثال كما يلى:

يداً شروعا بالأنشطة a,b,o ويعتبد النفيياط a على النشاط a والنشاط a على النشاط c و ويعتبد النشاط b ويعتبد النشاط اعلى النشاط b ويعتبد النشاط اعلى النشاط b ويعتبد النشاط التفاطيين f,2 ما ويعتبد النشاط لا على النشاطين b,1 ويعتبد النشاط على النشاطين b,2 دويعتبد النشاط على النشاطين b,2 دويعتبد النشاط دويعتبد دويعت

رمالتالي يمكسن التعبسير عن هذا المشروع في شكل شبكسسسة



## ٤ ــ كيفيــة تحديد الأوقات الخاصة بالأنشطة :

تفترض طريقة السار الحرج المكان تحديد الأوقات الخاصسية بالأنفطة بطريقة مؤكده ، فهي بذلك تستبعد أي احتبال لحسدوت تعديل في أوقات هذه الأنفطة أثنا التنفيذ وبالتالي فان طريقة السار الحرج تتعامل مع نشاط مايستفرق ١٠ أيام لاتمامه مع وجود احتسسال أن التنفيذ يتم مابين ١ و ١١ أيام مثل تعاملها مع نشاط آخر يتوقسع أن يستغرق أيضا ١٠ أيام مع وجود احتبال ان التنفيذ بتم مابين يوسسين وخسة وعشرون يوما ،

ولاهك أن هناك من الأسباب القوية التى تقتضى ضرورة النظر الى الأوقات الخاصة بالأنشطة على أنها متخصيرات عشوا ليسسسسة الأوقات الخاصة بالأنشطة على أنها متخصيرات عشوا ليسسست Random variables والتالى يقتضى الأمر تحديد التوزيسع الاحتمالي الخاص بهذه الأوقات ، فقد يتمثل النشاط في اجراء بحسس محين أو اجراء جهود تنمويه يصعب تحديد أوقاتها بشكل مؤكسسسد عند بداية المشروع ، أو قد يعتبد وقت تنفيذ النشاط على مدى توافرهوارد محدد ، فتوافر درجة حرارة معينسة أو على درجة سقوط الأمطار أوغيرها من العوامل التي هي بطبيعتها تعد متغيرات عفوائية يصعب تحديد قيمها المستقبلية بطريقة مؤكدة ،

 بالأنشطة بطريقة مؤكده بينما تغترض طريقة مراجعة وتقويم الشروعسات أن الأوقات الخاصة ببعض أو كل هذه الأنشطة معروفة بشكل احتمالسي فقط و ولقد شهدت الفترة الأخيرة تطور مسترفى استخدام شبكسسات الأعمال وماصاحب ذلك من تطور في النظريسات الأساسية المفسرة لهسسا الأمر الذي أدى الى زيسادة المسفروق بين شبكات الأعمال البنية علسسي معلومات يفترض فيها أنها معلومات مؤكده الحدوث وتلك البنية علسسي معلومات يفترض فيها معرفة احتمال حدوثها نقط و ولذا فانه قد يكون من المناسب أن تستخدم التعبيرات الخاصة بشبكات الأعمال ذات الأنشطة الحكده وشبكات الأعمال ذات الأنشطة المحتمالية و

Deterministic Activity network(DANs), and Probabilistic Activity Network(PANs).

وذلك بد لا من استخدام PERT & CPM كأساس للتفرقة •

وسوف نتناول فيما يلى كيفية تحديد الأوقات الخاصة بالأنشط....ة وذلك بغرض أنها معلومه مقدما وبشكل مؤكد •

## 

#### Deterministic Arc Durations:

بعدالانتها من التعبيرعن المشروع في شكل شبكة أعال كاسيسق أن ببنا ه وبعد تحديد الأوقات الخاصة بالانشطة المختلفة فعادة مائثار أسئلة هامه حول البيعاد المتوقع للانتها من تنفيذ المشسروع وستى يبكن جدولة الانشطة المختلفة ؟ وتنوقف الاجابة على هسسنده الاسئلة على الكيفية التى يتم بها تحديد الوقت الخاص بكل نشسساط وبالذا كان هناك وقت واحد محدد لتنفيذ كل نشاط وذلك كما هوالحال المتفائل والوقت المتماثم والوقت الاكثر احتمالا لتنفيذ النشاط الواحسد وذلك كما في طريقة الحساب في هسسندا المتفائل والوقت المتماثم والوقت الاكثر احتمالا لتنفيذ النشاط الواحسد وذلك كما في طريقة الحساب في هسسندا الجزء من الدراسة أذ في حالة تعدد الاوقات المقدرة للنشاط الواحسد فاننا سوف نهتم فقط بالوقت المتوسط اللازم لادا هذا النشاط والسذى يتم حسابه باستخدام الأرقام الثلاثه المعطاء كما سنبين فيعابعد وبالتالي يتم حسابه باستخدام الأرقام الثلاثه المعطاء كما سنبين فيعابعد وبالتالي وجود رقواحد محدد لوقت تنفيذ النشاط و

وهناك طريقتين لحساب الاوقات المتوقعة الخاصة ببداية ونهايسة التنفيذ لكل نشاط ، فقد يتم الحساب في اتجاه أماسسي - Forward ابتدا ، من نقطة بداية المشروع وانتها "بنقطة النهاية أو قد يتم الحساب في اتجاء عكسي Backward ابتدا ، من نهاية المشروع والسير بطريقسة عكسية حتى نصل الى نقطة البداية ، وتغید طریقة الحساب فی الاتجاه المکسی فی معرفة آخسسسیر وقت یمکن فیه الانتها من تنغیذ نشاط معین دون أن یؤدی ذلك السی تأخر تنفیذ المشروع ککل عن آخر وقست مسموم به للانتها من تنفیذ ه

وفيما يلى مجموعة من الرموز الرياضية التى تساعدنا على اجـــــــرا\* حسابات الأوقــات السابقة :

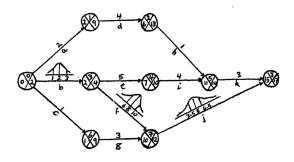
- u = الوقت الخاص بالنشاط عا
- u القبمة المترقعة لوقت تنفيذ النشاط =  $\overline{y}_u$  =  $E(y_u)$ 
  - . 1 = الوقت الخاص التحقق المبكر للحدث 1 .
- to<sup>(E)</sup> = الوقت الخاص التحقق البكر للحد ثاصفر وعسسادة
  - انجعل (E)=0 مانجعل
  - 1 الوقت الخاص بالتحقق المتأخر للحدث  $t_{1}^{-}(L)$
- الوقت الخاص بالتحقق المتأخر لحدث النهايسسة  $t_{n}(L)$  وعادة مانجعل  $t_{n}(L)$  تسارى قيمة معينة وليكن  $\tau$  . ( n )
- (1) = تمثل مجموعة الأحداث السابقة على الحدث 1 والستى تتصل بالحدث 1 بمجموعة من الأنشطة تصل مابسيين هذه الأحداث والحدث 1 •

- (1) = تشل مجموعة الاحداث الثالية للحدث 1 والسستى تتصل بالحدث 1 بمجموعة من الانشطة تصل مابسيين هذه الأحداث والحدث 1 • •
  - (a) = الأحسدات 6,3,1 شكل (١١/١)٠

وسوف يتم تقسيم الحلقة الدالة على الحد ثبالشكل السيد ى يظهر رقم الحدث والوقت البكر والوقست المتأخر لتحقق الحدث وذليسك كما يلى :



ويكون المثال السابق كما يلي



$$t_o(E) = 0$$
 ,  $t_g(L) = 17$  ((11/1))

#### ويكون الوقت البكر لتحقق الحدث أل كما بلي:

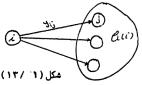
$$E_{j}(E) = \max_{i \in \mathcal{G}(i)} \left\{ t_{i}(E) + y_{i,j} \right\}, t_{o}(E) \equiv 0$$

$$\mathcal{G}^{(i)}$$

$$(17/1) \mathcal{G}^{(i)}$$

ويكون الوقت المتأخر لتحقق الحدث 1 كمايلي:

$$\mathbf{t_{i}}(\mathbf{L}) = \min_{j \in \mathcal{Q}(i)} \overline{\left\{\mathbf{t_{j}}(\mathbf{L}) - \mathbf{y_{i,j}}\right\}} , \mathbf{t_{n}}(\mathbf{L}) \equiv \Upsilon$$



ويكون الغرق بين التحقق التأخر والتحقق البكر للحسدت بمثابة الوقت الراكد \* slack time الخاص بالحدث ، أى أن الوقت السميح بالتأخر فيه لتحقق الحدث دون أن يؤثر ذلك التأخسير على النهاية المتأخرة لتحقق الشروع ، وتعبر S<sub>1</sub> عن هذا الوقسست الراكد للحدث ( 1 ) •

## $S_i = t_i(L) - t_i(E) \geqslant o \neq i \in N$

ونظرا لأن أى نشاط له حدث بداية وحدث نهاية ونظـــــرا  $t_1(L) \geqslant t_1(E)$ حيث  $t_1(L) \geqslant t_1(E)$ حيث فاننا يمكن أن نعرف فورا أربعة أنواع من الغائض float بالنمـــــة

#### لكل نشاط من أنشطـــة المشروع •

ه / الفائد الكلى Total float:

$$s_{ij}^{(1)} = t_j(L) - t_i(E) - y_{ij}$$

اذ نفترض في هذه الحالة اتدام جميع الأنشطة السابقة على النشاط ( i ) في أوقاتها البيكرة بينما نفترض أتمام الأنشطة اللاحقة على الكلسى و النشاط ( i ) في أوقاتها المتأخرة و أي يتم حساب الفائض الكلسى بغرض اتمام الأنشطة السابقة على النشاط ( i ) بأسرع ما يمكن وفسسى نفس الوقت التأخير الى أقمى حد مكن في تنفيذ الأنشطة اللاحقسسة للنشاط ( i ) و و النشاط ( i ) و النشاط (

#### : Saftey flost: فائض الآسان ٢/٥

$$s_{ij}^{(2)} = t_j(L) - t_i(L) - y_{ij}$$

ويقيس هسدا الفاعن الوقست البتاح للنشاط ( 1 ) اذا تم تنفيذ الأنشطة السابقة وفقا لأوقاتها المتأخرة ، أى في آخر وقت سكسن لتنفيذها وكان من المرفوب فيه أيضا التأخير في تنفيذ الأنشطسية اللاحسقة الى آخر وقت سكن ، وبالتالي يمكس (2) الفائض المتساح للنشاط (1) وم التأخر في تنفيذ الأنشطة السابقة على النشساط (1) اذا ماتم ترحيل تنفيذ الأنشطة اللاحقة للنشاط ( 1) المسسى آخر وقت سكن ، وبتحقق هسذا الفائض عند حدث انبشسسساق

. Burst event -

#### : Free float الفائض الحسر ٣/٥

$$s_{ij}^{(3)} = t_j(E) - t_i(E) - y_{ij}$$

ويقيس هذا الغائض الوقست البتاح للنشاط ( أ أ ) اذا تسم 
تنفيذ الأنشطة السابقة وفقا لأوقاتها البكرة ، أى في أول وقسست 
أمكن فيه بدأ التنفيذ وكان من المرغوب فيه ايصا البدأ في تنفيذ الأنشطة 
اللاحقة في أول وقت مكن ، وبالتالي فان هذا الفائض بتاح في تنفيسذ 
النشاط ( أ أ ) رغم الرغبة في تنفيذ أنشطة الشروع في أسرع وقسست 
مكن ، وبتحقق هذا الفائض فقط عند حدث التقاء 
merge event النقاء

#### ه/٤: الغائض المتداخل Interference Float: ١

 $s_{ij}^{(4)} = max(0, t_j(E) - t_i(L) - y_{ij})$ 

ويتيس هذا الفائض اذا كان موجها الوقت المتاح للنفسساط ( ذَ ) اذ تم تنفيذ الأنفطة السابقة وفقا لأوقاتها المتأخرة وكسان من المرفوب فيه البدأ في تنفيذ الأنشطة اللاحقة في أول وقت سكسسن لبداية التنفيذ • أي يمكس هذا الفائض الوقت المتاح للنشاط ( نَدُ ) اذا ماتم ضغط الوقت المتاح للنشاط ( نَدُ ) الى أمل حد سكن فيتم تنفيذ الأنشطة السابقة في أول وقت سكن والأنشطة اللاحقة في أول وقت سكن •

ويلاحظ أن الفائض الإجمالي يكون أكبر فائض متاح للنشمسساط وعلى العكس يكون الفائض المتداخل هو أقل فائض متاح للنشمسساط

ای أن :

$$\mathbf{s_{ij}^{(1)}} \geqslant \max \left\{ \begin{array}{c} \mathbf{s_{ij}^{(2)}}, \begin{array}{c} \mathbf{s_{ij}^{(3)}}, \begin{array}{c} \mathbf{s_{ij}^{(4)}} \end{array} \right\}$$

$$s_{ij} \leqslant \min \left\{ s_{ij}, s_{ij}, s_{ij} \right\}$$

وبالرجوع الى المثال السابق فانه بعكنا حساب الأوقات المكسسرة والاوقات المتأخرة لتحقق كل حدث والتى سوف تتخذ هذه كأسسساس لحساب الغائض المحقق لكل حدث وبالتالى حساب أنواع الفائسسسفى المختلفة لكل نشاط ، وذلك كما يلى :

(ij)		رللحد ثارة)	التحقالبك	لتحقق المتأخرُك (1)	
activi-	(ij) duration	t <sub>j</sub> (E)		tj(L)-yi	
ty(11)	<sup>30</sup> (2)	(3)	(4)	(5)	(6)
0-0	o	o	0	2	2
0-1	2	0	2	7	9
0-3	1,2,3	0	2.	2	4
0–6	1	0	1	8	9
1-2	4	2	6	9	13
2-5	ı	6	7	13	14
3-4	5	2	7	5	10
4-5	4	7	11	10	14
3=7	6,8,10	2	10	4	12
6-7	3	1	4	9	12
5-8	3	11	14	14	17
7-8	3.5 5 6.5	10	15	12	17
8-8	0	15	15	17	17

ويمثل المعود الاول في الجدول السابق الأنشطة (1) وهنا تسلاحظ أننا اضغنا نشاط وهبي (٥-٥) في أول العبود وكذا النشاط (8-8)في نهاية العبود حتى يتم مساب الوقت البكر وكذا الوقت المتأخر لتحقق كمل من حدثي البداية والنهاية ، ويمثل العبود الثاني الوقت الخاص بكــــل نشاط وهنا في حالة وجود اكثرمن وقت واحد فاننا نأخذ الوقت المتوسيط كأساس للحساب ويتم حساب الوقت البكرلتحقق الاحداث ( ز ) عليها بأن  $t_0^{(E)} = 0$  كما في العبود الثالث؛ ولحساب الاوقات البيكسية لتحقق الاحداث يلزم الأمر حساب بين + (E) + بيع الأحداث (1) السابقة على الحدث ل والتي ترتبط بالحدث (1) بالنشاط (1) ، اذ تكون (E) مى القيم القصوى من بين هذه القيم أى أن  $t_{j}(E) = \max_{i \in \mathcal{C}_{i,j}} \left\{ t_{i}(E) + y_{i,j} \right\}$ 

ولذا خصص العمود الرابع لحساب القيم بن t<sub>i</sub>(E)+y<sub>11</sub> ه وأخـــــيرا نحسب الاوقات التأخرة لتحقق كل حدثتى العبود السادسوا لأخسسير علما بأن 17 ﷺ 15 علما بأن

ولحساب الاوقات المتأخرة لتحقق الحدث (i) يلزم الأم حساب لجميع الاحداث (أ) اللاحقة للحدث (أ) والتي ترتبط  $t_i(E)-y_{ii}$ به بالنشاط (i j) حيث تكون (i) هي القبعة الدنيا من بين هــــــده المقيم  $t_{i}(L) = \min_{j \in \mathcal{L}(i)} \left\{ t_{j}(L) - y_{ij} \right\}$ 

رفيما يلى بيان بالأوقات المبكرة والأوقات المتأخرة لتحقق كل حدث

والتي تم الحصول عليها من الأعدة (3) 4 (6) على التوالي:

	t <sub>i</sub> (E)	T <sub>1</sub> (L)	si	
0	0	. 2	2	
I	2	9	7	
2	6	13	7	
3	2	4	2	
4	7	10	3	
5	11	14	3	
6 7	1 10	9 1 <b>2</b> 17 لجدول السابق ا	8 2	
ة الْخاص	لقت اُلَّاكد ، 3	لحدول ألسابق ا	مود الأخم في ا	بيمثل الم
ة الخاص ساطكسسا	رُ <u>آة</u> لوقت الراكد ، 5 ة لكل نشــــــة	لجدول ألسابق ا ت الفائضة بالنسيـ		بكل حدث (1
	ة لكل نفــــــة	تال <b>فائضة</b> بالنسبـ 2) (2	)• وتكون الأوقسا	بكل حدث (1 يلى :
	ة لكل نفــــــــــــــــــــــــــــــــــــ	تال <b>فائضة</b> بالنسيـ 2) (2	)• وتكون الأوقسا (3)	بكل حدث (1
اطكسا	ة لكل نفــــــــــــــــــــــــــــــــــــ	تالغائضة بالنسب 2) (2 j <sup>S</sup> ij	)• وتكون الأوقسا (3) Sij	بكل حدث (i) يلى : (4) Sij
اط کسا (0-1)	ة لكل نفــــــــــــــــــــــــــــــــــــ	تالغائضة بالنسب 2) (2 5 7 5	)• وتكون الأوقسا (3) S <sub>1</sub> j O	بكل حدث (1 ي <b>لى :</b> (4) S <sub>1</sub> j 0
(0-1) (0-3)	ة لكل نفــــــــــــــــــــــــــــــــــــ	تالغائضة بالنسبر 1) (2 <b>j</b> <sup>S</sup> ij 7 5	)• وتكون <b>الأ</b> وقسا (3) S <sub>1</sub> j O O	بكل حدث (1) يلى : (4) Sdj O
(0-1) (0-3) (0-6)	ة لكل نفــــــــــــــــــــــــــــــــــــ	ت الفائضة بالنسب 1) (2 j <sup>S</sup> ij 7 5 2 0	)• وتكون الأوقــا (3) (3) 5 1 0 0 0	بكل حدث (1) (4) Sij O O
(0-1) (0-3) (0-6) (1-2)	ة لكل نفــــــــــــــــــــــــــــــــــــ	عالفائضة بالنسب 1) (2 <b>j</b> <sup>S</sup> ij 7 5 2 0 8 6	)• وتكون الأوقسا (3) (3 15 0 0 0 0 0	یلی : یلی : (4) 5 13 0 0 0

(3=7)	2	0	0	0
(6-7)	8	0	6	0
(5-8)	3	0	1	0
(7 <b>-</b> 8)	2	0	0	0

\_\_\_\_

## ه/ ٥ تحديد السارالحرج:

بعد ان تم تحديد الاوقات البكرة والنتأخرة لتحقق كل حدث وبالتالى تحديد البدايسة البكرة والمتأخرة لكل نشاط فانه يمكن لادارة المشــــــروع تحديد الحد الادنى من الوقت اللازم لأدا\* هذا الشروع وذلك عن طريسق تحديد السارالحري ( Critical Path( CP ) الذي يتحكم في وقست تنفيذ المشروع \*

ويكون المسارالحرج هو أطول مساريبداً من حدث البداية وينتهسسى بحدث النهاية ويكون الغائض الكلى للانشطة الخاصة بهذا المسار أقسسل ما يكن ويكون هذا الغائض عفرا في حالة اذا كان الوقت المتأخر لتنفيسسنة المشروع هو نفسه الوقت المبكر لتنفيذه أي  $t_n(E) = t_n(E)$  وتسمى الأنشطة الواقعة على المسار الحرج بالأنشطة الحرجه  $\bullet$ 

 وكما تم تحديد السار الحرج الخاص بالمشروع فانه يمكن تحديسه المسار الحرج الثانى وهو ثانى أطول سار يربط بين حدث البدايسسمة وحدث النهاية وبالمثل يمكن تحديد المسار الحرج الثالث والرا بسسم Subcritical paths . . . . . .

ولاشك أن تحديد هذه السارات الحرجه يغيد الادارة في توجيه عناية فائقة للأنشطة الواقعة على السار الحرج الأول على أن يلى ذلــــك توجيه العناية للأنشطة الواقعة على السارات الحرجة الثانية والثالشــــة ١٠٠٠ الغ ٠

 ١/٥ تحديد المسار الحرج باستخدام الأوقات المحسوسه في الاتجسساء الأمامي فقط:

#### Critical path from forward Pass Only :

يتنفى تحديد البسار الحرج وقتا للطريقة السابقة ضرورة حسساب الأوقات المتأخرة بالاضافة الى الأوقات المبكرة الخاصه بتحقق كلحدث وخصا أهبية تحديد هذه الأوقات المتأخرة لتحديد المسارات الحرجسة الثانية والثالثة ١٠٠٠ الغ ١ الا انه من الممكن الاستغناء عنها فسسسى تحديد المسار الحرج الأول ويكون ذلك مفيدا يدرجة كبيرة خاصة فسسى المراحل الأولى للتخطيط والجدولة الزمنية لأنشطة الشروع والتي يكسون من المرفوب فيه في هذه المرحلة تحديد رقم تقريبي لوقت انتهاء المشروع وتحديد الأنشطة الحرجة بأقل جهد حسابي سكن خاصة وأن المشسروع في هذه المرحلة المفروع والتالي اعادة الحساب ،

ويتم الحساب باستخدام الأوقعات البيكرة نقط وذلك بأن نبسه أ بحد ث النهاية والتى تقع بالتعريف على المسار الحرج وتسير عكسيا على شبكة الاعمال حتى نصل الى حدث البداية على أن يتم التفرع عند حدث الالتقساء الى النشاط الذى ليس له فاغض حر آى أن  $0 = S_{ij}^{S}$  ويمكن توضيح ذلك على المثال السابق كما يلى :

نبدأ بالحدث الاخير حيث رقت التحقق البكر  $^{1}=(\mathbb{E})_8^+$  ها لتالى يمر السار الحرج بالنشاط  $^{8}-8$  ويث أن  $^{8}-8$  وذلك على عكس  $^{1}=8$   $^{8}-8$  والمثل يمر السار الحرج بالحدث  $^{3}-8$  اذ أن  $^{3}-8$  علما يأن  $^{3}-8$  ثم نصل الى نقطـــة المداية ويكون السار الحرج كما سبق  $^{8}-7-8-0$  م

## ت تحدید الأوقات فی شبکات الاعمال اذا ماکانت اوقات الانشطیسیة بمثابة متغیرات عشوائیة :

سبق ان بينا أنه عاد تماتكون هناك من الاسباب القوية التى تقتضى النظر الى الأوقسات الخاصة بالأنشطة على أنهسا متغيرات عشوائيسسة حدول الله الأوقسات Random variables و ذلك كما هو الحال بالنسهة للأوقسات الخاصة بأدا و الأنشطة الحرجه وذلك وفقا للظسروف مختلفة لأدا و كل نشاط من هذه الأنشطة الحرجه وذلك وفقا للظسروف المختلفة المحيطة بالتنفيذ ويقتضى ذلك ضرورة التمامل مع علم الاحسا وتقدير الوقت النوقع اللازم لانها والمشروع وبالتالى لتحديد مدى امكانيسة تصليم المشروع قبل أو في ميماد محدد سبق الاتفاق عليه و اذ انتسسا بصدد التمامل مع حاصل جم ججوعة من المتغيرات المشوائية الأسسر

الذى يقتضى ضرورة توافر مجموعة من الشروط حتى يمكن فى ضواهمممملك الاجابة على التساؤلات السابقة بطريقة علمية سليمة وفيما يلى تورد هممده الشمروط:

- إن المسار الحرج يتضمن عدد كبير من الأنشطة ، وعلى أقل تقديسر
   يجب ألا تقل عدد هذه الأنشطسة الحرجه عن أريح أنشطة .
  - ٣) أنه يمكن تجاهل جميع الانشطة التي لاتقع على المسار الحرج ٠

و يتوافر الشرطين 1 ، 1 فانه يكن تطبيق نظرية النزعة المركزية و يتوافر الشرطين 1 . CELT) Central Limit Theorem و يكن اعتبار أن وقست تحقق الحدث 1 بينابة بتغير عشوائي يأخذ شكل التوزيع المعتدل و ونرمز لسه بالرمز 1 وأن هذا المتغير العشوائي له متوسط 1 والذي يتبثل في طول السسار الحرج 1 وتبايسن 1 وحثأن :

$$g_{n} = \sum_{u \in \mathcal{H}_{c}} E(Y_{u}) = \sum_{u \in \mathcal{H}_{c}} \overline{Y}_{u}$$

أى أن متوسط مجموع الأوقات هو مجموع متوسطات الأوقــــات وأن تباين المجموع هو مجموع التباينــــات •

واستخدام خصائص التوزيع المعتدل فانه يمكن تحديد الاحتمسال

الخاص بتحقق حدثالنهایة n قبل بیعاد محدد ولیکـــــــن t<sub>n</sub> ( s )

$$P_{\mathbf{r}}\left\{T_{\mathbf{n}} \leqslant t_{\mathbf{n}}(s)\right\} = \Phi\left\{\frac{t_{\mathbf{n}}(s) - g_{\mathbf{n}}}{\sigma_{\mathbf{n}}}\right\}$$

ويفيد الشرط الثالث في تجنب التحيز bias الذي قد ينشأ 
عند أحداث الالتقام bimerging events استفرق النشاط 5-8

عند أحداث الالتقام bimerging events استفرق النشاط 5-8

تنفيذ المشروع فقد لايظل 10 يوما كما سبق الحساب اذ أن الوقسست 
الخاص يتحقق احداث الالتقام لا يتوقف فقط على طول أطول نشاط يصبب 
في هذا الحدث انها يتأثر أيضا بمعدد الأنشطة التي تنتهى في هذا 
الحدث اذ كلما زاد عدد الأنشطة كلما زاد احتمال عدم تحقق الحسد 
في الميعاد الخاص بأطول نشاط فالاحتمال الخاص بوصول آخر مدعو 
في حفل عمام بتزايد مع زيادة عدد الدعويسن ولا يتوقف فقط على ميعاد 
وصول الدعو المتواف في أبعد مكان عن موقم الاحتفال هـ

ولاشك أن درجة التحيز تزداد فى أحداث الالتقاء الخاصـــــــة بعدة أنفطة 4 لاسينا اذا اقترست جنيعها فى بيعاد الانتهاء الخاص ينها 4

ولتحديد الوقت المتوقع لتحقق أحداث المشروع فانه يلزم الاسمورية والمتوقع المتوقع المتوقع الذي يتوقف على التوزيم المتعلق المتعلق للوقت الخاص بهذا النشاط الأمر الذي يحتاج الى جهمود كبيرة لتحديد التوزيمات الاحتمالية لجميع أوقات الأنشط مسمدة المتحديد التوزيمات الاحتمالية لجميع أوقات الأنسط المتحديد التوزيمات الاحتمالية للمتحديد التوزيمات الاحتمالية المتحديد التوزيمات الاحتمالية المتحديد المتحديد

ولذا افترنى المرجون الاوائل لطريقة PERT جموعة اضافيـــــــة من الفروض والتى يمكن اعتبارها حقولة الى حد كبير وذلك بد لا مـــــن (PDF) Probability اللجوا الى تحد بد التوزيعات الاحتماليـــة Distribution Function لكيل الأوقات Y وهذه الشروط الاضافية هي :

- ٤ أن التوزيع الاحتمالي لوقت النشاط ٢ يمكن اعتباره بمثابــــة
   توزيع بيتسا Beta
- ه ـ أن متوسط الوت والتباين الخاص بكل نشاط يمكن حسابه بشكـل
   تقريبي مخالف قلبلا لحساب المتوسط والتباين لتوزيع ببتـا Beta
   المفترض وذلك كما يلى :

$$Y_{u} = \frac{a_{u} + 4 m_{u} + b_{u}}{6}$$

$$\sigma_{u^2} = (\frac{b_u - a_u}{6})^2$$

حيث

ع تمثل الوقت المنتفائل لاداء النشاط •
 b تمثل الوقت المتشائيلاً داء النشــــاط •

وبالتالى فانه بكفى تحديد  $m_u$  ,  $b_u$  ,  $m_u$  حتى يمكسسن تجديد  $\overline{Y}_u$  وهما بدورهما يستخدمان فى تحديد المسلار  $\overline{Y}_u$  وهما بدورهما يستخدمان فى تحديد المسلار  $\overline{Y}_u$  وهما بدورهما يستخدمان فى محدد  $\overline{Y}_u$ 

### 1/1: قواعد عامه يجب الأسترشساد بها عند تحديد السية : 1/1

رغم وضوح التعريفات الخاصة بكل من وسي هم عنسسسد تحديد أوقات الأنفطة س فهناك مجموعة من القواعد أو النقاط التى تساعد التقدير هذه الأوقسات بطريقة دقيقسة والتى نذكرهسا فيما بلى :

- 1 \_ ان حجر الزاوية و اعنبار وقت تحقق المشروع بي بعثابة متغسير عشوائي يأخذ شكل التوزيع المعتدل يتوقف أساسا على ضـــرورة توافر غرط الاستقلالية بين الأنشطة المختلفة ، ولذا يجب مراعــاة الاستقلالية التامة عند تحديد  $m_1$  ،  $b_2$  ،  $m_3$  الخاصة بالنشــاط محل البحث ودون التأثر بالمره بما سوف يحد ثبالنسبة للأنشطــة الأخرى والتى بالتالى قد تؤثر على مدى توافر الموارد أو العمالــة اللازمة لأداء النشاط محل البحث ،
- ٧ ــ لايجبأن يتم تقدير ٣٠ ه أو هو الوقت المتبقى لتنفيسذ المشروع و فلايجب مراجعة الأوقسات بما يتفق مع الميعسسات المخصص للانتها و من المشروع وانما يتم مراجعتها فقط اذا ماطرأت تغيرات على طبيعة النشاط أو عندما يحدث تعديل في الأيسسد ي الماملة أو الموارد المتاحة لأدام النشساط و
- ٣ ـ بجب عند وضع هذه التقديرات أن بكون واضحا للقائيين بها أنهسا

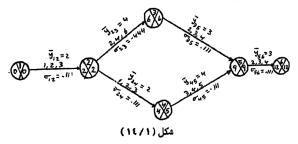
لاتمثل التزاما بالتنفيذ في ميماد محدد وانها هي مجمسسود تقديرات لأوقات أداء هذه الأنشطية •

- ٤ لايجبأن تتضن هذه التقديرات مسبوحات لمواجهة أعسال
   قليلا ماتحدت والتى يصعب النظر اليها على أنها متغسيرات
   عشوا ثية مثل حدوث حرائق ها ثلـــة أو فياضا نات أو حـــــــروب
   ١٠٠٠٠٠ الم ٠
- على العكس يجبأن تتضين التقديرات مسبوحات لمواجه مسسقا الأحداث المكن اعتبارها متغيرات عشوا فية كالتغيرات في الطقس ١٠٠٠٠ الغ ٠

٢/٦ كيفية حساب الاحتمال الخاص بتنفيذ المشروع في وقت معدد:

Probability of Meating a Schecluled Date:

يمكن توضيع ذلك بالمثال التالى:



$$\bar{y}_{12} = -\frac{1+4x^2+3}{6} = 2 \quad \sigma_{12}^2 = (-\frac{3-1}{6})^2 = 111$$

$$\bar{y}_{23} = -\frac{2+4x^4+6}{6} = 4 \quad \sigma_{23}^2 = (\frac{6-2}{6})^2 = 444$$

$$\bar{y}_{2u} = -\frac{1+4x^2+3}{6} = 2 \quad \sigma_{24}^2 = (-\frac{3-1}{6})^2 = 111$$

$$\bar{y}_{35} = -\frac{2+4-x-3+4}{6} = 3 \quad \sigma_{35}^2 = (\frac{4-2}{6})^2 = 111$$

$$\vec{Y}_{45} = -\frac{2+4x^4+5}{6} - - - + \quad \vec{v}_{45}^2 = (\frac{5-3}{6}) = -111$$

$$\bar{y}_{56} = \frac{2+4}{6} \times \frac{3+4}{6} = 3$$
 $56 = (\frac{3-2}{6})^2 = .111$ 
 $6 = \frac{7}{6} \times \frac{3+4}{6} = 0$ 
 $6 = \frac{7}{6} \times \frac{3+4}{6} = 0$ 
 $6 = \frac{7}{6} \times \frac{3+4}{6} = 0$ 

- ١) يتم تحديد الوقت المتوسط لأداء كل نشساط ٠
- ٢) يتم تحديد السار الحرج ﴿ لَلَّهُ لِيكُونَ هُو 6-5-3-1-2
- $\overline{T}_n$  يكون المتغير العشوائي  $\overline{T}_n$  المعبر عن تحقق حدث النهايــــة
- بنثابة مجموع المتغيرات العشوائية الخاصة بأوقات الأنشط.....ة الدرجه أى أن:

$$T_n = T_{12} + T_{23} + T_{35} + T_{56}$$

ویاْخذ النتغیر م<sup>۱</sup>۳ شکل التوزیع المعتد (, ویکون متوسطــــــه وتباینه کنا یلی

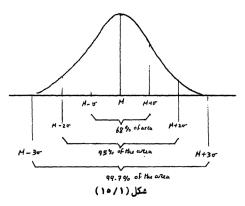
$$g_n = \sum_{u \in \mathcal{H}_g} y_u = 2+4+3+3=12$$

$$\sigma_n^2 = \sum_{u \in \mathcal{H}_g} \sigma_u^2 = 111+.444+111+.111$$

$$= \sqrt{777}$$

$$=$$
  $\sqrt{.777} = .881$ 

ونشير هنا الى أن معالم البتغير T<sub>n</sub> الخاص بوقت البشروع والـــذ ى يخضع للتوزيع المعتدل تتحدد تباما بمعرفة كل من المتوسط والتبايـــــــن اذ أن منحنى التوزيع المعتدل كما هو معروف يأخذ الشكل التالى :



٣/٦ كيفية حساب الاحتمال الخاص بامكانية تنفيذ المشروع قبل الميعاد المحدد:

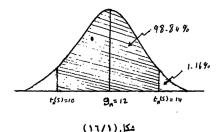
The probability of Meating an Arbitrary Sched-uled Date:

فاذا كان المطلوب في المثال السابق هو حساب الاحتمال الخاص بتنفيذ المشروع في حدود ١٤ يوما كان معنى ذلك أن المطلوب:

$$\Pr\left\{T_{n} \leq t_{n}(5) = 14\right\} = \left\{\frac{t_{n}(5) - g_{n}}{\sigma n}\right\}$$

$$= \left\{-\frac{14 - 12}{.881}\right\}$$

$$= \left(2.270\right) = .98840 - 98.84 \%$$



أى أن الوقت المتوقع للانتها من تنفيذ المشروع السابق هـ و ١٢ يوما وأن الاحتمال الخاص بتنفيذ المشروع في مدة أقصاها ١٤ يوما هــــــــو % 98.84 .

ونشيرهنا أن احتمال أن يأخذ المشروع مدة أكبر من 15 يوما هــو % 1.16 وهذا الاحتمال هو نفس الاحتمال الخاص بتنفيذ المســـروع في مدة أتصاها 10 أيام، ويرجع ذلك الى تماثل المنحني الممتدل ٠

Pr 
$$\left\{ T_{n} < t_{n}(S) = 10 \right\} = \left\{ \frac{10 - 12}{.881} \right\}^{3}$$

$$= \left\{ (-2.270) \right\}$$

$$= 1 - 9884 = .116 = 1.16\%$$

ويزدا دالاحتبال الخاص بامكانية التنفيذ كلما قلت فيمه  $\sigma$  وطلى المكس بقل الاحتبال كلما زادت قيمة  $\sigma$  والتي تمكس مدى التفستت في الأوقات الخاصة بالتنفيذ  $\sigma$  فن المثال السابق اذا كانسسست أى أن  $\sigma^2 = 2.735$  فان الاحتسال الخاص بالتنفيذ في حدود 1.5 يوسا يقل كما يلى :

Pr 
$$\{ T_n \le t_n(5) = 14 \} = \{ -\frac{14}{1.654} = \frac{12}{1.654} \} = \{ (1.2) = 89 \% \}$$

يكون الاحتبال الخاص بالتنفيذ في حدود ١٠ أيام كنا يلى : - ويكون الاحتبال الخاص بالتنفيذ في حدود ١٠ أيام كنا يلى : -  $t_n \leqslant t_n (5)=10$  =  $4 \frac{10-12}{1.654}=$ 

$$\#\{-1.2\} = 1- \#\{1.2\} = 11\%$$
 وقد شار السؤال بطريقة أخرى وهو تحديد الحدالأقص للوقست

وقد يتار السؤال بطريعه اخرى وهو تحديد الحداء فعى للونست اللازم لتنفيذ المشروع والذى يمكن للمشروع الالتزام به بدرجة ثقة معينة وكأن يكون السؤال في المثال السابق و ماهسو المدالأقصى المكسست للمشروع التفاوض على امكانية تنفيذ المشروع في حدود و بالشكل السندى يزيد احتمال تحقق ذلك الى 55 أى المطلوب تحديد 5 محيث أن :

i.e 
$$\Pr\left\{T_n \leqslant t_n(s)\right\} \geqslant 95\%$$

.\*.  $t_n(s) = 1.65 \times 1.654 + 12 = 14.7$ 

7 / ٤ الاحتمال الخاص بتنفيذ جانب معين من المشروع في وقت محدد :

The Probability of Meating an Arbitrary Scheduled Date of Subnetwork:

قد تهتم ادارة الشروع بجز" معين من شبكة الأعال له بدايسة ونهاية محدد و داخل الشبكة الكلية للمشروع و فهنا يكون الاحتمال الخاص بتنفيذ هذا الجز" في وقت محدد هو احتمال مسمسسروط Conditional Probability بأن الاحداث السابقة على حسسد ثالبداية قد تعت في المواعد السابق تحديدها بالنسبة لها أي أننسسا نفترض أن التباين الخاص بالأحداث السابقة بأنها = صفر و

# 1/ ه بعض الملاحظات الخاصه عند حساب الاحتمالات:

# Some Probablistic Considerations:

لقد لاحظنا فيها حبق أن هناك العديد من الافتراضات والسبقى أيكن في ضو"ها الوصول الى النتائج السابقة • وبثار السؤال هنا حسول مدى ضلاحيسة - Validity هذه الافتراضات كأساسا لبنساء النموذج • اذ أن النظرة الفاحصة تبين الحاجه الى ضرورة ادخسال تعديلات جوهرية حتى يمكن قبول النموذج كأساس على للتعبير عسست هذا النوع من المشاكل • اذ أن نموذج PERT بشكله الحالى عرضمه للكثير من الانتقادات التى يمكن أن نورد هسافسيها يلى:

- () لا شك أن الافتراض الخاص بأن توزيع الأوقـات يخضع لتوزيع بيتـا
  ( Beta DF ) هو افتراض مقبول وصالح في كثير مــــن
  الأحيان ، الا أن هناك ولا شك بعض الحالات التي يكون فيهـا
  منطقيا أيضا افتراض توزيع آخر للوقت الخاص ببعض الأنشطــة،
  فقد تمثل القيم a,b على سبيل المثال الحدالأدني والأعلــي
  الذي يمكن أن يأخذه وقت التنفيذ ، وأن الاحتمال الخـــاص
  الذي يأخذه أي وقت للتنفيذ مابين a,b هو احتمـال متمــاوي.
  ففي هذه الحالة يكون التوزيع الاحتمالي الاكثر ملائدة لهذه الحالــة
  هو التوزيع المتساوي للمنافق المخلقة بـن
  الجانبين [a,b] ،
  - ٢) قد لاتتوافر الخبرة الكافية للأقراد الذين يقومون بوضع التقديرات الخاصه بالقيم هـ,٥,٥ كما قد تختلف هذه التقديرات وفقيا الخصية القائم بالتقدير فيكون المعض ححافظا والمعض الآخسسر متساهلا في وضع هذه التقديرات كما أنه عادة ماتكون هسسنده التقديرات بتحيزه للقيم التي يشمر واضع التقدير أنها نتفسسني وتقديرات بعض كبار المسئولين في الشروع •
  - ٣) اللجو الى التبسيط في تقدير المتوسط والتباين الخاص بوقسست
     كل نشاط اديفترض أن المتوسط = <u>4 + # 4 + a</u>

1) اننا افترضنا أن السار الحرج هو السار الوحيد الذى يتحكسم فى وقب الشروع مهملين بذلك الأوقسات الخاصة بالسارات الأخرى و فاذا كان هناك عدة مسارات من نقطة البداية حتى نقطسسسة النهاية ولتكسن  $\mathcal{T}_n$  ...,  $\mathcal{T}_n$  وبالتالى فسان  $\mathbf{T}_n$  يكون فى حقيقة الأمركيا يلى :

$$T_{n} = \max_{j} \left\{ T \left( \widetilde{\gamma}_{j} \right) \right\}$$

وبترتب على هذه النقطة مجموعة الحقائق التالية :

 1/٤: اننا افترضنا استقلالية هذه المسارات الأمر الذي ليس صحيحا خاصة اذا ماكانت هناك بعض الأنفطة المشتركة على أكثر مسن مساره

۱۲/٤: وحتى بغرض تحقيق الاستقلالية لكل مسار عن المسارات الأخرى ولكل نشاط داخل المسارالواحد عن الأنشطة الأخرى بحيست أمكن اعتبار أن التوزيج الخاص بالوقت الخاص بكل مسار هسو التوزيج المعتدل و قان التوزيج الخاص بوقت تنفيذ المشسروع ككل ت لا يمكن اعتباره انه توزيج معتدل اذ أن المتغسسير الذي يأخذ القيمة القصوى لقيم عده متغيرات لها شكل التوزيح المعتدل لا و

اذ يكون التوزيع الاحتمالي لـ T<sub>n</sub> هو حاصل ضرب التوزيع الاحتمالي الاحتمالية المعتدلة للمسارات المختلفة ولايشترط بالضرورة أن يكــــــون

ه ــ : كما يتوقف درجة الخطأ وفقا للمشمكل الخاص بشبكة الأعسال
 فقى حالة وجود مسار خاص أطول بشكسمل كبير من باقسسى
 المسارات في شبكة الاعمال فهنا تقتر ب طريقة TERT من
 الدقة ويكون الخطمأ المتوقع فقط على مستوى التقد يسمسرات
 الخاصة بالأنشطة •

ولكن في حالة وجود أكثر من مسار وكان الوقت المتوقسسع لهذه المسارات متاربا فان الوقت المتوقع لتنفيذ المشروع وتباينه يكون مرتبطا فقط بأكثرالمسارات طولا وذلك رغم تأثره بشكل كبير بالمتوسسط والتباين الخاص بكل من المسارات الأخرى التي تقترب في متوسطهسا من المسار الحرج • الا أن تأثير هذه السارات على المسار الحرج يقل في حالســـة اشتراك هذه المسارات مع المسار الحرج في عدة أنشطة ٠

ولذا يتطلب الأمرلينا عنونج احتمالى دقيق لشبكة الأعسسال ضرورة أخذ هذه النقاط فى الحسبان الأمر الذى يجملها مختلفة تعاما عن نبوذج PERT وهذا ماحدانا الى القول فى مقدمة هذه المذكسرات الى ضرورة التفرقة بين النماذج ذات الأوقات البؤكده والأوقاسات الاحتمالية Deterministic Activty Network Vs Probal الاحتمالية ما اعتمالية اعتمالية المتعالمة المتعالمة المتعالمة وذلك بدلا من استخصصت المتعالم المتعالم المتعالم المتعالم المتعالم التعالم الت

# ٦/ ٦مثال يوضع الاجابة على بعنى الأسئلة التى تهم البديرالبسئول عسسن المشروع :

نغرض أن هناك تسعة أنشطة حرجه ، يمثل الوقت اللازم لتنفيذها المسار الحرج ليشروع ما وكان المتوسط الخاص بتنفيذ هذه الأنشطيسية أداء هو 7.05 يسبوما والتباين 47. يوما ، وغرض استقلاليسسية أداء هذه الأنشطة ونظرا لأن عدد الأنشطة الحرجه > 4 وأن النشسسياط الحرج أطول من باقى المسارات الأخرى بشكل واضح قانه يمكن تطبيسي نظرية TIT وبالتالى يمكن الإجابة على التساؤلات التالية :

١ ـ ماهو الوقت المتوسط لأدا \* هذا المشروع (5) ٣ ( المسسسار المروع الالتزام بديدرجة ثقة 90% على الأقل •

أى المطلوب تحديد (5) t التي يكون عندها التنفية ﴾ 90%.

i.e 
$$\Pr\left\{T_{n} \leq t_{n}(s)\right\} \geq 90 \%$$

$$\longrightarrow \left\{\frac{t_{n}(s) - g_{n}}{\sigma n}\right\} = \oint (1.28)$$

$$\longrightarrow t_{n}(s) - 7.05 = .47 \times 1.28$$

 $t_n(5) = 7.05 + .47x1.28 = 7.65$  days.

ر ما هو الاحتمال الخاص بالمانية تنفيذ المشروع بحد أتمى 7 يستوم  $\{\mathbf{T}_n \leqslant \mathbf{t}_n(\mathbf{s}) = 7\} = \{-7 - 7 - 05 - 7\} = (-106)$ 

واذا أريد رفع احتمال التنفيذ في ٧ أيام الى % 90 كان معنى ذلك أنه يجب تخفيض المتوسط عن 7.05 وذلك عن طريق ادخال بمسسف التغيرات التكتولوجية في أدام بعض الأنشطة وتكون قبعة ٩ اللارمسسة

التحقیق ذلك كا يلی : 
$$P_r \left\{ T_n \leqslant t_n(s) = 7 \right\} \geqslant 90 \%$$

$$\Rightarrow \left( \frac{t_n(s) - g_n}{5 - n} \right) = \Rightarrow (1.28)$$
i.e  $\frac{7 - g_n}{47} = 1.28$ 

$$\frac{3}{1} = 7 - .47 \times 1.28$$
i.e  $g_n = 7 - .60 = 6.40$ 

أى يجب الدخال تعديلات جوهرية على أداء بعض الأنشطسسة بحيث يكون متوسط الوقت اللازم لا داء الأنشطة 64.0 وليسس 7.05 بتخفيض قدره 65. يوساء ويبكن الوصول الى النتائج المرفية أيضا

عن طريق التأثير في قيمة التباين وبالتالى الانحراف المعيارى لهسسنده الأنشطة أو بدريج من التأثير علي كل من المتوسط والتباين الخاص بهذه الأنشطة •

# ٣//٦ تحديد السار الحرج بالنظر الى شبكة الأعال على أنها شبكة تدفقات :

A Flow- network Interpretation For the Determination of the CP :

لاتحتوى غيكات الأعمال على أى تدفقات من نوع ما ه فهى عيسارة عن مجموع من الأنشطة والأعمال اللازه لتحقق أحداث معينة و الا أنسسه ولأغراض حساب السمار الحرج  $^{\rm CP}$  فانه يمكن النظر الى غيكة الأعسال على أنها غيكة تدفقات والتى يتم فيها مرور وحدة ما ابتداء من حسست البداية (1) لتنتهى عند حدث النهاية (  $^{\rm CP}$ ) وبالتالى ننظر الى الوقت  $^{\rm CP}$  على أنه الوقت اللازم لنقل هذه الوحدة من الحدث (1) السمى الحدث (  $^{\rm CP}$ ) أو يمكن النظر الى  $^{\rm CP}$  الها مقدار المنقعسسة ويكن تحديد السمار الحرج بذلك هو السمار صاحب أكبر وقت لنقسل هذه الوحدة من الحدث (  $^{\rm CP}$ ) أو هو السمار صاحب أكبر وقت لنقسل منعمة (  $^{\rm CP}$ ) أو هو السمار صاحب أكبر وقت النقسل منعمة (  $^{\rm CP}$ ) أو هو السمار صاحب أكبر وقت النقسل المعنعة (  $^{\rm CP}$ ) أو هو السمار صاحب أكبر وقت النقسل المعنعة (  $^{\rm CP}$ ) أو هو السمار صاحب أكبر وقت النقسل

وتحقق هذه النظرة مجموعة من المزايا نوردها فيما يلي:

- أن جميع النظريات الخاصة بالبرسجة الخطية وشبكسات
  التدفقات تكون متاحة للاجابة على الاسئلة المختلفسة
  كتلك الخاصة بتحليل الحساسية ويزيد من أهميسسة
  ذلك أن هذه النظريات مبنية على أرض صلبة ولها نتائسج
  باهرة •
- ٣ أن هذا النوذج يعدمدخلا لناذج أخرى احتماليـــة
   أكثر تعقيدا •

خاذا نظرنا الى الوحدة المارة من الحدث (1) في الانجساء الى الحدث (1) به 0  $\chi_{1j}$  وكانت المنفعة المحققة هسسسى  $\chi_{1j}$  فان نموذج البرمجة الخطية يكون كما يلى :

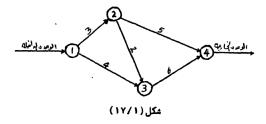
max 
$$\sum_{(i,j) \in A} y_{i,j} x_{i,j}$$
S.t 
$$\sum_{i \in \mathcal{O}(i)} x_{1,i} = 1$$

$$- \sum_{i \in \mathcal{O}(i)} x_{i,j} + \sum_{k \in \mathcal{O}(i)} x_{i,k} = 0 \qquad j=2,3,...n-1$$

$$- \sum_{i \in \mathcal{O}(i)} x_{i,j} + \sum_{k \in \mathcal{O}(i)} x_{i,k} = 0 \qquad j=2,3,...n-1$$

X<sub>i</sub>> o

ويمكن توضيع ذلك بمثال كما يلى:



max 3 = 3 
$$x_{12}$$
 + 4  $x_{13}$  + 2  $x_{23}$  + 5  $x_{24}$  + 6 $x_{34}$   
s.t

 $x_{12}$  +  $x_{13}$  =1

 $-x_{12}$  +  $x_{23}$  =0

 $-x_{13}$  -  $x_{23}$  +  $x_{34}$ =0

 $x_{13}$  -  $x_{24}$  -  $x_{34}$ =1

 مسار تؤدى بالتالى الى تحديد المسار الحرج •

ويكون النموذج الثنائي للمسألة السابقة كما يلى:

W<sub>1</sub> 's unrestricted in sign ريبكن التمبير عن النبوذج الخاص بالبسألة الثنائية في شكله العام كما يلي :

min 
$$Z = W_1 - W_n$$

$$W_i - W_j \geqslant y_{i,j} + f(i,j) \quad A$$

$$W_i's \quad unrestricted \quad in sign$$

ويلاحظ هنا امكان الوصول فوراالى الحل الامثل للمسألة النتائيسة اذ تحتوى كل متباينه على متغيرين فقط وبالتالى فان أقل قيمة لد السسة الهدف يمكن أن تتحقق بفرض أى قيمة ما ل $_{
m 1}$  أو  $_{
m 2}$  م تحديسه

باقی القیم فی ضو" هذه القیمة المختارة اذ أن العبرة هنا فی تحدید الغرق بین  $_{\rm M}$  ,  $_{\rm N}$  وجعله أقل مایکن وبالتالی فان تحدید قیمة سا  $_{\rm L}^{\rm L}$  W سوف یؤدی الی أن تأخذ  $_{\rm M}$  قیمة أخری محدد و بحیث یکسون  $_{\rm L}^{\rm L}$  W سوف یؤدی الی أن تأخذ  $_{\rm M}$  قیمة أخری محدد و بحیث یکسون  $_{\rm L}^{\rm L}$  سالمان أقل مایمکن فاذا افترضنا أن  $_{\rm L}^{\rm L}$  فانه یمکن کتاب المسألة الثنافیسة کما  $_{\rm L}$  :

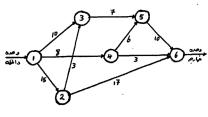
min - W<sub>4</sub>
s.T 
$$W_2 \leqslant W_1$$
 - 3
 $W_3 \leqslant W_1$  - 4
 $W_3 \leqslant W_2$  - 2
 $W_4 \leqslant W_2$  - 5
 $W_4 \leqslant W_3$  - 6

ويتبين لنا أن تقليل قيمة دالة الهدف معناء زيادة القيمسسة المطلقة له  $_{\rm W}^{\rm W}$  الا أنه من القيود يتبين أن الحدالاً قمى للقيمه التم يأخذها المتغير  $_{\rm W}^{\rm W}$  تتوقف على الحد الأقمى للقيمه التى يأخذه المتغير  $_{\rm W}^{\rm W}$  ,  $_{\rm W}^{\rm W}$  وهذه الأغيرة تتوقف على قيمة  $_{\rm W}^{\rm W}$  ، وحيست اننا افترضنا  $_{\rm W}^{\rm W}$  اذا الحدالأقمى لقيمة  $_{\rm W}^{\rm W}$  هى  $_{\rm W}^{\rm W}$  ومنا القيمة القموى لم  $_{\rm E}^{\rm W}$  هى  $_{\rm W}^{\rm W}$  ومنث أن  $_{\rm E}^{\rm W}$  هى  $_{\rm W}^{\rm W}$  ها من أتمى قيمسسة  $_{\rm W}^{\rm W}$  هى  $_{\rm W}^{\rm W}$  هى  $_{\rm W}^{\rm W}$  ها  $_{\rm W}^{\rm W}$ 

 $\mathbf{w}_{1}^{*}=0$  يالتالى يكون الحل الأمثل بغرض أن  $\mathbf{w}_{1}^{*}=0$  كما يلى  $\mathbf{w}_{1}^{*}=0$   $\mathbf{w}_{2}^{*}=-3$  ,  $\mathbf{w}_{3}^{*}=-5$   $\mathbf{w}_{4}^{*}=-11$  , Z=11

ونلاحظ هذا تحقق القيد الاول والثالث والأخير في شكل متساويسة على عكس القيد الثانى والرابع وبالتالى فان  $x_{13}^*$ ,  $x_{24}^*=0$  وفقسا للنظرية الثنائية ، بينما يمكن للمتغيرات الأخرى  $z_{25}^*$ ,  $z_{25}^*$  وفقسا أن تأخذ قيم لاتساوى صغرأى تأخذ القيمه واحد صحيح في هذه الحالمة ( المتغيرات  $z_{15}^*$  تأخذ القيم صغر أو واحد فقط) وبالرجوع الى المسألة الأصلية  $z_{15}^*$  تصل الى الحل الأمثل والذي يتمثل في  $z_{15}^*$  عمل الى الحل الأمثل والذي يتمثل في  $z_{15}^*$  عمل المحتود على  $z_{15}^*$  عمل المحتود على  $z_{15}^*$  عمل المحتود على  $z_{15}^*$ 

X<sub>34</sub> = 1, . X = 11 مثال: أوجد السار الحرج باستخدام البرمجة الخطية والنظرية الثنائيسة ----لفيكة الأعبال التالية :



شكل (١٨/١)

# ١ .. اذا أعطيت مجموعة من الانشطة بينها علاقات تتابعية كما يلى :

الأنشطة السابقــة بباشرة له	النشاط
-	A
-	В
-	C
-	Œ
B,C,D	E
A,B,C,D	F
A,B,C,D	G
F,G,I	H
A,B,C,D	I
O,E,N	J
B,C,D	ĸ
K	L
B,C,D	M
B,C,D	N
A,B,C,D	0

قالنظلوب: رسم غبكة الاعبال التي تعبر عن هذه الأنفطة علني أن يكون للتشروع بداية واحدة ونهاية واحدة ويشرط استخدام الانفط ......ة ا الوهبية في أقل نطاق سكن •

٢ ـ اذا كانت الانشطة الخاصة بمشروع ما والملاقات التتابعية بينها
 كما يلى :

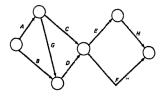
الانشطة السابقة اللازمة لبدأ النشسساط	النشاط
-	A
A	В
A	F
A	H
В	C
В	D
C	E
F	G
F	I
н	J
I,J	K
G,D , E	L
K	M
L, M	N

فالمطلوب: التمبير عن هذه الانشطة في شكل هبكة أعال مسع استخدام الانشطة الوهبية في أقل نطاق مكن •

٣- اذا كانت الانشطة الخاصة بمشروع ما والعلاقات التتابعية بينها كما بلي:

•	یلی ۰
الانشطة السابقة واللازمة لبد أالنشاط	النشساط
-	Å
-	В
<b>A</b>	C
B , G	D
C, D	E
D	F
A	G
E	н

ناذا تم التعبير عنها بطريقةغير سليمة كما في الشكل التالي :



فالمطلوب تصحيح هذا الشكل عن طريق استخدام نشاط وهسى واحد فقط •

هل سوف تو<sup>م</sup>دى هذه الاضافة الى تغييراً لاوقات الخاصة ببداية ونهايسة . كل نشاط أم ستظل هذه الاوقات على ماهى عليه ؟

هـ اذا كانت تقارير ميرالعمل لفيكة الاصال (١١/١) عوثهاية اليوم
 الخامس لبدأ المشروع تين مايلى:

ملاحظىات	وقت النهاية	وقتالبداية	النشاط
-	3	1	0 -1
-,	-	5	1 -2
-	2	0	0 -3
-		3	3 -4
· -	-	2	3 -7
-	-	5	0 -6
بترقع أن يزيسد رقت تنفيسسذ النشاط عا هــو بقد رياً ربعة أيام			5 -8

 أ ... ما هوموقف تنفيذ المشروع الحالى ومامدى امكانية الانتهاء من المشروع في الميحاد السابق تحديده وهو ١٥ يوما ؟

ب. ماهى الانشطة التي يجب الاسراع في تنفيذها لتعويض التأخـــــير الحادث في تنفيذ الشــــــــــرم ؟

#### الغمسل الثانسسي

# جدولة أنشطـة غبكات الأعال ـ الناذج الرئيسيــــة Schecluling The Activities of A Network

Bosic Sheduling Medels

------

# ۱ ــ مقدســـة :

لقد بينا في الفصل السابق امكانية التعبير عن الشروعات فسى شكل شبكة أصال • ثم بينا كيفية تحديد الأوقات المبكرة والمتأخرة لكسل حدث وذلك في حالة معرفة الأوقات الخاصة بكل نشاط • وفي ضسسو\* هذه البدايات المبكرة والمتأخرة للأحداث أمكن تحديد الفائض المتساح لكل نشساط•

ولقد افترضنا في هذا الفصل السابق أن الموارد اللازمه لتنفيذ هذه الأنشطة موارد متاحة بكنيات كبيرة بهالتالى يمكن تجاهل الأشسر الخاص بمدى توافر هذه الموارد عند جدولة أنشطة المشروع و وفي هذا الفصل سوف ندرس أثر وجود الموارد بكنيات محدودة على جدولة أنشطة المشروع اذ في ظل هذه الموارد المحدودة سوف تزداد الأمور تعقيسدا بطبيعة الحال نقد كان هناك على سبيل المثال مقهوم واضع وسيسط ومحدد لأنواع الفائض المتاح لكل نشاط فالفائض الاجمالي للنشسساط (1)

 $t_1$  (L) ,  $t_1$  (E) كنتيجة طبيعية لوجود قيم واحدة وسعددة لكل من (E)  $t_2$  (L) و  $t_3$  (L) الأمر سوف يختلف في ظل وجود موارد محدودة قلايترقف تحقسق

الأحداث على أوقات الأنشطة نقطبل أيضا على مدى توافر المسسواره اللازمة لتنفيذ هذه الأنشطة • كذلك الحال بالنسبة لتحديد المسسار الحرج والذى سوف بتأثر بالتأجيل الذى سوف بحدث فى تنفيذ بمسفى الأنشطة بسبب عدم توافر الموارد اللازمة • ولاشك أن التقدم التكولوجي الهاعل الذى أدى الى توافر موارد دات تكلفة عالية وبالتالى ضسرورة أخذها فى الحسبان عند جدولة أنشطة المشروط بالاضافة الى تنسوح الخبرات الفردية المطلوبة لأداء أنشطة المشروطات المختلفة قد أدى الى الاهتمام بهذه المشكلة والتي أصبحت تحظى باهتمام يفوى الاهتمام التقليدى بكل من PERT & CPM

# ٢ \_ الجهود الخاصة بايجاد حلول مثلى لهذا النوع من المشاكل :

لقد أدى تعدد الموارد اللازم أخدها فى الحسبان عند جدولة أشطة هذه المشروعات بالاضافة الى صعيبة التمبير عن هذه المشكلة فى شكل نعاذج رياضية الى عدم امكانية تطوير حلول شلى \* أذ تمثلست الجهود البدولة حتى الآن فى التمبير عن المشكلة فى شكل نمساني خطية ذات أعداد صحيحة Integer Linear ( IIP ) Integer Real )

وصسبى عنى حالة استخدام الحاسبات الآلية الوصول الى الحسسل الأشل وقد أدى ذلك الى قيام كثير من الكتاب اقتراع عدة قواعد منطقية لحل المشكلة heuristies والتى تمكنا من الوصول الى حلسسول مرضية كثيرا ما تقترب من الحلول المثلى وذلك دون بذل جهد كبير في سبيل الوصول الى ذلك و وفير هنا الا أنه لا يمكن تبنى مجموعة قواعد heuristie

التى تتغوق فى حل مشكلة معينة قد لاتحقق نفس التغوق فى حــــل مشكلة أخرى • وعوما يبكن تصنيف مثل هذا النوع من المشاكل فـــى مجموعات متشابهة وذلك فى ضوا الهدف الأساسى العراد تحقيقه مسن وراا كل مشكلة ، فاذا كان المتاح من كل مورد محدود العدد أو الكبية من فهل سوف يؤدى ذلك الى زيادة وقت المشروع ؟ واذا كان الأسسر كذلك فما هو الحد الأدنى للوقت اللازم لتنفيذ المشروع ؟ أما اذا كان من المسكن زيادة العدد أو الكبية المتاحة من كل مورد فقد يكــــون من الميكن زياد تمتاج الادارة الى تحديد الأوقات المختلفة المتوقعة لتنفيذ المشروع في ظل توافر مستويات مختلفة من الموارد حتى يتم في ضــوا ذلك تحديد المستوى الأمثل لهذه الموارد أخذا في الحسبان تكلفــة نوير هذه الموارد من ناحية والمائد المكن تحقيقه من وراء تنفيــــذ المشروع في مواعيد محدده من ناحية أخرى •

# ٣ \_ وصف طبيعة الشاكل الرئيسية والخاصة بجدولة الأنشطية:

#### Description of Basic Schecluling Problems

١ أن لكل مفروع وقت بداية ونهاية محددة •

٢ أن هناك تتابع منطقى لأداء أنفطة المشروع كما هو محدد بشبكـة
 الأعال. •

أن حاجة كل نشاط من هذه الموارد ثابتة ومحدده مقدما

وفى ضوا هذه الافتراضات العامة فانه يمكن تقسيم المشاكسسسال الخاصة يجدولة الأنشطة الى ثلاث مجموعات رئيسية هى :

- ١ \_ حالة تخصيص موارد متاحة بكيبات محدودة ٠
- ۲ حالة تمهنيسه مستوى الموارد المطلوبه بفرض أنها متاحة بكنيسات فير محدودة •
- " الحالة الخاصة بالتخطيط طويل الأجل لما يجب توفيره مسسسن
   الموارد •

وفيما يلى سوف نهين مجموعة القواعد المنطقيـــــة heuristics اللازمة لحاركل محموعة •

## ١/٣ \_ حالة تخصيص موارد متاحة بكبيات محدودة :

# Limited Resource Allocation :

هذه الحالة هي الأكثر انتشارا، وتظهر عندما يكون هناك حسدود قصوى للكبيا تالمناحة من الموارد اللازمة لتنفيذ المشروع، ويتمثل الهدف في هذه الحالة في تقليل وقت تنفيذ المشروع وبالتالي محاولة الالسسترام بالمواعيد المحددة قدر الامكان وذلك في ظل القيود الخاصة بالكبيسسات المحدودة من الموارد المتاحة ،

# ٢/٣ : تنهيد المستوى المطلوب من كل مورد بقرض أنه متاح بكيسات

غير محدودة

#### Unlimited Resource Leveling

في هذه النوع من المفاكل بيكن لادارة المشروع توفير أى كبيسة من الموارد اللازمة لتنفيذ المشروع في وقت معين وذلك كما هو الحسال في معظم مشروصات المقاولات ويتمثل الهدف الذي نسمى الى تحقيقه في هذه الحالة في تخفيض تكلفة استخدام هذه الموارد وذلك عسست طريق تحديد المستوى الأمثل اللازم استخدامه من كل مورد حتى نتفادى عمليات تجميع هذه الموارد ثم الاستخسنا عنها عدة مرات أثناء تنفيسسذ المشروع والتي كثيرا ما تحمل المشروع نفقات كبيرة ولذا فيتم جدولة الأنشطة بالشكل الذي يسمح بتخفيض التكلفة من خلال محاولة تحقيق التبسات النسبي Ieveling في المستوى المطلوب من كل مورد في خلال فترة منه المشروع مع احتمال السماح بتحقيق التراكمات Dulla up الكارمة مرة واحدة في بداية المشروع للوصول الى هذه المستوى الثابت ءوكذ المساح بالتخلص من بعض أو كل هذه الموارد على الشعوو والنبوارد عنه المستوى الثابت في نهاية حياة المشروع و

٣/٣ التخطيط طويل الأجل لما يجب توفيره من الموارد :

#### Long Range Resource Planning:

اذ قد تسعى الادارة الى التعديل في كل من الموارد المتاحسية من ناحية اوالمدد اللازمة لتنفيذ المغروم من ناحية أخرى حتى يمكسين الوصول الى التولسيفة المثلى التى تقلل التكلفة الخاصة بالابقاء طسسي مستوى معين من الموارد وكذا التكاليف الثابته وأيضا تكلفة عدم الالستزام بتنفيذ المشروع في السعاد المتفق عليه • أى تتضين هذه المجبوء...... من المشاكل كيفية العمل على المواقعة بين أهبية عنصر التكلف.ة والوق.... time - Cost trade-off والتي سوف تتناولها بهي • من التفصيل ضي الفصل الثالث من هذه المذكرات •

ويتمثل الاتجاء الأساسي في حل أي من هذه المشاكل السابقسة في ترتيب الأنشطة وفقا لمعيار ما ، فيتم ترتيب وجدولة الأنشطة وفقسا لهذا المعيار وذلك بمجرد الانتها ، من الانشطة الالمسابية ، ويكون Predecessors لهذا النشاط وشرط توافر البوارد المطلوبة ، ويكون المسؤل الهام خاص بماهية هذا المعيار الذي سوف يتخذ كأسساس لترتيب هذه الأنشطة ، ورفم تعدد المعاير في هذا المدد الأأن معظم الدراسات التي تبت في هذا المدد قد أشارت الى أهمية اعطاء الأولوبية أثل وقست الأنشطة وفقسا أثل وقست للتنفيذ الأولوبية الثانية أي في حالة تساوى عدة أنشطة وفقسا للمعيار الاول فيتم اختيار أحد هذه الأنشطة وفقسا المعيار الاول فيتم اختيار أحد هذه الأنشطة وفقال من وقت الانتظسار الخاص بها في الأنشطة ،

ونشير هنا الى صعيبة وضع معياريلى المعيارين السابقين فسسى الأحمية اذاً أن المعيار الذى يمدملائها الأحد المشروعات لايمدملائمسسا لمشروعات أخرى •

السنخدمة في حل كل من النوع الاول والثاني والثالست على أن نتناول النوع الأخير في الفصل التالي لهذا الفصل بشيء أكثر تفصيلا .

# ٤ \_ القواعد المنطقية الخاصة بتخصيص الموارد المتاحة بكيبات محدودة:

تتبثل الفكرة الأساسية لطريقة الحل heuristic فيسمى جدولة الأنشطة وفقا للترتيب الخاص بها ويشرط ضمان الانتهاء من تنفيذ الأنشطة السابقة لها وكذا التأكد من توافر البوارد بالقدر الكاف السذي يسم بالتنفيذ • ولتحقيق ذلك تم تدريف مجموعتين من الأنشطة • فتمثل المجموعة الأولى الأنشطة المنسموم بجدولتهــــــا ( EAS ) The Eligible Activity Set رهى الأنشطة التي تر تنفيه سند الأنشطة السابقة عليها • وتعثل المجموعة الثانية مجموعة الأنشطـة ذات بداية مبكرة ( Early St rt ( ES ) أقل من الزمن الخاص بالجدولية أى أن T > ES و ثمند T = 1 يسم نقط بجد ولة الأنشطة ذات البداية البكرة 1 ك ES حوند 2 = T يسم نقط بالأنفطسة ذات البداية البكرة 2 S < 2 مشرط اتبام تنفيذ الأنشطة السابقية عليها ٠ على أن يتم ترتيب الأنشطة داخل هذه المجموعة الثانيسة وفقها للفائض الخاص بكل نشاط اذ ترتب الأنشطة ذات الفائني الأقل أولا وفي حالة النساوى ترتب الأنشطة داخليا وفقا لوقت التشغيل الخاص بكسسل نشاط فترضم الأنشطة صاحبة الوقت الأقل في التشغيل أولا • وتسعى هـذه المجموعة الأخيرة التي تحتوى على الترتيب الخاص بالأنشطة بمحموسية ترتيب الأوام(Ordered Scheduled et(OSS).

ونشير في هذا المدد أن ترتيب الأنفطة وفقا للفائض المساص

بكل نشاط يتطابق تناما مع ترتيب نفس الأنشطة وفقا للوقت المتأخسسر لأدا النشاط ولذا يفضل استخدام هذا الأخير في اجرا الترتيب ا اذ يحتاج الأمر السي تحديث البيانات الخاصة بفاغض كل نفسساط اذ يقل هذا الفائض بالنسبة للأنشطة التي قد يحدث تأخير في بدايسة تنفيذها عن البداية المبكرة الخاصة بها وهو الأمر الذي يمكن تفاديسه في حالة الترتيب على حساب البداية المتأخرة للنشاط بد لا من الاعتماد على الفائض في اجرا هذا الترتيب ويمكن تلخيص خطوات الحل فيسسا



نحسب البدايات المتقدمة الآقوالمتأخرة لكل نشاط مسسن أنشطة المشروع • ثم نعطى المتغير T المعبر عن الوقت القيمة واحسد أى أن T=1

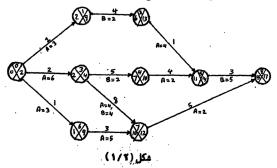
تحدد مجموعة الأنشطة المسمح بجدولتها (BAS) والتى تحتىوى على الأنشطة التى تم جدولة الأنشطة السابقة عليها •

يتم تحديد مجبوعة ترتيب الأوامر OSS والتى تتضين أنشطة فــــــــــى المجبوعة (EAS) يشرط أن تكون T ≥ ES لكل نشاط وعلى أن ترتـــــب الأنشطة الوقت المتأخر الأصغر أولا •

وفي حالة تساوى بعض الأنشطة توضع الأنشطة صاحبة الوقت الأقسل في التنفيذ أولا • ]

يتم جدولة الأنشطة في المجبوعة 0SS وفقا للترتيب الوارد بهسا يشرط توافر الموارد اللازمه خلال فترة التنفيذ \* ماجرا\* الجدولة يستم تعديل كبية الموارد المتاحة وكذا تعديل الأنشطة الداخلة في المجموعسة ( BAS )

وسوف نبين ذلك بالشرح بالنسبة لفبكة الأعال السابسق تقديمها بالفصل الاول والتي نعيدها فيما يلى :



وذلك م افتراض وجود موردين B ، A وكانت الكبة المطلوسة لكل نشاط من هذين الموردين كما في العمودين 3 ، 2 من الجدول التالى ويوضع الجدول أيضا الوقت D اللازم لأدا " كل نشسساط وكذا البداية المبكرة ES والمتأخرة LS والفائض 5 الخساص بكل نشسط ط •

Activity	Reso Ro	a	1												TA									
	1	В	þ	ES	s	L\$	-	2	3	•	5	10	7		9	10	11	12	13	14	15	16	17	18
0-1	3	L	,	١,	5	6			3A	ž 3A								·						L
1-2	_	2	4	1 3	5	8								2B	2B	28	2B						_	1
0-3	6	_	2	, 1	. 0	1	ŠA.	6.4				1												
3-4	_	2	5	] 3	1	4			× 2B	28	28	2B	ž 2B											
2-5	4		١,	7	5	12														*4				Γ
4-5	2		4		1							Г		ŽĄ	24	žA	ŽĀ							Γ
0-6	3		1,	1 ,	1 6	7					3Å		П											Τ
3-7	4	4	a	3	0	3			48	4A 4B	4A 4B	44	4A 48	4A 4B	4A 4B	4A 4B							_	r
8-7	5		13	2		8					_					-	× 5A	ž.	X 5A				_	Τ
5-8	_	5	13	12	-	13											¥23.				X 5B	5 <i>B</i>	5.8	Τ
7~8	2	F	5	11	0	11						Г				_				X 2A	ž,	ŽÁ	žA	2
Level o	i resor	proe					<b>8</b>	2	XX.	XX.	XX-	#	4	1/2	K K N	1/2	X 1	3	3	X X 2	X 6	8	*	
Level o espig	of reso	ųrce	. 4			5 4 2	* * * * *	* * * * *	* * * * * * * * * * * * * * * * * * *	* * * * * * * *	****	×××	* * * *	* * * * * * *	****	x x x x x	****	* * * * *	* * * * *	* * * * * *	×	××	×	,
Level o	of reso	urc					6	۰	# Z	N O	0 14 34	A NO	X X	N X O	A M.O	7	4	. •	6	6	1	ķ	1	
Lève) c		urce	В			6 4 2			X X X X X X	* * * * *	****	* * * * *	****	****	* * * * * *	****	*				* * * * *	* * * * *	* * * * * * * * * * * * * * * * * * *	

شکل (۲/۲)

# ولتسهيل أجرا العمليات الحسابية يوضع الجدول التالى العمليسات الخاصة بجدولة الأنشطة •

```
T--1
                                      ' 67 precedes 12 In OSS because
EAS:
        01 93 06
                     34 37
                                     Da: _ D13
ES:
         1
                 1
 LS:
         6
             1
                 7
                                     T=7
oss:
        93 01 06
                                      EAS.
                                                 12
Schodule 03 to (1-2), remove 03
                                       ES:
                                       LS:
from EAS and add 34 and 37 to EAS
                                               9
                                                   8
                                                       8
                                      oss:
                                              67 12
T=2
                                      No activities can be scheduled on T=7
                34
EAS:
        01
            06
                     37
 FS:
         2
             2
                      3
                                      T=-8
 LS:
         6
                                      EAS:
                                                      67
                                              45
                                                  12
oss:
                                       ES:
        01
            06
                                               8
                                                   8
                                                       8
                                       LS:
No activities can be scheduled
                                               9
                                                   R
                                                       8
on T=2
                                      oss:
                                              67 12 45
                                      Schedule 12 to (8-11), remove 12
                                      from EAS and add 25 to EAS
T=:3
                                      Schedule 45 to (8-11), remove 45
            06
                34 31
                        45 12
EAS:
                                      from EAS
 ES:
             3
                      3
 LS:
         6
             7
                      3
                                      (Note: Resource A is constraining
                                        an activity with zero slack
oss:
        27 24 OT 08
                                        and is thus causing schedule
Schedule 37 to (3-10), remove 37
                                        to slip.)
from EAS
Schedule 34 to (3-7), remove 34
                                      7=9
from EAS and add 45 to EAS
                                      EAS:
                                               67
                                                  25
Schedule 01 to (3-4), remove 01
                                       ES:
                                               9
                                                  12
from EAS and add 12 to EAS
                                       LS:
                                               8 12
                                      oss:
                                               67
T=4
                                      No activities can be scheduled
EAS:
         06 45
                12
                                      on T=9
 ES:
 LS:
          7
                                      T = 10
oss.
        OB
                                      EAS:
                                               67 25
No activities can be scheduled
                                       ES:
                                               10
                                                  12
on T=4
                                       LS:
                                                8 12
                                      oss:
                                               67
T=5
                                      No activities can be scheduled
        .05 45 12
EAS:
                                      on T=10
 ES:
          5
              9
 LS:
          7
                                      T-11
OSS:
         06 12
                                      EAS:
                                              ,81 25 78
Schedule 06 to (5), remove 06
                                        ES:
                                               11 12
from EAS and add 67 to EAS
                                        LS:
                                                8 12
                                      oss:
                                               67
T==6
                                       Schedule 67 to (11-13), remove 67
FAS:
         45
            12
                 67
                                      from EAS and add 78 to EAS
                   R
  ES:
  LS:
          а
              8
                   8
 oss:
         67* 12
 No activities can be scheduled
```

on T=6

```
T=:12
                                     LAS:
                                             25 78 58
EAS:
        25 78
 ES:
        12
            14
                                      FS.
                                             14
                                                14
 LS
                                      LS:
                                             12
                                                11
        12 11
oss:
                                     oss:
                                             7Á 25
                                     Schedule 78 on (14-18), remove 78
No activities can be scheduled
on T=12
                                     Schedule 25 on (14), remove 25
T=13
                                     from EAS and add 58 to EAS
EAS:
        25
           78
 ES:
        12
                                     T = 15
           14
 LS:
        12 11
                                     EAS:
                                             58
                                      ES:
                                             15
oss:
                                      LS:
                                             13
No activities can be scheduled
                                     oss:
on 7=13
                                             56
                                     Schedule 58 on (15-17), remove 58
                                     from EAS
                                     T=16
                                     EAS: Empty-STOP Scheduling
                                           Procedure
```

# جدول (۱/۲)

## T = 1 :

نبدأ الحساب في الجدول حيث T=1 وتحتوى مجموعة الأنشطة السبح بجدولتها EAS على الأنشطة00, 01,03,03 من أن هند الأنشطة الثلاثة السابقة أعضاء في مجموعة ترتيب الأواسر OSS حيث أن T=1 لكل منهم ويترتيب هذه الأنشطة في المجموعة 005 حيب الوقت التأخر للبداية LS ه نضع النشاط 03 شمسم الوقت التأخر للبداية LS م نضع النشاط 03 شمسم 04 وهدات والمورد A هو(8) وحدات والمورد A هو (6) وحدات فانه يمكن جدولة النشساط وحدات والمورد B هو (6) وحدات فانه يمكن جدولة النشساط وتحت اليوم الاول T=1 ولذا تم وضع X أمام هذا النشاط وتحت اليوم الاول في شكل T=1 وبذا يتم تعديل الكية غيرالمخصصة من المادة الخام A لتصبح وحد تين فقط ويستمر الوضع كذلسسك في اليوم الثاني يتم حذف النشاط 03 واضافة الأشطسة 34, 37 من والى المجموعة EAS ه

# وننتقل الى2 - ٣ :

نقوم بتحديث قيم ES بالنسبة للأنفطة داخل EAS لتصبين (2) على الأقل حيث 2 = 1 ويكون ذلك بالنسبة للنشاط .....ين 06, 01 على أن تظل ES=3 بالنسسبة للأنفط .....ة 37 وذلك بعد الانتهام من النشياط 03 .

ونستمر هكذا كما هو موضع بشكل ٣/٣ وجدول ١/٣ حتى يتسم جدولة جميع أنشطة المشروع حيث نجد أن المشروع يحتاج الى ثلاثسية أيام أخرى بعد الميعاد السابق تحديده وهو ١٥ يوم في حالة اغتراض عدم وجود أي قيود على الموارد المتاحة ٠

وتمثل خطوات الحل السابقة أداه يمكن الاعتماد عليها في حسل الكثير من المشاكل السائلة • كما أننا نشير هنا الى أن المشال السابق وان احتوى على مصروع واحد فقط فليس هنساك ماينع من تطبيق هذه القواعد في حالة الرغبية في جدولة أنشطة عدة مشروعات يتم تنفيذ هسا في نفس الوقت معا • اذ يكفي في هذه الحالة تحديد البدايسسسة والنهاية المتقدمة أو المتأخرة الخاصة بكل مشروع حتى يمكن ترتيسسب الأنشطة التي يمكن جدولتها أي كان المشروع الخاص بهذا النشاط •

كنا أنه يمكن أيضا تناول عدد كبير من الموارد اللازمة لتنفيذ هذه الأنشطة وسعفة خاصة بعد التقدم الهائل والطموس والخاص بالحاسبات الآليــــة .

ه واعد الحل الخاصة بموازاة وتقريب المستوى المطلوب مسسن الموارد بقاحة بكيسات محسسد ودة

#### Unlimited Resource Leveling:

لاشك أن تغييرالتاح من الموارد بالزيادة أو النقص وفقاللتغيير في مستوى النشاط يؤدى الى تحمل المشروع تكاليف كبيرة سوا " تلسسك الخاصة بتدبيرهذه الموارد أو تلك الخاصة بالاستمنا عنها • فلاشسك أن الاستمرار مثلا في تعيين أفراد جدد ثم الاستمنا عنهم يحسسل المشروع الكثيرمن النكاليف ولذا فأن السوال المطريح في هذا الجسز " يتمثل أساسا في كيفية تحديد الجدولة الزمنيسة - Scheduling التي تقلل من تكلفة الموارد اللازمة لتنفيذ المشروع بشرط ألا تزيد مسدة ألتنفيذ عن المدة التي سبق تحديدها بدون أخذ الموارد في الحسبان أي بفرض أنها متاحة بكنيات غيرمحدودة وهي ١٠ يوما في المثال الساسي من ١٠ ويقتضي تخفيض تكلفة الموارد هذه بيصفة خاصة اذا كانسست الممالة هي المنصر الإساسي الي ضرورة تمغيض تكاليف التعيسسين والاستفناء أي يقتض الأمر ضرورة تمهيد وتقريب الستوى المطلوب سن الممالة التكاليف • لدومالة التكاليف •

وقد بين برجس Burgess أمكانية تحقيق هذا التمهيد في المستوى المطلوب من الموارد عن طريق العمل على تقليل مجموع مربحات الموارد المطلوبة في كل يوم ه أذ أنه وأن تساوى مجموع المطلسوب من الموارد خلال مدة المشروع فأن مجموع مربحات المطلوب من الموارد يقال بدرجة كبيرة كلما علنا على تقريب الكيات المطلوبة وموازتها من يوم السي

اليسوم الآخر خلال مدة المشروع • وقد عسير بنرجس عن طريقتسه هذه في ثنان خطوات نورد هسا فيما يلى :

### 1/0 خطوات برجس للموازاة والتمهيد:

#### Burgess Leveling Procedure:

ويلى ذلك جدولة الانشطة وققا للبدايات البيكرة ، ثم يسمتم تحديد الاحتياجات اليومية من الموارد المختلفة وققا لمسمده الجدولة كنا هو واضع في شكل (٣/٣) .

20
동[조] 씨 기 씨 기 씨 이 지 시 기 씨 시 시 시 시 시 시 시 시 시 시 시 시 시 시 시 시 시

شكل (٢/٣)

- ١ نبدأ بجدولة النشاط الاخير وذلك بتحريك النشاط بالقسد ر الذى يسع بتقليل مجموع سريمات الموارد المطلهة ، وا ذ ا كان هناك أكثرمن طريقة لترتيب النشاط وتو"دى الى نفسسس القدر من مجموع مرسمات الاحتياجات من الموارد فانه يسستم اختيار الترتيب الأكثر تأخيرا للنشاط قدر الامكان حتى يتساح أكبر فائين مكن للانشطة السابقة على هسذا النشاط .
- ٣ـ تكرر الخطوة السابقة (خطوه "٢") بالنمية للنشـــــــاط
   السابق على النشاط الأخير •
- ٤ نكرر الخطوة (٣) حتى نصل الى جدولة أول نشاط فى المسروع
   حيث يتم بذلك اتبام اول دوره لاعادة جدولة الأنشطة بالشكيل
   للذى يمهدا ستخدام الموارد المتاحة •
- نكريعدة دورات اخرى لامادة الجدولة وذلك بتكرار الخطـــوات
   عدة مرات حتى يتبين لناعدم امكانية تقليـــــل مجموع مرهمات الاحتياجات من الموارد مع ملاحظة أن الحركة المسموح بها لاى تشاط هي في اتجاه اليين ققط •

وهنا ینکن تعدیل خطرات بیرجس بالسنام بتحریسسسك النشاط الى الینین أو الى الهار بالشكل الذى یحقق التقسارپ فی ستوى النوارد النظاریة ۰

٦ يمكن تكوار الخطوات السابقة سن (1) الى (٥) بمسسد
 اعادة ترتيب الانشطة بطريقة أخرى بضرط مراعاة الملاقسسات

الاعتمادية بطبيعة الحال 6 ونكرر ذلك عدة مرات حسيما تسمح به الظروف والامكانيات الخاصة 0

٧ ــ يتم اختياراً حسن جدولة في ضوا الخطوات السابقة شكل (٢/٤)
 ٨ ــ ندخل التمديلات التي تراها بالاشة على الجدولة المختارة وفقا للخطوة السابقة (خطوه "٢") وذلك لاخذ المواسسسل المختلفة التي قد يصعت قياسها كبيا الا انها تواثر بشكل كبير على كفاءة العمل في المشروع •

	Res	ourc	,		_											_						
Activity	A	B	1	ES	s	LS	-	2	3	न	5	8	7	8	9	10	11	12	13	14	75	
		r	1	1	,			34	žA				_							_	-1	
0 1	3	-	2	13	5		-	34	34	-		-	-	2B	2B	2B	28					
1-2 0-3		ř	4	1:	0	1	ő.	6Å	-	-	-	⊢		20	**	76	**	_	-	-	-	
34	Ŀ	2	5	13	1,	1	-	-		X 28	2B	ž	х 2В	x 28	$\vdash$	М	_			П		
2.5	4	-	ì	١,	5	12	-			- 20	20	**	- 55	-48	_	_		44				
4 5	2		i	Ť.	,		_	_			_	_	_	_	žĀ	žA	X 2A	žA				
0-6	3		1	Ť,		1	_	$\vdash$		3Å	_	_	_	_	-	-	-	-				
3-7	4	4		1,		3			4A 4B	4A 48	4A 48	48	4A 48	48	4A 4B	44						
6.7	6	_	3	1,	6	-	_	_	-		5Å	54	5A	-	-	-	-	_		_		
5.8	-	5	3	12	١,	13			Г	Г									SB	5.8	5.0	
7 8	2	-	5	11	0	11	Г	_									ŽĀ	žĀ	žA	ŽA	ŽĀ	
											L	l					-					
Level o		urci				8 6 4 2	TA'S XXXXX	********	ANTHON MANAGEMENT AND	NY7 XXXXXXX	X	19 ××××××××××××××××××××××××××××××××××××	NAN XXXXXXXXXXXX	***	*****		****	NA HANNANA	2 x x	2 x x	2 x x	

#### ه/٢ خطوات الموازاه والتمهيد لويسسست:

#### Wiest Leveling Procedure :

- بتم جدولة الانشطة وفقاللبدايات المبكرة ثم يتم وفقا لمسسده
   الجدولة تحديد الاحتياجات اليوبية من الموارد المختلفة •
- T يتمتحديد هدف متحرك (S) Trigger Level(S) يمثل الحد الاقصى المسموح باستخدامه من الموارد والذى ترفي في عسدم تخطيه و ويتم تحديد هذا الهدف عن طريق تحديد أقصيصى احتياج في ضوا جدولة الانشطة وفقا لبدايتها المبكرة ثم نقسلل هذا الحدالاقصى بنقطة واحدة في كل مرة و
- تقرم باعادة جدولة الانشطة ونقا للملاقات التنابعية الخاص بها على أن نتوقف في كلمرة يتبين لنا أن الاحتياجات من البوارد في يوم معين سوف تفوق الهدف المتحرك ( S ) السابسسسسق تحديده
  - السنوفيااذا كان هناك فاغفرياالنسبة للانفطة التى تنفست فى هذا اليوم الذى يختاج الى موارد تفوق القيمة (S) حتى يتم تحريك بمغى هذه الانفطة ذات الفائض الى مابعد هذا اليوم بالتالى تقليل المطلوب من الموارد فى هذا اليوم بمسالا يفوق الستوى (S) ودون تأخير تنفيذ المشروع ككل و ويستم ذلك عن طريق ترتيب الانفطة بشكل تنازلى وفقا لمقسدار الفائسنى المتاح لكل نشاط ثم يتم اختيارالنشاط الذى يسستم

تحريكه بطريقة عشوائية وعلى أن يكون الاحتمال الخاص بتحريك النشاط الأول أكبر من الثانى وهكذا اذ يتم اختيارالنفساط الاول باحتمال P>0 فاذا لم يتم الاختيار يوضع هسسند النشاط فى أسغل الانشطة التى يتم الاختيار من بينها ثم يستم اختيار النشاط الثانى بنفس الاحتمال P>0 ويكسسون بذلك الاحتمال الخاص باختيار أى نشاط فى هذه المحاولات المتكرة دالة فى الاحتمال P وعدد الأنشطة P بيالتالىي يكون الاحتمال الخاص باختيارالنفساط رقم P في يكون الاحتمال الخاص باختيارالنفساط رقم P في الترتيب هو P(1-P)

Activity	l <u>st</u> Cycle	2 <u>nd</u> Gycle	(*)
1	P	(1-P) <sup>n</sup> P	
2	(1-P)P	(1-P) <sup>n+1</sup> P	
3	(1-P) <sup>2</sup> P	(1-P) <sup>n+2</sup> P	
1		 	
!	n-1	2- 2	
n	(1-P) P	2n-1 (1-P) P	

- هـ نستمر بعد ذلك في جدولة باقي الانشطة فاذا ظهر أن الموارد المطلحة في أحد الايام تفوق القيمة (S) يتم تطبيق الخطـــوة السابقة والخاصة بتحريك بعض الانشطة فيما بعد هذا اليــوم وبالشكل الذي يقلل من الموارد المطلبة الى مادون الحد (S)
- ٦ نكرر خطوات الحل السابقة عدة مرات أذ سوف تختلف النتائج في

Prob. of  $1 \underline{st}$  activity =  $P (1-P)^{\circ} + P(1-P)^{n} + P(1-P)^{n} + P(1-P)^{n} + P(1-P)^{n} + P(1-P)^{n} + P(1-P)^{n} + P(1-P)^{n}$ Prob. of  $2 \underline{nd}$  activity =  $P(1-P) + P(1-P)^{n+1} + P(1-P)^{n} + P(1-P)^{$ 

Prob. of i the activity =  $\frac{P(1-P)^{1-1}}{1-(1-P)^{n}}$ 

كل مرة عن العرة السابقة وذلك باختلاف الانشطة التي يقسم عليها الاختيار اذ لايتم اختيار نشاط معين بطريقة تحكيسة وأنما يتم الاختيار بطريقة عشوائية وفقاللاحتمال الموضوع ويستم مقارنة النتائج التي تحصل عليها في كل مرة وذلك لتحديسك أحسن طريقة لجدولة هذه الأنشطة \*

وفيها يلى بيسسان الجدولة الزبنيسة للانشطسة الخاصسة بالمثال السابق وذلك باتبساع طريقة ويست Wiest في الحسسل شكل ( ۷ / ۹ ) •

		T	Ī	T	T	T	T	I			T		T	
		L	-	-	1	-	-	1	-	_	-		-	
		135	1	1	1	1	1	1	1	L	1	4	2	N XX W XXXX
		1	L	1	1	1	L	L	1	L	L	58	24	א א א א א א א א
		55				1	L		L		-	44	ă	א א א א א א
		12		Ī	Ī	I	4A	Ī	T	Γ	T	Ī	24	₹0 ×××××
		=		28	T	I		2.4				Ī	22	pla xxxx a xx
1	Time	10	Γ	28	T	Ţ	I	24	T	4 A B	1	T	Γ	ya xxxxx xa xa xxxxx
1	F	65		28		I		24		44				you xxxxx fo xxxxx
		80	L	28		L	L	24	L	4 4 8 4				уш жжжжж фо жжжжж
		7				28	4			4 4 8				f = ××××××× γ = ×××××
		9		ķ	I	28				4 4 8	5A			40xxxxxxxx defenxxxxxx
		3		R		28				<b>4 </b>	54	Γ		xxxxxxxx y4x0xxxxxx
-		*		198		28				4.4 4.8	54			4 m x x x x x x x x x x x x x x x x x x
		60		198		2B			34	44 48				**************************************
1		~	ž		64									хххххххар
	_ }	1	34		64									yoxxxxxxxx
ſ		57		8	1	4	12	6	-	8	80	13	F	8844 844
1		S	2	5	0		5	_	9	0	1_'		0	
		ES	-	6	٦	3	7	8	F	00	2	12	11	1
F	Resource Reg.	0	8	4		7	-		E		3	3	2	۷
-		В	1	2	1	2	1	1	1	4	1	2	1	= 9)
	Res	٧	60	}	9	1	4	2	6	4	מו		C)	resor leval leval reso red level
-	Activity		14	1-2	ĩ	3.4	2-5	4-5	9	3.7	6-7	2.0	97	Level of racource A transfer of racource A transfer of racource B sassigned (resource B racource B

شكل (۲/۰)

## 1 \_ التخطيط طويل الأجــل للموارد المتـــاحة :

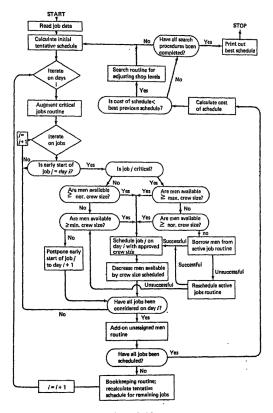
Long Range Resource Planning:

وسوف نبين فينا يلى مجموعة القواعد التى وضعها ويست لحــــل هذم النشكلـــة •

## 1/1 نموذج ویست 1-SPAR -1

:Wiest's SPAR-1 Model

لقد وضع ويست مجموعة من القواعد المنطقية والتى تتييز بالشسول والقدرة على حل المشكلة الخاصة بتحقيق التوليفة الملائدة من المسسوارد " اللازمه النشروع في مواعيد مختلفة وقداً طلق على مجموعة القواعسسد " برنامج الجدولة الزمنية لتخصيسس المسسسسسوارد " Scheduling Program For Allocating Resources



شكل(۲/۲)

وتشابه خريطة التدنقات هذه مجلك الخاصة بتخصيص المسموارد المحدوده والسابق شرحها ص٩٥ اذ تفترض كلا الطريقتين امكانيسة التعبيرعن المشروع في شكل شبكة أعال وأن هناك ميعاد محدد لبداية المشروع وكذا ميماد للانتها منه ، وأنه يتم جدولة الانشطة وفقاللفائف المتام ، لكل نشاط اذ تعطى الاولوية للانشطة ذات الفائض الأقل ، وأن عملية الجدولة تتم بالتتابم لكل وحدة زمن ابتدا من نقط.....ة البداية • فيدأ نبوذج SPAR-1 بحساب الارقات البكرة ES وكذا حساب الفائض S لكل نشاط من أنشطة البشروع ، ثم نبدأ في جدولة الانشطة بالتتابم لكل وحدة زمن ابتداء من نقطة البداية حيث 1 = d وذلك بأن نختار الانشطة المتاحة للجدولة والتي تكون أوقاتها البكسرة سانة ل ES=d) وعلى أن يتم ترتبب هذ والأنشطة ونقا لبقدار الفائض المتأع لهذه الانشطة اذ توضع أولا الأنشط ....ة الحرجة ثم يليها الانشطة التي عليها فاغض زمني قدره وحدة واحسدة وهكذا حتى نهاية الترتيب ، ويتم اختيار الانفطة التي يتم جدولتها بطريقة عشوائية ، فيكون الاحتمال المخاص باختيار النشاط الاول فسسى الترتيب هوه (P يالتالي يكين الاحتمال الخاص بعدم اختيسسار النشاط هو (1- p) ورقى حالة عدم اختيار النشاط الأول يوضع هذا النشاط في نهاية الترتيب ونبدأ في اختيار النشاط الثاني بنفس الاحتمال 0 < 2 ، فاذا لم يتم ترتيبه يوضع في نهاية الترتيب ونستسر هكذا حتى يتم اختيار أحد الأنشطة ثم نكرر ذلك لاختيار نشاط آخسر طالبًا أن البوارد البتاحة تسبع بذلك • وفي حالة عدم الكانية جدولـــة أحد الأنشطة في فترة ما تؤجل جدولة هذا النشاط الى الفترة التالية • الأمر الذى يؤدى الى أن تتحول الأنشطة التى يتم تأجيلها عدة مسرات لتصبح أنشطة حرجة وبالتالى تأخذ مكانها فى بداية الترتيب الأسسر الذى يمطيها الأولوية عند اجراً علية الجدولة •

ورض تشابه نبوذج SPAR-1 في خطوطه الرئيسية مع النسوذج الخاص بتخصيص الموارد المحدوده والسابق وشرحه الأ أن نسسوذج SPAR -1 يتضن مجموعة من الاضافات أو الأنظمسة الفرعيسية Subroutines التي تجمل منه برنامجا أكثر شمولا وأكثر ملائيسية لحل الكثير من المشاكل العملية ه اذ. تؤدى هذه الأنظمة الفرعية الني استخدام أفضل للموارد المتاحة من ناحية والى تقليل الوقت اللازم لتنفيذ المشروع من ناحية أخرى وقبل شرح هذه الأنظمة الفرعية نود أن نوضح أن طبيعة الموارد تختلف من مشروع لآخر كما أن وحدة الزمن التي تتخذ كأساس للجدولة تختلف من مشروع لآخر كما أن وحدة الزمن التي تتخذ على أنها مجموعة من الأفراد من مهارات مختلفة وبالتالي نعبر عن الكيسة المتاحة من مورد معين بحجم فريق العمل Srew Size وحدات الزمن بالايام وسوف نستخدم هذه المصطلحات في شسرح الأنظمة الفرعية التي وضعها ويسبت فيها يلى:

## 1/1/1 : النظام الفرى الخاص بحجم فريق العمل Crew Size ( النتاح من الموارد ) :

اذيتم تحديد ثلاث مستويبات لفريق العبل المدكن تخصيصه لكسسل نشاط وتنمثل هذه السنويات في السنوى السمندل والحد الأقسسسي والأدنى من الأفراد المدكن تخصيصه للنشاط • يبطبيعة الحال قدينساوي وتتنثل القاعدة الأساسية لتحديد المستوى الملائم لحجم في المعمل في اختيار الحدالاقمى بالنسبة للانشطة الحرجة وذلك بشرط أن تسمع الموارد المتاحدة بذلك أما اذا لم تسمع الموارد المتاحدة بذلك فيتم تخصيص المستوى المعتدل من الأفراد لأداء النشاط وفسى حالة عدم امكانية تحقيق ذلك فنلجأ الى محاولة استمارة بمنى الأفراد من أنشطة أخرى وذلك وفقا لنظام فرى يسمى نظام الاستمارة وآخريسي نظام اعادة الجدولة الخدولة النشاط الله فرى يسمى نظام الاستمارة وآخريسي سيلى شرحهما فيما يعد ، فاذا فشلت كل الجهود لجدولة النشاط الناسياد حتى عند المستوى الأدنى من الموارد فيتم في هذه الحالة تأخير الميحاد المبكر لهداية النشاط الى اليوم التالى ، أما بالنسبة للأنشطة فيرالحرجة فيتم تخصيص المستوى المعتدل من الأفراد لأداء النشاط اذا ماسحت الكرني من الموارد بذلك وإذا لم يمكن هذا فياء تأجيل البداية البكرة الى اليوم التالى وذلك دون اللجوء الى نظاى الاستعصاراء المناسة لهذه الخامة غيرالحرجة ،

٢/1/٦: النظام الفرى الخاص بالاسراع في تنفيذ الأنشطة الحرجسة

فق بداية كل يرم في يتم النظر إلى الانشطة الحرجة والتي بدأت

Augment Critical Jobs

۳/۱/۱ : النظام الفرعى للاستمارة من أنشطة فعالة جـــــارى

Borrow From Active Jobs تنفيذها

نلجاً الى هذا النظام فى حالة عدم توافر الموارد اللازمه لجدولــة أحدالاً نشطة الحرجة و الديتم بمقتضى هذا النظام البحث فيسا بين الأنشطة الغمالة والجارى تنفيذها لمعرفة ما اذا كان من السكن استمارة عدد كاف من الأفراد يكفى لجدولة النشاط و فى هـــــذا اليوم ف ويسع بالاستمارة فقط اذا لم يترتب عليها أى تأخير فى تنفيذ المشروع كلل فاذا تبين أن هذه الاستمارة من شأنها تأخيسير المشروع فانه يتم تأجيل تنفيذ النشاط و الى اليوم التالى + a + 1

٤/١/٦ : النظام الغرى الخاص باعادة جدولة أنشطة فعالة جـــارى

تنفيذها: Reschedule Active Jobs

فقد يمكن جدولة النشاط الحرج [ في اليوم a اذا ماتم ترحيــل أنشطة أخرى تستخدم نفس المورد اللازم للنشاط [ لتنفذ فسى يـــوم لاحق لليوم a ويقوم هذا النظام بالبحث فيما بين الانشطة الجـــارى تنفيذه الى اليوم 1+4. بشــرط

ألا يؤدى ذلك الى تأخير تنفيذ المشروع ككل

#### الستخد\_ة:

Add on Unused Resources

تديتيق بعض الموارد غير المستخدمه وذلك بعد تطبيق الأنظيية السابقة والتي تنتهي بجدولة أقصى عدد سكن من الأنشطة في اليوم نه . وفي هذه الحالة يتولى هذا النظام الفرعي بترتيب الأنشطة الغماليية الجارى تنفيذها والتي يمكن توجيه هذه الموارد الفائضة اليها ويتمترتيب هذه الأنشطة وفقا لحجم الغائض الكلى المتاح على كل منها اذ يوضع في بداية الترتيب النشاط ذات الغائض الأقل ، ثم يقيم النظام بتخصيص هذه الموارد الفائضة إلى هذه الوظائف وفقا للترتيب السابق حتى تنتهب هذه البوارد الفائضة أوحتى لاتوجد أنشطة يمكن تخصيص هــــــــــد ، البوارد اليبها • وتتحقق هذه الاضافة في اليبم ه فقط اذ يعسود حجر فريق العمل المخصص للنشاط إلى المستوى الأصلى السابق تخصيصه في اليوم 1 + a الا أذا كان هناك أيضا موارد فائضة غير مستغلة فسسى هذا اليم أيضا •

وبعد تطبيق الأنظمة السابقة لجدولة الأنشطة يوبا بعديوم يقسبون النبوذج بتسجيل نتائج تخصيص الموارد على الانشطة في شكل جسد أول تبين الأفراد الذين تم تخصيصهم لكل نشاط ويستمر النبوذج على ذلسك الرأن يترجدولة كل الأنشطة •

#### ∨- تباریـــــن:

		كىا يلـــــىن :		
المسورد ٥	المبورد 🗈	المورد 🛦	النشساط	
1	3	-	0 - 1	
1	2	-	1 - 2	
1	-	3	0 - 3	
1	2	-	3 - 4	
1	. <b>-</b>	4	2 - 5	
1	-	2	4 - 5	
1	-	2	0 - 6	
1	4	4	3 - 7	
1	-	5	6 - 7	
1	5	-	5 - 8	
1	-	2	7 - 8	
2	6	6	الحد الاقصى الشيا	

بيسن أن الوقت المطلبوب لتنفيسذ المشبوع وفقيا للمبوارد المتاحة هيو 21 يومسيسا •

- ٢ ــ استخسد م خطسوات برجسس للتحقسق مسن صحسة البيانات
   السواردة في جسدول ( ۲/۲ ) •
- ٣ \_ استخد م طريقية ويست في التحقيق المن صحيسية
   البيانيات السوارد ف في جيدول ( ٩/٢ ) •

#### الغصل الثالث

## الأساليب المستخدمة في المواعمة بين الوقت والتكلفة

#### Time-Cost Trade-off Procedures

#### ۱ ـ مقدمة، ١

يترتب على تطبيق أسلوب السار الحرج الخاص بتخطيط وجد ولة أنشطة المشروعات الوصول الى تحديد الأوقات البيكرة والمتأخرة الخاصسة لتحقق كل حدث وبالتالي تحديد البدايات البيكرة والمتأخرة الخاصسة بكل نشاط من أنشطة المشروع ويمثل الوقت المبكر للانتها مسسسن المشروع بالوقت المتوقع لاتمام المشروع والمبنى على الأوقات المعتدلسسة الخاصة بأداء الأنشطة المختلفة و

وسوف نحاول في هذا الفصل الاجابة على سؤال أساس خساص بعدى ملائة هذا الوقت المعتدل الخاص بالانتها البكر من تنفيذ المشروع لاحتياجات الادارة ؟ اذ قد بكون من المرفوب فيه تنفيسسند المشروع في وقت أقل من هذا الوقت المعتدل لأدا المشروع ، فقسد يحدث تمديل في الوقت اللازم للانتها من المشروع بعد مرور فترة من تاريخ بدأ المشروع كتيجة لحدوث تعديلات في الخطط الموضوسة أو لتمويض بمض التأخيرات التي لم تكن متوقعة والتي حدث قملا فسسى المقترات الأولى من تنفيذ المشروع ه الأمر الذي يتطلب ضرورة دراسسة الفترات الأولى من تنفيذ المشروع ها الأمر الذي يتطلب ضرورة دراسسة الفسري والالتزام بالمواعيد المحددة ومقارنتها بالزيادة في التكاليسف المشروع والالتزام بالمواعيد المحددة ومقارنتها بالزيادة في التكاليسف التي ستترتب على حقيق هذا الاسراع في تنفيذ الأنشطة المتيقيسسة

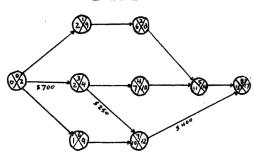
لتنفيسذ المشروع •

ولاشك من أهمية الالتزام بعنصر الوقت في كثير من الحالات وذلك كما هو الحال بالنسبة لاجراء عبرات كاملة لبعض الآلات الضفية أواجراء صبانة كاملة في أحد العنابر ، أو بناء سفينة ضفية سوف تستخدم فسي أغراض مستقبلية مختلفة وفيرها من المشروسات الهامة التي قد نجسسه فيها أن الاسراء في التنفيذ بعرر الزيادة المتوقعة في التكلفة ،

وسوف نستعوض في هذا الفصل بعض الوسائل التي يمكسسن تطبيقها لايجاد أقل التكاليف اللازمة لتوفير زمن التنفيذ وذلك بفسرض المكانية تحقيق هذا الاسراع في تنفيذ بعض الأنشطة أو كلها اذا ماتوافر لهذه الأنشطة كبية أكبر من الموارد المتاحة والتي قد تتمثل هذه الأخيرة في مزيد من الأيدى الماملة أو مزيد من المعدات والمواد الخسام •

وتتبثل الفكرة الأساسية التى تقوم عليها هذه الأساليب فى القبام بالبحث فيها بين الأنشطة الحرجة عن النشاط أو الأنشطة التى بسؤد ى الاسرام فى وقت تنفيذها الى أقل زيادة فى التكاليف \*

قاذا كان معدل الزيادة في التكاليف مقابل وحدة الزمن بالنميسة للأنشطة الحرجة 8-7,7=3, 3-3 في شبكة الأعبال التي تكسسرر استخدامها في هذا الكتاب هي على التوالي 400,250, 400 وذلك كما في شكل ١/٣ فانه من السهل ملاحظة امكانية الاسراع في تنفسية المفروع وتقليل الوقت اللازم لاتعامه ليصبح 18 وحدة زمن نقط وذلسلك عن طريق ضغط الوقت الخاص بالنشاط 7-3 يمقد أروحدة زمن واحدة



شـکل ( ۱/۳ )

اذ أن الزيادة في التكاليف في هذه الحالة سوف تكون أقل ما يمكسن و وعند هذه النقطة الجديدة لتنفيذ المشروع يكون هناك أكثر من سسار حرج واحد و والتالي يقتضي تخفيض وقت المشروع بدرجة أكبر مسسن ذلك ضرورة الممل على الاسراع في تنفيذ نشاط مشترك يقع على المسارين الحرجين أو ضرورة تخفيض نشاط ما على كل مسار على حدة •

 8- 7, 7-3 ويتوقف ذلك بطبيعة الحال على الزيادة المحتطبة في التكاليف في كل من الحالثين •

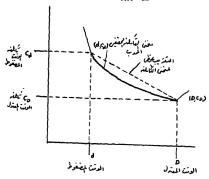
وسوف نبين فيها يلى الأساليب المستخدمة فى تحقيق هذه المقارنا بين الزياد أسالسختلفة فى التكاليف وبشكل تلقائى يمكن من اختيار أفضيل الوسائل للاسراع فى تنفيذ المشروع وذلك يفسرض توافر الموارد اللازسة لتحقيق هذا الاسراع بطبيعة الحال •

وكما سبق أن بينا تقوم الفكرة الأساسية لهذه الأساليب في القيسام بالبحث فيما بين الأنشطة الحرجة عن النشاط أو الأنشطة التي يسؤدى الإسراع في وقت تنفيذها الى أقل زيادة في التكاليف، وسوف نقسسوم في الفقرة التالية بالقا، مزيد من الضوء على فكرة شراء الوقت المطلسوب من أوقات الأنشطة الحرجة ،

## ٢ \_ طريقة المسارالحرج للموا"مة بين الوقت والتكلفة :

The Critical Path Method(CPM) of Time- Cost Trade - offs :

ولتوضيح هذه الطريقة سوف نقسسدم مجموعة من التماريف والتي نوضحها بالرسم التالي:



شسكل ( ۲/۳ )

## ١/٢ تكاليف النفساط الماشرة:

#### Activity Direct Cost :

. وتشمل تكلفة المواد الخام والأدوات وكذا تكلفة الممالة المباشسرة الملازمه لأدا النشاط وعادة ماتقدر هذه التكلفة بالسعر الذى تدفعسه المنظمة لأحد مقاولى الباطن إذا ماعهد اليه بتنفيذ النشساط •

٢/٢ : التكلفة الغير ساشـــرة الخَّاصة بالمشروع ككل :

#### Project Indirect Costs:

وتتضبن هذه تكاليف الاشراف والمصاريف الادار يتوفوا ثد الأسوال

#### ٣/٢ نقطة الوقت والتكلفة لأداء النشاط بشكل معتدل:

#### Normal Activity Time - Cost Point :

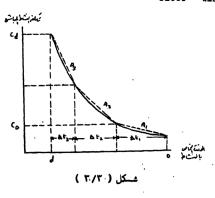
٢/ ٤ نقطة الوقت والتكلفة لأداء النشاط بشكل مضغسوط :

#### Crash Activity Time - Cost Point :

يتمثل الوقت المضغوط لأداء النشاط في أقل وقت يمكن فيه تنفيسة النشاط وتكون التكلفة المقابلة في هذه الحالة هي أقل تكلفة مباشرة تلسزم لأداء النشاط في هذا الوقت المضغوط، وسوف نرمز للوقت والتكلف المضغوطة بالرمز (D, Ca) مكل ۴/۳ .

وسوف نفترض امكانية تنفيذ النشاط في أي وقت يقع مابين الرقسست

المعتدل والوقت المضغوط • كما اننا نفترض المكانية التمبير عسسن المعلاقة بين الوقت والتكلفة بمنحنى خطى أو منحنى محدب (أ) وعلمى أن يتم تمهيد هذا المنحنى المحدب بخط مستقيم كما في الرسم شكسسل ٢/٣ ونفير هنا الى اننا موف نسقط هذا السفوض عند عوض بعسض التواعد المنطقية في حل هذه المشكلة • كما أنه في حالة عدم المكانيسة التمبير عن التكلفة في شكل خط مستقيم فانه يمكن التمبير عن التكلفة في شكل خط مستقيم فانه يمكن التمبير عن التكلفة في شكل خط مستقيم المدة المنقطع عن التكلفة في شكل مجموعة من المعلاقات الخطيسسسة المنقطع • Piece - Wise Linear



To Convex fun. F(X) is a real valued fun. defined on an n-dimensional vector space.  $F(X) = F(x u + \beta v) \leq \alpha f(u) + \beta f(v) + \gamma ector <math>u + \beta v$  and  $v + \beta v$  scalars  $v + \beta v$  scalars  $v + \beta v$  and  $v + \beta v$  scalars  $v + \beta v$ 

وذلك كما في شكل ٣/٣ وكا اننا نفترض استقلالية هذه الأنشطة بعضها عن بعض بمعنى أن شراء وتستعلى أحد الأنشطة لا يؤثر بالسرة على الموارد والوقت الخاص بنشاط آخر، وبالتالى لا يؤثر بالمرة علسسى علية شراء الوقت على أى من الأنشطة الأخرى، وبطبيعة الحال يسقسط هذا الفرض في حالة استخدام مورد واحد في اسراع وقت التنفيسسسة الخاص لأكثر من نشاط ،

وفي شكل ٣/٣ تم تقريب المنحنى الخاص بالتكلفة المحدية فسي شكل منحنى خطى متقطع Piece-wise linear ourve حيست تم معاملة كل جزء على أنه نشاط في حد ذاته وهو مانسيسه بالنشساط الكاذب Pseudo - Aotivity أي تم استبدال النشسسساط الحقيقي A بثلاثة أنشطة كاذبة , A1, A2, A3 ثم تم تحديسست الاحداثيات الخاصة بالوقت المعتدل والوقت المضغوط الخاص بكل مسن هذر الأنشطة الكاذبة و بالتالى يتم حما بالتغير في التكلفة مقابسل النغير في الوقت كما في الجدول ( ١/٣ ) و التغير في الوقت كما في الجدول ( ١/٣ ) و التغير في الوقت كما في الجدول ( ١/٣ ) و التغير في الوقت كما في الجدول ( ١/٣ ) و التغير في الوقت كما في الجدول ( ١/٣ ) و التغير في الوقت كما في الجدول ( ١/٣ ) و التغير في الوقت كما في الجدول ( ١/٣ ) و التغير في الوقت كما في الجدول ( ١/٣ ) و التغير في الوقت كما في الوق

ويتضع أيضا من شكل ٣/٣ السبب في انتراض أن منحنى التكلفسة يكون منحنى خطيا أو محدبا اذ أن اسراع النشاط من عند المستوى ١ يجبأن يتم أولا على النشاط ١٨ م م م وأخيرا م وحيست أن طريقة ٣٤٠ تبحث أولا عن النشاط الذي يحقق أقل زيادة مكتسة في التكاليف فانها سوف تختار الأنشطة الكاذبة في ترتيبها المنطقسسي ١ م م م م وذلك على عكس الحال في حالة اذا كسسان منحنى التكلفة يأخذ أي شكل آخركا في شكل ٤/٣ اذ قد نجسسه

أن ميل الخطأى معدل الزيادة في التكلفة مقابل تقليل الزمن وحسده

معل لا إده مُن التُتُلَّدُ	،لايده زېڅند	الومت المصنفوط	بنطهكاذب
60, 16t, 60,16t, 60,16t,	& C₂ & C₂	۵+, ۵+, ۵+,	۵٫ مردخ: ۵ ۵٫

جدول ( ۱/۳ )



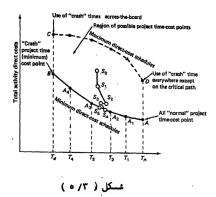
شـکل ( ۴/۳ )

واحدة أقل مايكن بالنمية لل A عندبالنسبة لل A م A مسا يؤدى ذلك الى قيام طريقة CPM باسراع أوقات الأنشطة بطريقـــــــة لاتحمل معنى مقبول اذ نبدأ بالنشباط A م A م A م A

٢ - المنطقة الكاملة المعبرة عن الوقت المعتدل والوقت المضف وطلق والتكاليف الخاصة بهما بالنسبة للمشروع ككل:

Region of All possible Time - Cost Points:

تعمل طريقة المسار الحرج كنا سبق أن بينا على الاسراع فسسسى الأوقابة ابتداء من الوقت المعتدل حتى نصل إلى الوقت المضغوط وذلك عن طريق ضفط الوقت الخاص بكل نشاط بالشكل الذي يقلل مسسن الزيادة المتوقعة في التكاليف البياشرة للمشروم • ونشير في هذا الصدد الى أن هناك وقت معند ل للمشروع ككل هو 🏗 وكذا وقت مضغـــــوط للمشروع ككل م آي أنه يمكن ضغط المشروع كما هو الحال بالنسبة لكسل نشاط على حده ، فكما يمكن تنفيذ النشاط مابين الوقت d المضغــــوط والوقت ١ المعندل يمكن بنفس المنطق تنفيذ المشروع ككل فيما بسيين الوقت المعتدل TD والوقت المضغوط Ta • فاذا تم جدولة جميم أنشطة المشروع في وقتها المعتدل فسوف يؤدى ذلك بطبيعة الحال اليي تنفيذ المشروع في الوقت المعتدل وتكون التكلفة البباشرة المقابلة لذلسك هي أقل تكلفة سكنة والتي يعبر عنها بالنقطة ٨ شكل ٣/٥٠ وبالمثل يمكن تنفيذ البشروع في أقل وقت مكن T عن طريق ضفط الأنشطـــة الضرورية فقط وهى الأنشطة التى تقعطى البسار أو البسارات الحرجسسة النهائية والخاصة بتنفيذ المشروع في الوقت Ta كان معنى ذلـــك أن



الزيادة في التكاليف البياشرة سوف تكون أقل ما يمكن والتي يعبر عنهسا بالنقطة 8 أما اذا تم الاسراع من أنشطة أخرى غير حرجسه فلن يؤدى ذلك الى تقليل وقت المشروع الى مستوى أقل من  $T_0$  الوقت الذي سوف تتجه فيه التكلفة الى الزيادة من النقطة 8 الى النقطة 9 كما أنه اذا تصورنا ولأغراض الشرح قيام المشروع بالاسراع في جميسسح الأنشطة الغير حرجة مع بقاء المشروع عند النقطة  $T_0$  ه كان معنى ذلك زيادة التكاليف المباشرة الى النقطة 0 دون تحقيق أى تقليسل في وقت التنفيذ 0 وأخيرا يحدد المنحنى 0 آقل زيادة ممكنسة في الناطية المباشرة تنبحة الفعال للانقطة الحرجة الخاصة بتنفيذ

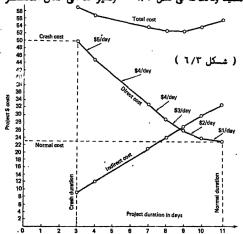
المشروع ابتدا \* من النقط  $T_D$  حتى نصل الى النقطة  $T_D$  وتدلسك يبين المنحنى  $T_D$  أكبر زيادة سكنة فى التكاليف المباشرة نتيجسسة الضغط الغير فعال للانشطة الحرجة الخاصة بتنفيذ المشروع ابتسسد ا من النقطة  $T_D$  حتى نصل الى النقطة  $T_D$  وبالتالي فان المساحسة المخللة  $T_D$  حك مكل  $T_D$  السابق تبين المنطقة الكاملة لكسل النقساط المسكنة والمقابلة لكل النقساط المسكنة والمقابلة لكل نقساط تنفيذ المشروع والتكاليف المختلفة المبكنة والمقابلة لكل نقطة من نقساط تنفيذ المشروع والتكاليف المختلفة المبكنة والمقابلة لكل

ويتمثل الهدف الأساسى بطبيعة الحال فى محاولة الالترام بالمتحفى AB والذى يتمثل فى مجبوعة من الخطوط المتصلة عند نقط الحسسيد الأدنى للتكلفة المقابلة، لكل نقطة من نقط تنفيذ المشروع ابتداء مسسن  $T_{\rm d}$  حتى  $T_{\rm d}$  وتتمثل نقط الاسراع لخطوط المنحنى  $T_{\rm d}$  هسده فى النقاط  $T_{\rm d}$  المقابلة ل  $T_{\rm d}$  مستى النقطة  $T_{\rm d}$  المقابلة ل  $T_{\rm d}$  مستى

ويتم تحديد هذه النقاطبأن نبدأ في حساب التكلفة A الخاصة بتنفيذ المشروع في الوقت  $T_D$  ثم نبداً في المحت عن الأنشطة التي يمكن الاسراع في تنفيذها بأقل تكلفة سكة حتى نصل الى النقطة  $T_D$  والتكلفة المقابلة لها  $A_D$  ومجرد الوصول إلى النقطة  $T_D$  تظهر الحاجسسة إلى ضغط أنشطة أخرى على نفس المسار الحرج أو قد تظهر مسسارات حرجة جديدة الأمر الذي يتتفى عنفط نشاط أو مجموعة من الأنشطسة الجديدة وتكون الزيادة في التكاليف نتيجة الضغط السابق والسسد ي يقلل مدة تنفيذ المشروع من النقطة  $T_D$  أكبر من أو يساوى الزيادة فسي يقل مدة تنفيذ المشروع من النقطة  $T_D$ 

التكاليف التى تحققت فى الضغط الأول فى المدة من  $\mathbf{T}_{\mathrm{D}}$  حستى  $\mathbf{T}_{\mathrm{D}}$  وستمر على نفس المنوال حتى نصل الى النقطة  $\mathbf{B}$  • وقد لانحتساج بطبيعة الحال الى حساب المنحنى  $\mathbf{B}$  • بالكامل وانبا عادة مانتوقسف بمجرد الوصول بوقت المشروع الى المستوى المرفوب فيه والذى قد يكسون أكبر من  $\mathbf{T}_{\mathrm{D}}$  •

ويطبيعة الحال بجب اضافة التكاليف الأخرى غير الباشرة السي التكاليف الباشرة الناتجة من الاسراع في تنفيذ المشروع وذلك فسسسي حالة الرضة في تغليل التكاليف الكلية للتنفيذ والتي تتحقق هذه الأخيرة عند تساوى الزيادة في التكاليف الباشرة نتيجة الاسراع في تنفيسسند الأنشطة مع الوفورات في التكاليف غيرالباشرة والناتجة عن هذا الاسراع في التنفيذ وذلك كما في شكل ٦/٣ • ونشير هنا الى امكان النظسسر



الى المشروع الواحد على أنه مجموعة من المشروعات الصغيرة وبالتالسسى يم تحديد الأوقات المختلفة لتنفيذ كل من هذه المشروعات الفرعيسة لنصل الى الأوقات والتكاليف الخاصة بالمشروع ككل ه الأمر الذي يمكن من تقسيم شبكات الأعال الضخعة بعا يتفق مع المكانيات الحاسب الآلسى و ويكون هذا التقسيم ممكنا دائما طالبا أن الزيادة في التكاليسسف مقابل الاسراع في الوقت يأخذ شكسل علاقة خطية linear ه أو خطية متقطمة Piec-wise linear

ويعد هذا الاستعراض السابق للفكرة الأساسية التى تقوير طبها الأساليب الخاصة بالاسراع فى وقت تنفيذ البشروع • ننتقل الى بيسان بعض هذه الأساليب الخاصة بالاسراع فى وقت تنفيذ البشروع • ننتقل الى بيسان يمكن من الوصول الى حلول جيدة وتقترب كثيرا من الحلول المثلى وهذا ما سوف نتناوله فى الفقرة القادمة ثم بيان الاسلوب الذى قد مسسسه والذى يمكن من الوصول الى الحل الأمثل وفيه ننظر الى غبكة الأعال على أنها عبكة تدفقات • وسوف نستعرض هسسندا الأسلوب الخاص به Pulkerson والذى يسعى بالخطوات • أو النظام (خوارزميه) الخاصة بالند فقات على شبكسسة الأعسال

تن العصل الرابع مسن The Network flow Algorithm \* مذا الكتاب • مذا الكتاب •

 <sup>(</sup>a) ترجع كلمة Algorithm الى اسم العمالم العراقسى خموازم والذى ساهينبسشكل كبير في نهضة العلوم الرياضية في العصم مسر الحديث \*

#### ٣ ـــ مجموعة قواعد منطقية تستخدم في الموا<sup>م</sup>مة بين وقت وتكلفـــــــــــة -------

العشروع :

# Heuristic Procedure for Time - Cost Trade Offs:

نورد أولا فيما يلى أهم الخصائص الميزة لمجبوعة القواعد هذه على أن يلى ذلك بيان هذه القواعد وتسلسلها في الحل:

## ١/٣ أهم خصائص هذه القواعده المنطقية في الحل:

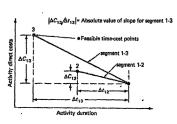
ا لا يشترط وفقا للجبوعة القواعد هذه أن تكون دالة التكاليف الخاصة بكل نشاط دالة خطية بل من المبكن أن تأخذ أى شكل ٥ كسا أنه من المبكن أن يختلف الشكل الذى تأخذه الدالة من نشاط الى آخر ه الأمر الذى يحقق درجة عالية من المرونة لمواجهة المواقف المختلفة ٠

٢ — ان امكانية اسراع وقت البشروع يتم في عدة نقاط محسد ودة تبدأ من النقطة TD والتي تتمثل فسسي تبدأ من النقطة TD والتي تتمثل فسسي النقاط TD وتنتهي عند النقطة TD والتي تتمثل فسسد النقاط TD وتبتم مجموعة القواعسد النقاطة لهذه النقساط فقط دون غيرها من النقساط ففلاتهتم بتحديد التكاليف القابلة لجميسة الأوقات الواقعة بيسن هذه النقاط المكتة ولا يقلل ذلك من القيمسة المملية لهذه القواعد طالما أنها تنجع في تحديد التكاليف المقابلسة لنقط النتفيذ المسكنة والتي يهمكن فعلا تنفيذ المشروع عندها والتنفيذ المسكنة والتي يهمكن فعلا تنفيذ المشروع عندها و المناس المسكنة والتي يهمكن فعلا تنفيذ المشروع عندها و المسكنة و التنفيذ المسكنة والتي يهمكن فعلا تنفيذ المشكنة و المشكنة و المسكنة و التنفيذ المسكنة و المسكنة و التنفيذ المسكنة و المسكنة و التنفيذ و التنفيذ المسكنة و التنفيذ المسكنة و التنفيذ المسكنة و التنفيذ و التنف

٣ - كما تسم مجموعة القواعد هذه بالحالات الخاصة بامكانيسية

استخدام مورد ما في تحقيق اسراع في تنفيذ أكثر من نشاط د فعسسة واحدة أي لاتشترط الاستقلاليسة فيها بين الأنشطسة ،

ولتطبيق قواعد الحل هذه يتطلب الأمر تحديد معدل الزيسادة في التكاليف مقابل الاسراء في الوقت بالنسبة لكل نفساط  $\Delta = \Delta = \Delta = \Delta$  والتي يبكن التعبير عنها بعيل الخط الواصل من نقطة تحقق النفسساط في وقت معين الى نقطة تحققه في وقت أقل آخر وذلك كما في شكل  $\Delta = \Delta = \Delta$  على أن يلى ذلك تحديد النشاط الخرج الذي نبدأ بضغط الوقسست على أن يلى ذلك تحديد النشاط الخرج الذي نبدأ بضغط الوقسست



 $|\Delta C_{12}/\Delta t_{12}|$  = Absolute value of slope for segment 1-2

شکل ( ۲/۳ )

الخاص بيسبيه والذي يتحقق عنده الحدالأدني للزيادة في التكاليف

#### ٢/٣ قواعد المواممة بين الوقت والتكلف.....ة :

#### Time - Cost Trade - off Rules :

## القاعدة رقم ( 1 ).Rule 1 :

اذا كان هناك أكثر من سار حرج واحد ننتقل بباغرة السسدة القاعدة رقم (٣) أما اذا كان هناك نشاط واحد فقط فيتم في هسسده الحالة دراسة جميع التخفيضات المكن تحقيقها في وقت الأنشط سسة حدة المسار الحرج ثم نختسار النشاط صاحب أقل زيادة في التكاليف مقابل وحدة الزمن أي صاحب أتل قيمة كم / 20° وفي حالة تساوى أكثر من نشاط في مقدار الميسل نختار النشاط صاحب القيمة كا الأقل ٠

وتطبق هذه القاعدة طالما أن هذا التخفيض في الوقت لا يحسول المسار الحرج الى مسار غبه حرج المسار المسار المسار الحسسرج آخر و آخر و آخره أما اذا ظهر سار حرج آخر و تحول المسار الحسسرج الجارى الى مسار غبه حرج فننقل الى القاعدة رقم ( ٢ ) .

#### القاعدة رقم ( Rule 2 ( ۲ )

نعبر عن أقل تخفيض منكن حدوثه في المسار الحرج الجارى والسندى يترتب عليه ظهور مسار أو مجموعة مسارات حرجة جديدة بالرسن مثل فاذا كان المسار الحرج الحالى طوله 15 يوما ويترتب على ضفط أحسد الأنفطة على هذا المسار بعقد اريوم واحد ظهور مسار حرج جد يسسسد طوله 14 يوما كان معنى ذلك أن 45 سما وجواحد (1 = 1) ٠

سيم دراسة جميع التخفيفات المكن تحقيقها على الأنشطة المختلفة والتى تحبر عنها بالرمز  $\Delta t$  ومشرط أن تكون  $\Delta t$  أكبر مسسن  $\Delta t$  أن تحبر عنها بالرمز  $\Delta t$  ثم نختار النشاط صاحب أقل زيسادة نطلقسة في التكليف  $\Delta t$  وليس النشاط صاحب أقل معدل زيادة في التكلفة والذي يقاس هذا الأخير بالرمز  $\Delta t$  علسسي أن ترمز لمعدل الزيادة في التكلفة لهذا النشاط المختار صاحسب أقل  $\Delta t$  بالرمز  $\Delta t$   $\Delta t$  .

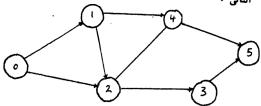
فاذا كانت  $\Delta t_{m} = \Delta t_{c}$  نكون قد حققنا التخفيف في المطلوب مبقاء السار الحرج الجارى تخفيفه كأطول سار وذلك مسع ظهور سار أوعدة مسارات أخرى حرجة جديدة ، أما اذا كانسسست  $\Delta t_{m} > \Delta t_{c}$  الاصلس الحرج في الاحلس

Subcritical – على مسلور في المسار أو السارات الحرجة الجديدة بعقد الم  $\Delta t_{\rm gc}$  المسارات الحرجة الجديدة بعقد الم  $\Delta t_{\rm gc}$   $\Delta t_{\rm gc}$  الأشطة على هذا السار الذي أصبح شهد حرج ليصبح طول هسست المسار أو المسارات الحرجة الجديدة ، ويسستم ذلك باعادة زيادة وقت تنفيذ بعض الأنشطة وقي حدود القسسسدار وتم علية اعادة بيع الوقت هذه لأحد الأنشطة أو مجموعة من الأنشطسة الوقعة على المسار الحرج الأصلى والذي أصبح بعد التخفيض نشاطسا شهد حرجا ، وتكون معدل الزيادة في التكلفة والناتجة من تطبيق القاعدة الثانية كيا يلى  $\Delta t_{\rm gc}$   $\Delta t_{\rm gc}$   $\Delta t_{\rm gc}$   $\Delta t_{\rm gc}$ 

#### القاعدة رقم ( Rule 3. ( ۳ )

تختص هذه القاعدة بحالة وجود أكثر من مسار حرج واحسده فيتم في هذه الحالة تقسيم أنشطة شبكة الأعال الى مجبوعتسسين I, II حيث تشل المجبوعة I جبيع الأنشطة الحرجة الستى تشترك في جبيع المسارات الحرجة و وتشل المجبوعة II الأنشطسة الحرجة الأخرى و واحد فقط دون باقي المسسسارات الحرجة الأخرى و ونطبق هنا القواعد السابقة في حالة الرغبة فسسى الاسراع من أنشطة المجبوعة I ويكون ممدل الزيادة في التكاليسف مقابل الاسراع في التنفيذ وحدة زمن واحدة [ مدل مدل الزيادة في التكاليسف

أما في حالة الرفية في اسراع أنشطة المجبوعة II فيقتضى الأسر في هذه الحالة زيادة أكثر من نشاط على أن يتم ذلك بطرق تقد يريسسه اذ يصعب وضع قاعدة عامه تصلح لجميع الحالات • كما قد يقتضى الأسر الاسراع من عدة أنشطة وفي نفس الوقت الابطاء من أنشطة أخرى المتى لم يعد للاسراع في تنفيذها أي أثر على وقست تنفيذ المشروع • وبيكن تطبيق القواعد السابقة في ايجاد الحل المكسسن للمسسال التالي :



	لبضفوط	الوقتا	البعتد ل		
البيسل	التكلفسة	الوقت	التكلفية	الوقت	النفساط
<b>\$</b> 70	<b>\$</b> 280	3	<b>\$</b> 210	4	(0,1)
80	560	6	400	8	(0,2)
50	600	4	500	6	(1,2)
30	600	7	<b>54</b> 0	9	(1,4)
200	1100	1	500	4	(2,3)
<b>4</b> 0	240	4	150	5	(2,4)
-	150	3	150	3	(3,5)
150	750	6	600	, <b>7</b>	(4, 5)
	<b>4</b> 280		3050		

شكـل ( ۲ / ۸ )

ونفيرهنا الى امكانية تنفيذ أى تفاطاما عند السوقت المعتسد ل أو عند الوقت المضغوط مع عدم امكانية تحقق النشاط فى أى وقت يقسع مابين الوقتين ، الوقت المعتدل والوقت المضغوط ، فالنسبة للنشساط (1, 0) اما أن يتم تنفيذه فى أوسعة أيام أو فى ثلاثة أيام دون امكان تنفيذه فى مدة متوسطة ، وكذا الحال بالنسبة للنشاط (0,2) اذ يتم تنفيذه فى شان أيام أو فى سنة أيام دون امكان تنفيذه فى أى مسدة متوسطة ، مثل سبعة أيام مثلا ، وهكذا بالنسبة لها فى الأنشطة ،

ويكون السار الحرج نى هذا المثال هو المسار 5 -4-2-0-0 وذلك سوا" فى حالة الالترام بتنفيذ جميع الانشطة فى أوقاتها المعتدلية أو تنفيذ جميع الأنشطة فى أوقاتها المضغوطة ويكون طول المسار الحرج فى الحالة الأولى 22 يوما يتكلفة قدرها 3050 دولارا ويكسون طوله فى الحالة الثانية 17 يوما بتكلفة مقدارها 4280 دولارا و

وفيها يلى سوف نبين كيفية استخدام القواعد المنطقية السابقــــــة في تحديد التكاليف الدنيا البقابلة لأوقات تنفيذ المشروع السكنة والتي تقم مابين 22 يوما و 17 يوما وذلك كما يلى :

## تنفيذ المشروع في 21 يوما:

ننظر الى الانشطة الحرجة لنختار النشاط صاحب أقل معدل زيسادة في التكاليف وهو النشاط 2-1 في هذه الحالة الا أن ضفسط هذا النشاط سوف يؤدى الى تقليل وقت تنفيذ المشروع عن 21 يوما ولذا يتم في هذه الحالة الانتقال إلى القاعدة الثانية والخاصة بتحديد له ثن محد محد حديث وهي تساوى واحد في هسنده الحالة ثم ننظر الى جييسسع ثن محد الحالة ثم ننظر الى جييسسع

# تنفيذ المشروع في 21 يوما :

ننظر الى الأنفطة الحرجة لنختار النفاط صاحب أقل معد لزيادة في التكاليف وهو النفاط 2-1 • الا أن ضغط هذا النفسساط يؤدى الى تقليل وقت التنفيذ الى 19 يوما ولذا يتم المحمه هسسست الأنشطة التى تؤدى الى أقل زياد قمطلقة في التكاليف وهنا بحسست أن النشاط (4,4) يحقق نقصا قدره 90 دولارا علما يأنسه سسن المكن انقاص النشاط (1,2) بمقدار 100 دولارا مع امكانية المادة رد الوقت السابق ضغطه على النشاط (0,1) فيكون صافى الزيسادة في التكلفة هي 30 دولارا وبالتالى تكون أقل تكلفة لتنفيذ المفسروع في 20 دولارا

وتظهر في هذه الحالة مساريسن حرجين آخريسسن وهسسسا 4-5-1-0 و 5-4-2-0 اذ أن طول كل منهما 20 يوما •

#### تنفيذ المشروع في 19 يوما :

وتتكون المجموعة I الخاصة بالانشطة المشتركة من النشساط (4,5)

والذي يحقق زبادة في التكلفة قدرها 150 دولاراأما في حالة الرفيسة في ضغط أنشطة أخرى فيقتضى الأمر ضغط أكثر من نشاط معا فشسلا ضغط النشاط ( 0,1) يحقق الاسراع في مساريين حرجين دون الثالث الأمر الذي يتقتضى ضرورة ضغط النشاط ( 0,2) على المسسسار الثالث ويكون مجموع الزبادة في التكاليف 150 دولار أيضا كما أن ضغط النشاط ( 1,4) أيضا وتكون مجمسسوع الزبادة في التكلفة 011 = 90+60 ولذا يتم ضغط النشاط ( 4,5) ليسمح وقت تنفيذ المشروع 19يها وتكون التكلفة المقابلة هي 3300 دولارا و ويكون هناك ثلاث سارات حرجة كما هي في حالة 20 يوما و

#### تنفيذ المشروع في 18 يوما :

تتكون المجموعة I من النشاط ( 4,5 ) والذى لايمكن الاسراع في تنفيذه ولذا يقتض الأمر ضغط أكثر من نشاط بالشكل الذى يجمسل وقت تحقق الحدث (4) في 12 يوما بدلا من 13 يوما ويكون ذلك أما بضغط (1, 0) ه ( 2,4 ) ما يؤدى الى زيادة في التكاليسف 160 دولارا أو خفض (1,4 ) و ( 2,4 ) بمقدار 150 وهي أقل زيادة مكنة ليصبح وقت المصروع 18 يوما والتكلفة 3450 دولارا •

## تنفيذ المشروع في 17 يوما :

ويتحقق ذلك باتبام الحدث 4 في 11 يوبا عن طريق ضفـــط كل من النشاطين ( 0,1 ) • ( 0,2 ) مقابل زيادة في التكلفـــة كل من النشاطين ( 0,1 ) • ( 1,0 ) مقابل زيادة في التكلفـــة 150 دولار وتعبح تكلفة تنفيذ المفـــروم 3680 دولار ويلاحظ هنا

أنه يمكن تنفيذ المشروع في 17 يوبا دون باحاجة الى ضغط النفساط (2,3) الى زيادة التكاليف بقدار 2,8) الى زيادة التكاليف بقدار 4280 دولارا دون تحقق أى تحسن في تنفيذ المشروع في مدة أقل من 17 يوبا •

#### ۽ \_ تمارين :

 اذا كانت البيانات الخاصة بشبكة أعال ما والتي تعبر عن أحسد مشروعات الصيانة في احدى الشركات وكان الوقت المستسسد ل والوقت المضغوط والتكلفة الخاصة بكل منهسما كما يلى :

المضغوط التكلفـة	الوقت ا الوقت	لمعتد ل التكلفة	الوقت    لوقت	الأنشطة السابقة على النشــــاط	النشاط
50	2	<b>\$</b> 50	3	_	A
60	4	140	6	-	В
30	1	50	2	•	C
.40	3	100	5	A	D
-	2	55	2	C	E
30	5	115	7	A	P
70	2	100	4	B, D	G
,					
		610			

رقت المشــروع 10 11 12 وقت المشــروع 600 700 740 820 660 660 التكاليف غير البيا غير غير البيا غير البيا غير البيا غير البيا غير البيا غير البيا غير غير البيا غير البيا غير البيا غير البيا غير البيا غير البيا غير غير البيا غير البيا غير البيا غير البيا غير البيا غير البيا غير غير البيا غير البيا غير البيا غير البيا غير البيا غير البيا غير غير البيا غير البيا غير البيا غير البيا غير البيا غير البيا غير غ

فاذا كان من المكن أن يأخذ النشاط أى وقت يقع مابين الوقست المعتدل والوقت المضغوط وشرط أن يكون ذلك وقتا صحيحا (أي الايسم بالكمور) فالمطلوب استخدام خطوات الحل المنطقية لا يجساد المواقمة بين الوقت والتكلفة مع بيسان أن التكاليف الكلية المقابلسسة لأوقات المشروم المختلفة تكون كما يلى :

وقت البشروع 12 11 9 9 9

التكلفة الكلية 1510 1470 1430 1470 1510 التكلفة الكلية 1620

٢ ــ كسرر التعرين السابق بفرض أنه يتم تنفيذ كل نشاط اما في الوقست
 المعتدل أو الوقت المشغوط نقط دون امكان تنفيذ النشسساط
 في أي وقت يقر بينهما •

٣\_ حل المثال السابق شكل (٨/٣) اذا كانت البيانات الخاصسة
 بالوقت والتكلفة كما يلى :

فــــــوط تكلفـة	الوقت المض وقست	لىعتىدل تكلفىة	الوقت اا وقت	النماط
300	2	210	4	(0,1)
500	5	400	7	(0,2)
800	4	500	6	(1,2)
800	6 .	540	8	(1,4)
800	7	500	9	(2,3)
270	4	160	5	(2,4)
300	5	160	6	(3,5)
900	5	600	7	(4,5)

#### الفصل الرابع

## الحل الأمثل لمشكلة الموائمة بين الوقت والتكلفـــة Time Cost Trade off Optimal Solution

# ۱ ـ مقدسسة :

لقد بينا في الفصل السابق القواعد المنطقية المستخدمسة فسسى تحقيق درجة مرضية من الدوائمة بين الوقت والتكلفة وسوف نبين في هذا الفصل كيفية تحقيق هذه الدوائمة بطريقة مثل • فالقواعد المنطقيسسة بالفصل الثالث وان تعيزت بالكانية ايجساد حل سريع وجهود حسابيسة بسيطة ودون جهد كيير الا أنها لاتضمن دائسا الوصول الى الحسل الأمثل •

وننبه القارئ في هذا الصدد الى أن فهم الطريقة المثلى يقتضى توافر خلفية قوية لدى القارئ عن مفاهيم بحوث الممليا تبصفة عاسسة وأسلوب السميلكس Simplex Method والنظرية الثنائيسة للبرمجسة الخطية Duality Theory of Lead بصفة خاصسسة ، ولذا ننصع القارئ المادى اما استهماد هذا الفصل أو أن يقتز فسوق النواحى الرياضية متلسالفكرة المامة لهذه الطريقة المثلى ،

ورض المحاولات التى بذلت في تبسيط طريقة عرض الموضوع و الا أنه لا يقر من ضرورة عرض الموضوع كما هو وبما يحويه من بعض العموسسات والتحليلات المعيقة والتى لايمكن تفاديها في هذا الصدد و ولاشك أن فهسسم الموضوع بتفاصيله الدقيقة صوف يمكن القارئ من تصبيم القواعسد

## ٢ ... نموذج شبكة تدفقات الأعمال :

#### Network Flow Model

قبل التعدى للمشكلة محل الدراسة والخاصة بالدوا مة بين الرقت والتكلفة ، نود أولا أن نستمرض نبوذج شبكة تدفقات الأصال والسذى ننظر فيه الى وجود تدفقات معينة تبرعلى أسهم الشبكة ابتدا مسست نقطسة البداية وانتها منقطسة النهاية ، ادنوسر الى التدفقسات المارة على السهم مابين الحسد ش1 والحد ش1 بالروزي £2 مكسسا أننا نفترض أن الحد الأقصى للتدفقسات المسوح بها على أحد الأنفطة بالروز وي 2 م أي أن

واذ روزنا الى التدفقيات البارة بشبكة الأعال ابتداء سيسبين الحدث (1) وانتهاء بسالحدث n بالروز 20 كان معنى ذلك

$$\int_{\mathbf{j} \in \mathcal{Q}(\mathbf{i})} \mathbf{f}_{\mathbf{i}\mathbf{j}} - \int_{\mathbf{j} \in \mathcal{Q}(\mathbf{i})} \mathbf{f}_{\mathbf{j}\mathbf{i}} = 0$$

$$\int_{\mathbf{j} \in \mathcal{Q}(\mathbf{n})} \mathbf{f}_{\mathbf{j}\mathbf{n}} = -V$$

$$0 \leq \mathbf{f}_{\mathbf{i}\mathbf{j}} \leq \mathbf{c}_{\mathbf{i}\mathbf{j}}$$

قادًا علنا على تعظيم بقدار التدفقات  $\,\,\,\,\,\,\,\,\,\,\,\,\,\,\,$  من حدث البداية الى حدث النهاية ، فانه يمكن التعبير عن النبوذج فيما يلى :

$$\begin{array}{cccc}
\text{max} & \mathcal{V}^{-} \\
\text{s.t.} & & & \\
& & \downarrow_{j \in G(i)} & f_{ij} - \bigvee_{j \in G(i)} & f_{ij} & \begin{cases} \mathcal{V}_{,i=1} \\ 0, i \neq 1, n \\ -\mathcal{V}_{,i=n} \end{cases} \\
0 & & & \\
& & & \\
\end{array}$$

وهذا النوذج يمبر عن مشكلة معروفة وتعتبر من أساسيسات Flows on Networks والتي تسم علم التدفقات على شبكة الأسال Flows on Networks ايجاد حل أمثل لها بطريقة أقمى تدفقسات للماليين الأمريكييسسسن فورد وفولكورسين Ford and Fulkerson Maximum Flow فورد وفولكورسين Algorithm

ولاهك أن النظرة الأولى للنموذج المابق تبين عدم وجسود علاقة بالمرة بين هذه المشكلة الخاصة بتحظيمالند فقات على هبكة الأعمال والمشكلة التي تحن بصددها والخاصة بتحقيق المراعمة بين الوقسست والتكلفة ه الا أن ذلك ليس صحيحا اذ أكن تحريل مشكلة المواعمة بيين \* تسبى مجموعة القيود هذه بمجموعة قود حفظ ووقاية التدفقسات Plow Conservation Constraints حريقة الحل بالنظر الى غبكة الأصال على أنها غبكة تدفق ال وذلك في حالة التعبير عن الملاقة بين الوقت والتكلف ة فسيسى
 شكل علاقة خطية :

Linear Cost-Duration Function- Network Flow Algorithm:

. ١ ... أن هذا القرض يثبيرُ بالواقعيَّة والبساطة •

٢ أن كثير من الدوال فير الخطية يمكن تقريبها بمجموعة من الملاقبات الخطية المتسقطمة ، وبالتالى فان ايجاد الحل الأمثل في حالة افترافي توافر علاقة خطية بين الوقت والتكلفة يعد بمثابة حجسسر الزاوية ونقطة الانطلاق لتحديد حدود الحل الأمثل في حالة وجود علاقات أخرى فدخطية .

The linear Case is the fundamental building block in achieving bounds on the optimum under non-linear cost functions.

(x) Salah Elmaghraby, Activity Networks, John Wiley & sons, 1977, P.61.

- ٣ ان افتراض وجود علاقة خطبة بمكنا من استخدام نظرية البراسج
   الخطية وبالتالى امكانية الاستفادة من النتائج المديدة الخاصة
   بهذه النظرية ذات القواعد الصلبة والبينة على تحليلات كالمسسة
   دقيقة •
- انها تمكنا بذلك من انشاء منحنى الحد الأدنى المعبر عن الزيادة
   في التكاليف لجميع الأوسات المكن تحقيقها الأمر الذي يمكنسا
   من الإجابة على كل الاسئلة التي تثار بالنسبة لهذه المشكلة والتي
   يمكن ذكرها فيما يلى :
- ما هو مقدار الوقت المسبح به لكل نشاط بحيث يمكن اتمام المشسروع
   ني ميماد محدد مقدما جأقل قدر من التكاليف ؟
- م ما هو الوقت الذي يمكن تنفيذ المشروع في حدود ، وذلك في ظل مبزانية محددة مقدما ؟
- ماهى مقدار الزيادة الحدية في التكاليف كنتيجة لتخفيض وقسست المشروعين ميمادسيق تحديده ؟
- هل تختلف مجموعة الأقشطة المعبرة عن عنق الزجاجة باختسسالات وقت تنفيذ المشروع أم تظل مجموعة الأنشطة هذه كما هي ؟

## ٤ \_ النبوذج الرياضي : The Mathematical Model:

يبكن التعبير عن الملاقة بين الوقت  $y_{1j}$  والتكلفة  $0_{1j}$  لجسيط الأنفطة  $0_{1j}$  (حيث تعبر  $0_{1j}$  عن مجموعة الأنفطة في غبك...ة الأعال ) كا يلى :

o<sub>ij</sub> = b<sub>ij</sub> - a<sub>ij</sub> . y<sub>ij</sub> , l<sub>ij</sub> < y<sub>ij</sub> < u<sub>ij</sub>, a<sub>ij</sub> , b<sub>i</sub> > 0

واذا ربزنا الى وقت تحقق الحدث ل بالربز <sub>ل</sub> † كــان معنى لك أن

 $t_{j} > t_{i} + y_{ij} + (ij) \in A, j = 2,3,...,n,$ 

, **t<sub>1</sub> , =** 0

وبالتالى يتم التمبير عن المشكلة في شكل نموذج رياضى يهدف المي تحديد أرقات تحقق الأحداث  $\{\tau_3\}$  وكذا تحديد أرقات تحقق الأحداث  $\{\tau_3\}$  وذلك بالشكل الذي يحقق أقل زيادة سكته في التكاليف z تتبجسة الالتزام بتنفيذ المشروع في وقت محدد z وذلك كما يلى :

min  $z = \sum_{(ij) \in A} c_{ij} = \sum_{(ij) \in A} (b_{ij} - a_{ij} y_{ij})$ 

الا أن تدينه 2 يمنى مايلى :

min  $Z = \{(ij) \in A \}$   $(b_{ij} - a_{ij} y_{ij})$   $= \{(ij) \in A \}$   $= - \{(ij) \in A \}$ 

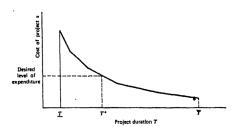
وبالتالى يتم التمبير عن النبوذج الرياضى كما يلى : 
$$\max_{\mathbf{z}} Z = \sum_{(\mathbf{i},\mathbf{j}) \in A} a_{\mathbf{i},\mathbf{j}} \cdot \mathbf{y}_{\mathbf{i},\mathbf{j}} \\ a_{\mathbf{i},\mathbf{j}} \cdot \mathbf{y}_{\mathbf{i},\mathbf{j}} \leq 0 \\ \mathbf{z}_{\mathbf{i}} - \mathbf{z}_{\mathbf{j}} + \mathbf{y}_{\mathbf{i},\mathbf{j}} \leq 0 \\ \mathbf{y}_{\mathbf{i},\mathbf{j}} \leq \mathbf{u}_{\mathbf{i},\mathbf{j}} \\ \mathbf{y}_{\mathbf{i},\mathbf{j}} \geq \mathbf{1}_{\mathbf{i},\mathbf{j}} \\ \mathbf{z}_{\mathbf{n}} = \mathbf{T} \\ \mathbf{z}_{\mathbf{n}} = \mathbf{T} \\ \mathbf{z}_{\mathbf{i},\mathbf{j}} \leq \mathbf{1}_{\mathbf{i},\mathbf{j}} \\ \mathbf{z}_{\mathbf{i},\mathbf{j}} \leq \mathbf{1}_{\mathbf{i},\mathbf{j}} \leq \mathbf{1}_{\mathbf{i},\mathbf{j}} \\ \mathbf{z}_{\mathbf{i},\mathbf{j}} \leq \mathbf{1}_{\mathbf{i},\mathbf{j}} \\ \mathbf{z}_{\mathbf{i},\mathbf{j}} \leq \mathbf{1}_{\mathbf{i},\mathbf{j}} \\ \mathbf{z}_{\mathbf{i},\mathbf{j}} \leq \mathbf{1}_{\mathbf{i},\mathbf{j}} \\ \mathbf{z}_{\mathbf{i},\mathbf{j}} \leq \mathbf{z}_{\mathbf{i},\mathbf{j}} \\ \mathbf{z}_{\mathbf{i},\mathbf{j}} \leq \mathbf{z}_{\mathbf{i},\mathbf{j}}$$

اذ تمبر  $\underline{T}$  عن المدالادنى لا كانية تنفيذ الشروع والذى يتحقق في حالة الالترام بتنفيذ الانشطة عند حدود ها الدنيا • كيا تمبر  $\overline{T}$  عن المدالأعلى لا كانية تنفيذ الشروع والذى يتحقق في حالسة تنفيذ الأنشطة في أوقاتها القصوى السكنة والمتاحة لها • وأخيرا يمكن كتابة القيمد  $\overline{T}$  على الشكل  $\overline{T}$  =  $\overline{t}_1 + t_1 = \epsilon$  وذلك في حالسسة انتراني آن نقطة البداية هي نقطة الصغر أي أن  $0 = t_1 + t_2$  على الشيد الأخير على شكل  $\overline{T}$   $\Rightarrow$   $t_1 + t_2 = 1$  ادسوف تضين دالة الهد تحقق حالة التساوى بالنسبة لهذا القيمسد.

وتكون الصورة النهائية للنبوذج بجد أخذ النقاط السابقة فسيسمى الحسيان كنا يلى :

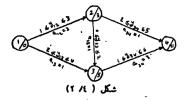
ويمكن استخدام نظرية البرمجة الخطية في حل النبوذج الرياضي السابق وايجاد قيمة T • كما أنه يمكسن السابق وايجاد قيمة T • كما أنه يمكسن تحديد قيم التي يمكن أن تأخذهـــا وذلك بالنظر الى المشكلة على أنها مشكلة برمجة خطيسة متمــــددة المحالم . Parametric Linear Prog. Prob .

وبامعان النظر في النبوذج السابق نجد أنه يتميز بمجبوعـــة مسن الخصائص التي تستأهل معاملته معاملة خاصة ه الد تنحصر معامــــلات هذا النبوذج في 1- ، 1,0 نقط ه وقد استرت هذه الخصائمـــسعى المخاصة بالنبوذج المالم الرياضي الكبير فولكورسن والذي أمكنه استفــلال هذه الخصائمي في الوصول الى طريقة حل مثلي لتحديد منحني الملاقة هذه الخصائمي في الوصول الى طريقة الى اللجوا الى الحلـــــول الماطلية في حالة استخدام البراج الخطية بشكل باشر و



شكسل (١/٤)

ويتكن توضيح النبوذج الرياض السابق بالتطبيـــــق . على النشبال التالي عكــــل (٢/٤) •



فتكون معاد لات النبوذج الخسامسة بهسسدا المثال كا يسلى:

'n			
ri 2	" " " " " " " " " " " " " " " " " " "	> 4 2 2 4 2 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4	٠ ١ - ١ - ١ - ١ - ١ - ١ - ١ - ١ - ١ - ١ -
•			- 4 a A -
	3 3 3 3 4	11 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4	7 7 2 7 7
	n	کو بر	
	+ _tt +	*** +	٠ چې
	77 F	~~. +	25°
	, , , , , , , , , , , , , , , , , , ,	, *	<b>*</b>
	<u> </u>	ກັ +	ا يع
	* * * * * * * * * * * * * * * * * * *	25 .	چر <sup>ا</sup>
	++ 42 - 12 12	* * #	•
	, , 4		
	4 7 7 7 4 4 1 1 1	•	
1	4 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1		
	4	4	
	7		
	Max Z= St.		
:			
		•	
1			

## خطوات فولكورسن للحل:

### Fulkerson Network Algorithm النبوذج التنائسي النبوذج التنائسي المنطر الى النبوذج التنائسي المنطر الى النبوذج التنائس و الد أمكن لفولك ورسن التميير عن هذا النبوذج الثنائي في شكل مشكلة تحديد أقمى تدفقات يمكن دفعها على شبكة أعال والتي تدمناها في بداية هذا الفصيل بالتالى يمكن استخدام طريقة أقمى تدفقات لفورد وفولكرس في الوصول الل الحل الأمثل Ford and Fulkerson max.flow Alg. الل الحل الأمثل النبوذج الثنائي للمثال السابق في الصفحه التاليه وذلك كتمهيد لبيان النبوذج الثنائي للمثال السابق في الصفحه التاليه وذلك

رتكون جمع المتغيرات في النبوذج الثنائي أكبر من أو تساوى صفيير و رتكون جمع المتغيرات في النبوذج الثنائي أكبر من أو تساوى صفيير و non - negative ، شكل أقل من أو يساوى ، كما يتم التمبير عن قبود المسألة الثنائية في شكل متساويات ويرجع ذلك الى أن متغيرات المسألة الرئيسيميد في محددة الاشارة المرتبسية فانم بكن التمبير عن النبوفج الثنائي الخيساص المام للمسألة الرئيسية فانه بكن التمبير عن النبوفج الثنائي الخيساص

min 
$$z = TV + \sum_{(ij) \in A} u_{ij} g_{ij} - \sum_{(ij) \in A} 1_{ij} h_{ij}$$

s.t.
$$f_{ij} + g_{ij} - h_{ij} = a_{ij} + (ij) \in A$$

$$\sum_{j} \begin{bmatrix} f_{ij} - f_{ji} \end{bmatrix} = \begin{cases} V, & i = 1 \\ 0, & i \neq 1, n \\ -V, & i = n \end{cases}$$

Out	ا اا اا اا	มี ที่ ที่ ก็ ก็ ก็ ที่ ย ย ย ย ย 
2. 4 . h	•	
24, -0 h3	٠.	م م
min 3 = 0 fr. + 0 fr. + 0 fr. + 0 fr. + 10 fr. + 10 fr. + 4.8 fr. + 2.8 fr. + 6.9 fr.   2 fr 0 fr 2 fr.		
+ 2 32+52		مار مار مار مار
.39,2 + 4'8 <sub>17</sub>		ځړ + د
* + TV+	4: 5: 5: 5: 4: 5:	,
i3 + 0, 4.4	+ + 	
1 + of + 1	14 14 14 14 14 14 14 14 14 14 14 14 14 1	برد برد
10.70	÷	u.v

- Y لن تأخذ التغيرات  $h_{1j}$  في موجبة معا وفي نفسيس الوقت في أي حل أشل و أي أنه اذا أخذت المتغيرات  $h_{1j}$  قيم موجبة فان التغيرات  $h_{1j}$  المقابلة تأخذ القيمة صفيسس والمكس اذا أخذت المتغيرات  $h_{1j}$  قيم موجبة فان المتغيرات  $h_{1j}$  قيم موجبة فان المتغيرات  $h_{1j}$  المقابلة تأخذ القيمة صغر و

ناذا كانت  $\sim h_{1j} > h_{1j}$  فانه يمكن بيان أن هناك دائيسا حل سائل ان لم يكن أفضل وذلك عن طريق انقاص  $h_{1j}$  ، ماليخدار  $h_{1j}$  فيصبح المتغير  $h_{1j}$  مساويلالمغر مع بقا $h_{1j}$  ، ويمكن توضيح ذلك بمثال كما يلى :

نفرض أن 15 =  $g_{ij}$  = 7 •  $g_{ij}$  فيكون الفــــــــــرن  $u_{ij}$   $g_{ij}$ - $1_{ij}h_{ij}$  في دالة الهدف أكبر دائيا من حالـــة تنفيض كل من  $g_{ij}$  •  $g_{ij}$  •

وبالمثل في حالة  $0 < _{13} > _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} < _{13} <$ 

 $8 u_{ij}^{-10} = 8 u_{ij}^{-8} = 2 l_{ij}^{-2}$ 

>- 2  $l_{ij}$  since 8  $(u_{ij}-l_{ij})>0$ 

ویکن الوصول الی نفی النتیجة السابقة والخاصة بأن أحسست و ویکن الوصول الی نفی النتیجة السابقة والخاصة بأن أحسست و  $g_{1j}$  ,  $h_{1j}$  ,  $h_{1j}$  . In rest of commentary slackness المركود الدكلة commentary slackness کان معنی دلسك أن 0 کان معنی دلسك أن 0 کان معنی دلسك أن الحست الأعلی  $y_{1j} = u_{1j}$  والتالی فان و  $u_{1j} > v_{1j} = u_{1j}$  الأعلی  $u_{1j}$  . والتالی بكون المتفسير  $u_{1j}$  والتالی بكون المنا أن الحسیم  $u_{1j}$  والتالی بكون المنا أن الحسیم  $u_{1j}$  والتالی بكون المنا أن  $u_{1j} > v_{1j} = u_{1j}$  والتالی  $u_{1j} > v_{1j} = u_{1j}$  الأمر الذی یؤدی السی أن باخذ المتغیر  $u_{1j} > u_{1j} > u_{1j}$  الأمر الذی یؤدی السی أن باخذ المتغیر  $u_{1j} > u_{1j} > u_{1j}$ 

<sup>\*</sup> برجع في الاثبات الى . Complementary Slackness Th.

ان  $r_{ij} > a_{ij}$  أو أن  $r_{ij} > a_{ij}$  على أن يعتسبر المتغير  $g_{ij}$  Slack variable ويعتبر المتغير  $g_{ij}$  على أنه المتغير الزائد Surplus variable.

ر أنه في حالة 0  $h_{1j}=0$  كان معنى ذلك أن  $g_{1j}=0$   $h_{1j}=0$  وأنه في حالة 0  $g_{1j}=0$  كان معنى ذلك أن  $g_{1j}=0$ 

 $^{h}_{1j} = ^{f}_{1j} - ^{a}_{1j}$  وأنه في حالة  $^{o}_{1j} > ^{h}_{1j}$  معنى ذلك أن  $^{o}_{1j} - ^{f}_{1j} < ^{o}_{1j}$  وفسى حالة  $^{o}_{1j} > ^{o}_{1j}$  كان معنى ذلك أن  $^{o}_{1j} - ^{a}_{1j} > ^{o}_{1j}$  و بالتالى فائه يكسن التعبيرين البنغيرات  $^{o}_{1j} + ^{o}_{1j}$  كما يلى :

$$g_{ij} = \max \left[ 0; a_{ij} - f_{ij} \right]$$

 $h_{ij} = max [ 0; f_{ij} - a_{ij} ]$ 

فاذا نظرنا الى  $r_{1j}$  كاسبق أن ذكرنا على أنها تمثل التدفقاً المارة على السبم (1j) ، فانه يكون من المنطقى النظر الى  $r_{1j}$  على أنها الطاقة الخاصة بالسبم (1j) وتكون بذلك  $r_{1j}$  بمثابة الطاقة الغيرستفلة على السبم (1j) و  $r_{1j}$  بمثابة التدفقـــسات الطاقة الغيرستفلة على السبم (1j) و  $r_{1j}$  بمثابة التدفقـــسات الزائدة من الطاقة  $r_{1j}$  هم .

وحیث أن  $_{13}$  ه هو مقد ار ثابت محدد مقد ما کان معنی ذلسک ان المتغیر  $_{13}$  و ذلك فی المسسدی ان المتغیر  $_{13}$  و دلگ فی المسسدی  $_{13}$   $_{13}$  حملیا فسی  $_{13}$ 

ولكن في المدى ص+> و وياليالي يمكن اعادة كتابة دالــــة البدف للنموذج السابق لنصح

min z = TV + 
$$\begin{cases} (ij) & u_{ij} \cdot \max (0, a_{ij} - f_{ij}) \\ - & \begin{cases} (ij) & a_{ij} \cdot \max (0, f_{ij} - a_{ij}) \end{cases} \end{cases}$$

والتالى تكون دالة الهدف دالة خطية في حجم التدفقات 2 ردالة خطية متقطمة Piece - Wise linear في 1<sub>1.1</sub> • (1)

ر1) ناذا كانت  $f_{1j}$  تعبر عن التدنقات  $f_{1j}$  التى فــــى (2) حدود الطاقة  $a_{1j}$  و  $f_{1j}$  تعبر عن التدنقات  $f_{1j}$  الــــتى

$$f_{ij} = f_{ij}$$
 for  $0 < f_{ij} < a_{ij}$   $a_{ij}$   $a_{ij}$   $a_{ij}$   $a_{ij}$   $a_{ij}$   $a_{ij}$ 

كان معنى ذلك أن :

$$f_{ij} = f_{ij} + f_{ij}$$

والتالى يمكن اعادة التعبيرعن الحد الثاني والثالث في دالسسسة

$$\sum_{(ij)} u_{ij} \cdot \max (0, a_{ij} - f_{ij}) = \sum_{(ij)} u_{ij} (a_{ij} - f_{ij})$$
 (1)

$$= \sum_{(ij)} u_{ij} f_{ij} + constant$$

$$\sum_{(ij)} l_{ij} \cdot \max (0; f_{ij} - a_{ij}) = \sum_{(ij)} l_{ij} f_{ij}^{(2)}$$

$$\sum_{\mathbf{j} \in \mathcal{C}(I)} (\mathbf{f}_{\mathbf{i}\mathbf{j}} + \mathbf{f}_{\mathbf{i}\mathbf{j}}) - \sum_{\mathbf{j} \in \mathcal{C}(I)} (\mathbf{f}_{\mathbf{j}} + \mathbf{f}_{\mathbf{j}}) = 0, \mathbf{i} \neq 1, \mathbf{n}$$

$$\begin{array}{c}
(1) \\
0 < f_{ij} < a_{ij} \\
(2) \\
0 < f_{ij} < *\infty
\end{array}$$

## ربعد هذا العرض السابق فانه يمكن تلخيص ماسبق فيما يلي:

أن النموذج الخاص بالمشكلة يتمثل فيما يلى:

maximize 
$$z(T) = \sum_{(ij) \in A} a_{ij} y_{ij}$$

$$\begin{aligned} & t_i - t_j + y_0 < 0 \\ & - t_1 + t_n \leq T \\ & y_0 \leq u_0 \\ & - y_v \leq - t_y \end{aligned} \quad \begin{array}{c} & \text{Dual Variables} \\ & f_v \\ & \text{t} \\ & \text{g} \\ & h_g \end{aligned}$$

وأن النموذج الخاص بالسألة الثنائية بعد التعبير عن المتغيرات  $_{u_0}$   $_{u_0}$   $_{u_0}$   $_{u_0}$ 

minimize 
$$T_{\mathcal{C}} - \sum_{(l)} \left( u_{ij} f_{ij}^{(1)} + l_{ij} f_{ij}^{(2)} \right) + \text{const}$$

$$\sum_{j \in d(i)} \left( f_{ij}^{(1)} + f_{ij}^{(2)} \right) - \sum_{j \in d(i)} \left( f_{ij}^{(1)} + f_{ij}^{(2)} \right) = \begin{bmatrix} c, & i = 1 \\ 0, & i \neq 1, n \\ -c; & i = n, \end{bmatrix}$$

$$0 \le f_{ij}^{(k)} \le a_{ij}^{(k)}, \quad k = 1, 2, \text{ all } (ij) \in A$$

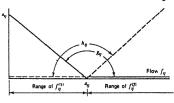
ويمكن تطبيق ذلك على المثال السابق ليصبح النموذج الثنائسي كما في الصفحة التالية :

ر هن ال	2 2 2 24 24 24 24
$\begin{array}{llllllllllllllllllllllllllllllllllll$	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
1 4 4 1	

ورغم اختفاء المتغيرات و قط h<sub>id</sub> و الثنافيين الثنافيين الأنهما موجودين بطريقة غير مباشرة و بل انه من دراسة المعلاقة بسين النبوذج الرئيسي والنبوذج الثنائي يتبين مجموعة من الحقائق التي سبسق شرحها والتي نوجزها فيما يلي :

۱ ــ أن أخذ المتغير والقيمة موجهة أى هروي يعنى مايلى :

- .hii = 0 01 -
- y<sub>ij</sub> = u<sub>ij</sub> -
- الخاص بالمتغــــير range الخاص بالمتغـــير  ${\sf g}_{ij}$  مثل  ${\sf g}_{ij}$  مثل  ${\sf r}_{ij}$



شکل ( ۳/٤ )

if 
$$\iota_i - \iota_j + u_v < 0 \Rightarrow f_y^{(i)} = 0$$
;  
if  $0 < f_y^{(i)} < a_y \Rightarrow \iota_i - \iota_j + u_v = 0$   
(1)
S<sub>1j</sub>
 $t_1 - t_j + u_{1j}$ 
in the large  $t_1 - t_j + u_{1j}$ 
in the large  $t_1 - t_j + u_{1j}$ 
in the large  $t_1 - t_j + u_{1j}$ 

كان معنى ذلك أن التدنقات  $t_{1j}^{(1)}$  يسمح لها أن تأخذ قيم موجية اذا مأخذ المتغير  $t_{1j}^{(1)}$  القيمة صغر  $t_{1j}^{(1)}$ 

 $f_{ij}^{(1)} > 0$  is permissible only if  $S_{ij}^{(1)} = 0$ 

٢ - أن أخذ التغير بالليم موجبة أى٥
 ٢ - أن أخذ التغير بالليم موجبة أى١٥

y<sub>ij</sub> = 1<sub>ij</sub> oi \_

(2) \*أن تبعة المبال range الخاص بالمتغير أ شكا. (٣/٤) •

وبالمثل يمكن أن نستنتج بباشرة من نظرية الركود المكلة ( CST)

if 
$$t_{i}^{-}t_{j}^{+} + l_{ij} < 0$$
  $f_{ij}^{(2)} = 0$ 

if 
$$f_{ij}^{(2)} > 0 \implies t_i - t_j + 1_{ij} = 0$$

واذا عبرنا عن العقد ار  $\mathbf{s}_{1j}^{(2)}$  بالرمز  $\mathbf{t}_{1}$  -  $\mathbf{t}_{1}$  ای آن

$$\mathbf{S}_{ij}^{(2)} \triangleq \mathbf{t}_i - \mathbf{t}_j + \mathbf{1}_{ij}$$

 $f_{ij}^{(2)} > 0$  is permissible only if  $S_{ij}^{(2)} = 0$ , and  $f_{ij}^{(1)} = a$ 

وبالتالى يتم احلال كل سهم من أسهم شبكة الأعمال والذى لــــه تكلفة حديه محدود ق<sub>ط aj</sub> بمهمين الأول له طاقة قدرها <sub>aj</sub> والثانى له طاقة غير محدود ق

وطالبا أن التدفقات البد فوعة من حدث الهداية الىحدث النهاية

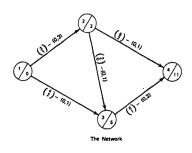
$$V = \bigcup_{j \in \mathcal{E}(i)} f_{ij} = \bigcup_{\ell \in \mathcal{G}(i)} f_{in}$$

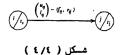
فانه يمكن تقسيم التدفقات المارة هذه من نقطة البداية الى نقط من نقطة البداية الى نقط النهاية بالندفقات  $f_{ij}^{(2)}$  المارة على الأسهم ذات الطاقة القصيم و و و التدفقات  $f_{ij}^{(2)}$  المارة على الاسهم ذات الطاقة فسير المحدودة و وذلك بالفكل الذي يحقق شروط الأشلية السابق بيانها و يكون المؤال هنا كيف يمكن تحديد قيم هذه التدفقات السابقسية و يكون المؤال هنا كيف يمكن تحديد قيم هذه التدفقات السابقسية

Te[T,T]

## . ويتم ذلك في الخطوات الثلاث الآتية :

- ا) تحدید مدی امکانیة تقلیل رقت تنفیذ المشروع لکی یتم نی الوقست
   ۱۰ علما بأن ۳۰ تا ۲۰ تا
- ٢) ترميز labeling الأنشطة التي تمهب اقل زيادة في التكاليف
   في تخسالة الرقبة في الاسراع في تنفيذها •
- ٣) اجرا التخفيض في رقت الشروع يهتم ذلك عن طريق نظـــــام
   فرى يقـــــوم بتحديد التغيرات التى تحدث في رقت تحقــــق
   الحلقات (الأحداث) subroutine
   وسوف يتم شرح هذه الخطوات على شبكـــــة
   الأصال شكل (١/٤) •





الخطوة الاولى: التحقق من مدى امكانية تقليل وقت تنفيسند المشــروع:

# Determining the feasibility of T $< \overline{ extbf{T}}$ :

اذ لا يدكن تحقيق أى تخفيض فى وقت تنفيذ المشروع اذا ماكا رالوقت المفاص بتنفيذ جسم الانشطة الحرجسية للمشروع عند حدود ها الدنياء ويكون ذلك صحيحا اذا ماكان من المدكن دفع تدفقات قدرها (  $\infty$  ) على البسار الحرج من حدث البداية الى حدث النهاية أى أن  $< \frac{2}{12}$  على البسار الحرج من حدث البداية الى حدث النهاية أى أن  $< \frac{2}{12}$  وتأخذ قيمة لانهائي مستقى أن  $< \infty$  ) وهذه الاغيرة تحسينى أن < 0 = 0 على جميع الأنفطة الحرجة أى يتم تنفيذ جميع الأنفطة الحرجة عند حدودها الدنيا وبالتالي لا مجال لا مكانية تخفيض وقت المشروخ

ولتحديد مدى امكانية دام تدفقات قدرها ( $\infty$ ) نقوم بافستراض تنفيذ جميع الانشطة عند حدودها المليا أي أن  $y_{1j} = u_{1j}$  هثم نقوم بترميز حلقة البداية (حلقة (۱)) به ( $\infty$ ,  $\infty$ ) ه ثم نبحست مااذا كان  $0 = u_{1j}$  بالنسبة لجميع الانشطة ( $v_{1j}$ ) النابعسة من حدث البداية (۱) أم لا  $v_{1j}$  فاذا كان ذلك صحيحا لأى حلقسة وتلى الحلقة (۱) أم لا  $v_{1j}$  فاذا كان ذلك صحيحا أي من المكن ومول تدنقات قدرها  $v_{1j}$  عن طريق الحلقة (۱) ه

وسوبا لأى حلقة  $\overset{\cdot}{1}$  تم تربيزها به  $\overset{\circ}{0}$  فانه يتم اختبار جميع الحلقات ز المتصلة بهذه الحلقة 1 وسعرفة بااذا كـــــان  $S^{(2)}_{1j}$  = 0  $S^{(2)}_{1j}$  أم لا إفاذا كانت  $S^{(2)}_{1j}$  نقرم بتربيز الحلقــــة  $S^{(2)}_{1j}$  به  $S^{(2)}_{1j}$  أى أنه من المكن وصول تد نقات قدرها  $S^{(2)}_{1j}$  الحلقة  $S^{(2)}_{1j}$  ونستمر في علية التربيز الى أن نصل الى أحد الحالتين التاليتين :

عدم امكانية تربيز حلقة النهاية ، أى لا يمكن دفع تدفقات قد رهــــــا (  $\infty$  ) حتى حدث النهاية وهذا يعنى امكانية تحقيق خفـــفى فى وقت تنفيذ المشروع ، اذ أن عدم امكانية دفع تدفقات قد رها (  $\infty$  ) يعنى أن  $0 \neq S_{1j}^{(2)}$  لبعض الانفطة الحرجة أى أن وقت تنفيـــذ هذه الانشطة الحرجة لايم عدحد ودها الدنيا ، وبالتالى ســـازال هناك امكانية تخفيض وقت المشروع ، وبطلق على هذه الحالة بحالـــة عدم الانجاز ، nonbreakthrough .

breakthrough والتالى لايكون هناك مجال لتحقيد المراق و تخفيف اضافي في وقت تنفيذ المشروع •

واذا انتهت علية التربيز بالحالة الأولى ــ حالة عدم الانجــاز ــ فيقتضى الامر البحث عن الأنشطة التى يمكن تخفيض وقت تنفيذُ ها يحيث تكون الزيادة في التكاليف أقل مايمكن ٥ وهو ماسيتم في الخطــــــــوة الثانية ٠

وقِل الانتقال الى الخطوة الثانية نبين تطبيق الخطوة الأولىسى على النثال فنجد أن :  $S_{12} = 0 - 3 + 1 < 0$ 

 $s_{13}^{(2)} = 0 - 5 + 2 < 0$ 

الأمر الذي يعنى عدم الكانية دفع تدفقات مقد ارهست صد الأمر الذي يعنى عدم الكانية دفع تدفقات مقد الوقت الحالى وهسو 11 يرسا •

الخطوة الثانية: ترميز الانفطة التي تسبب أقل زيادة في التكاليف :

Labeling for Minimum-Cost Activities Subroutine:

١ تبدأ الأنفطة برقت ينثل حدها الأقمى •كنا تبدأ بعدم وجسسود
 أي تدنقات • أي أن :

 $y_{ij} = u_{ij}$ ,  $f_{ij} = 0 + (ij)$ 

٢ \_ يتم ترميز الحلقات وذائسك كما يلى :

1/٢ \_ ترمز الحلقة (١) دائما بـ ( ٥, ٥٥ )

٢/٢ ــ بالنسبة لا علقة 1 تم تربيزها ، نقيم بتربيزالحلقات

المتعلة بها في الاتجاء ل- أوفقا للحالتين التاليتين:

s<sub>ij</sub> = 0 , F<sub>ij</sub><a<sub>ij</sub> = 1/1/7

 $rac{2}{3} rac{2}{3} rac{2}{2} rac{2}{3} rac{2}{3} rac{2}{3} rac{2}{3} rac{2}{3} rac{2}$ 

 $\gamma_{j} = \min (\gamma_{i}, r_{ij}), r_{ij} = a_{ij} - f_{ij}^{(1)}$ 

اذ يتحدد الحد الاقصى للتدفقات المكن دفعها في ضوا التدفقا التى تم دفعها الى الحلقة 1 وهى 9 و وفي ضوا ما يمكن دفعه على النشاط (ij) والذي يتمثل في المتبقى من الطاقسة  $a_{j,i}$  بعد طرح التدفقات الموجوده  $a_{j,i}$ 

(2) اذا کانے 0 حداثا \_۲/۲/۲

وفي هذه الحالة يتم تربيز الحلقة أن بد (1, و1) 6 حيث أن عند الحالة الأخيرة يمكن د فسح

أى كبية على النفاط( ij ) • وبالتالى تتوقف رَ<sup>9</sup> نقط على البتاح من تدفقات لدى الحلقة 1 والتى يمكسن بالتالى دفعها الى الحلقة 1 •

هذه الحالة تم ترميز الحلقة أن بالقيمة أن علم علم علم المأن الحلقة أن المايقة على الحلقة أن لم يتم ترميزها و يتم مذا الترميز للحلقة أن كما يلي :

 $S_{ij}^{(1)} = 0$  1/7/7  $S_{ij}^{(1)} = 0$  1/7/7  $S_{ij}^{(1)} = 0$   $S_{ij}^{(1)} = 0$   $S_{ij}^{(1)} = 0$   $S_{ij}^{(1)} = 0$   $S_{ij}^{(1)} = 0$ 

 $S_{1j}=0$  اذا کانت  $S_{1j}=0$  نفی هذه الحالة یتم ترمیز الحلقة ۱ بـ ( $\P_1, J$ ) حیست

 $\varphi_{i} = \min ( \gamma_{j}, f_{i,i} )$ 

ويوادى هذا التربيز المكسى للحلقة 1 من الحلقة 1 السي ( 15) اعادة رد بعض التدفقات التي كان قد سبق دفسها على السهم ( 15) عندما كان جزاً من المسار الحرج السابق ٠

ونستمر في عبلية الترميز حتى نصل الى أحد الحالات الثلاث الستالية ـــ انجاز الحلقة n بتدفقات م

Breakthrough to n with finite  $f_n$ 

ویمنی هذا الی امکانیة دفع الندفقات ۴<sub>n</sub> من حدث البد**ای**ة السی حدث النهایة علی مسار یطلق علیه مسار زیسسیادة الندفقسسسسسات flow augmenting **Path**  ب انجاز الحلقة n بتدفقات لانهائية n بانجاز الحلقة n بتدفقات لانهائية n = ∞

Breakthrough to n with Ŷn = ∞

وهنا يتم التوقف حيث لايمكن اجراه أى مزيد من التخفيض فى وقست تنفيذ المشروع ه

\_ عدم تحقیق انجاز Nonbreakthrough condition

وفيى هذه الحالة ننقل الى الخطوة الثالثة فى برناج الحـــل و وعادة مانصل الى حالة عدم الانجاز هذه بعد تحقى عدة انجازات للحلقة n بتدفقات محدوده ؟ • وتؤدى حالة عدم الانجاز هذه الى تحديسه مجموعة الانشطة الفاصلة (٤) cutset والتــــى تفصل مجموعـــــــــة الحلقات المرمزة عن مجموعة الحلقات غير المرمزه •

ريمكن بيأن كيفية تطبيق هذه الخطوة علنى المثال السابيق كما يلى:

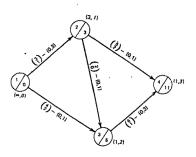
$$(1)$$
 (1) (1) (1)  $s_{12} = 0$  ,  $f_{12} = 0$  (2) بالتالي يتم ترميز الحلقـــــة ( 2) با ( 3,1 ) إذا أن  $s_{12}$  (

(1) (2)  $S_{13} < 0$   $S_{13} < 0$  . (3)  $S_{13} < 0$  . (4)  $S_{13} < 0$  . (5)  $S_{13} < 0$  . (7)  $S_{13} < 0$  . (8)  $S_{13} < 0$  . (9)  $S_{13} < 0$  .

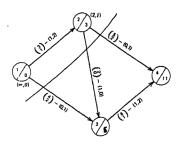
(3) 
$$S_{23}^{(1)} = 0$$
  $S_{23}^{(2)} = 0$   $S_{23}^{(3)} = 0$   $S_{23}^{(3)} = 0$   $S_{23}^{(3)} = 0$ 

$$S_{24}^{(1)} = 0$$
 ای عدم امکانیة ترمیز (4) من (2).

أى يتم ترميز الحلقة الرابعة بـ  $\, {
m S}_{34}^{(1)} = \, 0 \, - \,$  كمانى الرسم ،



شــكل ( ١/ ٥ )



شکل ( ۱/٤ )

الخطوة الثالثة: النظام الفرى الخاص بتغيير وقت تحقق الحلقات:

## The Node Time-Change Subroutine :

يتم تطبيق هذا النظام الفرى في حالة عدم تحقيق أي انجسسساز non breakthrough ، أي في حالة عدم المكان دفع تدفقات سن حدث البداية الى حدث النهاية ، أذ يتم في هذه الحالة تقسيم حلقسات شبكة الأعال الى حلقات تربيزها وحلقات لم يتم تربيزها وتكون المجموعة

الفاصل عنه مجموعة الانشطة الواصلة مابين هذه الحلقات التي تسم ترميزها وتسلك التي لم يتم ترميزها وذلك كما في شكل (٦/٤) • وتحتوى م بذلك على مجموعتين من الانشطة 22 ، 21 حيث تعبر 21 عسسن الانشطة (15) الواصلة بين الحلقات 1 التي تم ترميزها والحلقسات ر التي لم يتم ترميزها ويتم ذلك في الاتجاء و 1--1 وتكـــــــون  ${k \choose k} < 0$  حيث  ${k \choose j} < 0$  $Z_1 = \left\{ (1j) : \text{ 1 labeled , } j \text{ not labeled } \right\}$   $S_{ij} < 0$  وتمبر  $Z_2$  عن الأنشطة ( ز ن ) الراصلة بين الحلقات : أَي أَن k = 1,2 ,  $s_{ij} > 0$  $Z_{2} = \left\{ (ij): i \text{ not labeled }, j \text{ labeled,} \\ S_{ij}^{(k)} > 0 \right\}$ ريت استبماد حالة 1,2 k =1,2 يت استبماد حالة يترحساب و6 ، 6 ، 6 كايلى:  $\delta_1 = \min_{Z_1} (-s_{ij})$  $\delta_2 = \min_{Z_0} (S_{ij}^{(k)})$ 6 = min (δ<sub>1</sub>, δ<sub>2</sub>)

السابقه کلها باستثنا ً تلك التى تم تربيزها بالبقدار 00 6 وعلس أن تمود الى الخطوة الثانية وهكذا حتى يتم التحليل •

ويمكن توضيح هذا النظام الفرى لتغيير وقت تحقق الحلقـــــات فيما يلى :

تعبر المجموعة  $z_1$  عن الانفطة  $z_1$  الواصلة بين كل الحلقات  $z_1$  التي تم  $z_1$  التي الحلقات  $z_1$  التي تم تريزها وذلك بسيب أن  $z_{1,1}^{(k)} < 0$  أي أن  $z_{1,1}^{(k)} < 0$ 

ا ان ان  $t_{i}^{-t}_{j}^{+1}_{ij}$  ،  $t_{i}^{-t}_{j}^{+1}_{ij}$  ،  $t_{i}^{-t}_{j}^{+1}_{ij}$ 

 $t_{i} + l_{ij} < t_{j}$ ,  $t_{i} + u_{ij} < t_{j}$ 

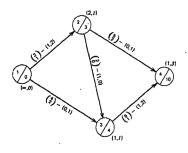
تعبر المجبوعة  $_2$  عن الانشطة الواصلة بين الحلقات أ السابقة على الحلقات أ التى تم ترميزها رفع عدم ترميز الاحداث أ والتى يمكن رم يعض الوقت الى هذه الانشطة أن الم يعدد هناك حاجة الى الأشراع أن من نفيذ ها أن ويرجع ذلك الى أن  $_{13}$  وأن أن

ای آن  $t_1 - t_j + t_{ij} > 0$  ,  $t_{i} - t_{j} + u_{ij} > 0$ 

ـ وتتحدد 6 بأقل وقت يلزم لتحويل مسار طبه فاغض الى مسسار حرج عند حدد الأطن أو ضفط مسار الى حدد الأدنى او اعادة رد وقت على أحد المسارات التى سبق ضغطها ويتم ذلك على المثال السابســق كما يلى :

$$= \{(1,3),(2,3),(2,4)\}$$

(1) 
$$s_{13} = 0 - 5 + 4 = -1$$
 (2)  $s_{13} < 0$ 



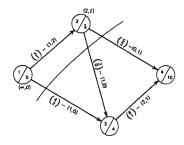
كما يتم تربيز الحلقة 4 من الحلقة 3 · وتبثل الخطوات الثلاث المابقة اتبام مرحلة كاملة للانتقال مسسسن

شکل ( ۷/٤ )

11 يوبا الى 10 يوبا وتكرر نفس هذه الخطوات للانتقال من 10 أيسسام الى أن نصل الى أقل حد مكن لتنفيذ المشروع وسوف نقوم بتطبيق ذلك على المثال المابق كما يلى :

# البرحلة الثانية T=10 :

وهذا يعنى ترويز الحلقة 4 ب ( 1,3 ) • حيث تلاحظ أن  ${}_{4}^{\circ}$  هي الأقل مابين  ${}_{5}^{\circ}$  •  ${}_{34}$  •  ${}_{34}$  •  ${}_{5}^{\circ}$  •  ${}_{5}$  •  ${}_{5}$  •  ${}_{7}$  •  ${}_{10}$  تكون  ${}^{1}$  •  ${}_{7}$  • يتم شطب جميع الرموز الخاصة بالشبكة ماعدا الحلقلة (1) التي تم ترميزها به  ${}_{5}$  • ثم نهدأ عملية الترميز مرة أخرى • وذلك كما في • فكل ( 4 / 4 ) • حيث يتم ترميز الحلقة (2 ) به ( ( 1 / 2 ) ) .



شکل ( ۱/۸)

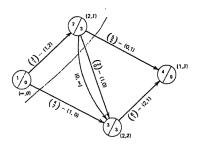
والتالى تنتهى علية التريز هذه بعدم تحقق انجاز والتالسسى ننتقل الى الخطوة الثالثة من خطوات الحل والخاصة بتغيير وقت تحقسسى الملقات حيث نجد أنه تر تريز الحلقة ( 2) (( 1) دون الحلقسسة

$$\zeta = \{(1,3), (2,3), (2,4)\}$$

$$\zeta = \{(1,3), (2,3), (2,4)\}$$
 $Z_1 = \zeta$ 
 $Z_2 = \zeta$ 
 $Z_1 = \zeta$ 
 $Z_2 = \zeta$ 
 $Z_1 = \zeta$ 
 $Z_2 = \zeta$ 
 $Z_2 = \zeta$ 
 $Z_2 = \zeta$ 
 $Z_3 = \zeta$ 

وتكون  ${\bf 6}_1$  خاصة بالنشاط  ${\bf 6}_4$  وبالتالى تخفي من  ${\bf 6}_1$  لتصبح بسابية  ${\bf 8}$  و بنظراً لأن مصيدر  ${\bf 6}_1$  كن معنى هذا أن النشاط  ${\bf 6}_2$  قد رصل الىحده الأدنى فيالتالى يتم رم سهم جديد للنشاط  ${\bf 6}_4$  ليستح بمسرور  ${\bf 6}_1$  التدفقات  ${\bf 6}_1$  و وذلك كما في شكل (1/٤) و

 $\Longrightarrow \mathcal{E}_1 = \min \left\{ -(-2), -(-1), (-2) \right\} = +1$ 



شكل ( ١/٤ )

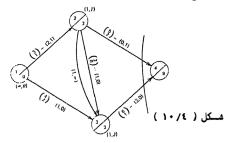
#### البرحلة الثالثة 9= 1

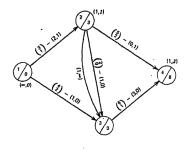
يتم تربيز الحلقة ( 2 ) من الحلقة (1) بالرمز (1, 2 )  $^{(1)}_{(1)}$  حيث أن  $^{(2)}_{(1)}$   $^{(2)}_{(1)}$   $^{(2)}_{(1)}$   $^{(3)}_{(1)}$   $^{(2)}_{(1)}$   $^{(3)}_{(1)}$   $^{(3)}_{(1)}$   $^{(3)}_{(1)}$   $^{(3)}_{(1)}$   $^{(4)}_{(1)}$   $^{(5)}_{(1)}$   $^{(5)}_{(1)}$   $^{(5)}_{(1)}$   $^{(5)}_{(1)}$   $^{(6)}_{(1)}$ 

أى تنتهى الخطوة الثانية بتحقيق انجاز الى الحلقة الرابعسسة

بالقيمة 1 ه وبالتالى يتم تعديل التدنقات كا في شكل (١٠/٤) ثم نعيد علية التربيز حيث بتم تربيز الحلقة (2) من الحلق من نعيد علية التربيز حيث بتم تربيز الحلقة (2) بالربز (10 م) حيث أن  $S_{12} = 1$  وكذا يتم تربيز الحلقة (3) من الحلقة (2) بالربز (1,2) حيست أن  $S_{23} = 0$  أما الحلقة الرابعة فلا يمكن تربيزها وبالتالسي نمل الى حالة عدم انجاز كما في شكل (١٠/٤) وبالتالى ننتقل السي الخطرة الثالثة من خطرات الحل والخاصة بتغيير وقت تحقق الحلقات حيث تربيز الحلقات (1), (2) هدون الحلقسسة (4) وبالتالى تكون

$$G = \{(2,4), (3,4)\}, Z_2 = \Phi$$

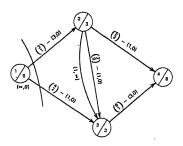




شکل ( ۱۱/٤ )

## المرحلة الرابعة 8= 1 :

يم ترميز الحلقة ( 2 ) من الحلقة ( 1 ) بالرمز ( 1,1 ) حيث يم ترميز الحلقة ( 3 ) مست أن  $^{\circ}$   $^{\circ}$ 

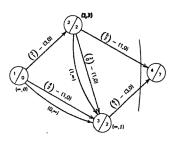


شـکل ۱۲/٤ )

عدم امكانيــة توبــز ( 2 ) من ( 1) حيث أن : (2) (2) (2) (2) (2) (2)  $S_{12} = 0$  الأ أن  $S_{12} < 0$  وبالمثل  $S_{12} < 0$  أن  $S_{12} < 0$  وبالمثل لا يتم توبيز ( 3 ) من ( 1 ) • الد أن 0  $S_{13} < 0$  وبالمثالي نستقل الى نصل الى حالة عدم انجاز كما في شكل ١٢/٤ • وبالمثالي ننتقل الى المخطوة الثالثة من خطوات الحل والخاصة بتغيير وقت تحقق الحلقات حيث تربيز الحلقة ( 2 ) \* ( 3 ) ( 3 )  $S_{12} = S_{12}$  فتكون  $S_{13} < S_{12} = S_{13} < S_$ 

$$(2)$$
 (2) (2)  $S_{1}=-1$  ه  $S_{12}=-2$  وتكون  $S_{1}=-1$  (2) (2) وتكمى

الذي يصل الى حده الأدنى هالتالى ننفسى الله المناط  $\frac{6}{1}$  الذي يصل الله عدم الأدنى هالتالى ننفسى المرور التدفقات  $\frac{1}{13}$  كما في شكل (  $\frac{1}{17}$ ) و المناقبة ا



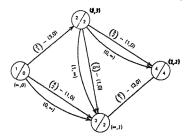
شـکل ( ۱۳/٤ )

# البرحلة الخاسة 7 = T:

 $P_2=\min$  (  $\infty$  , 1 ) سبوا  $P_2=\min$  (  $\infty$  , 1 ) سبوا  $P_2=\min$  (  $\infty$  ,  $\infty$  ,

$$\zeta = \{ (2,4), (3,4) \}$$
,  $Z_2 = \varphi$ 

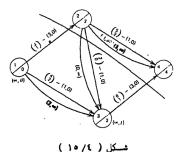
(2) . (2) .  $S_{34} = -4$  . (2) .  $S_{24} = -3$  .  $S_{24} = 3$  .  $S_{34} = 3$  .  $S_{1}$  .  $S_{24} = 3$  .  $S_{24} = 3$  .  $S_{1}$  .  $S_{24} = 3$  .  $S_{1}$  .  $S_{1}$  .  $S_{1}$  .  $S_{24} = 3$  .  $S_{24} =$ 



شكل ( ١٤/٤ )

#### المرحلة السادسة 4=T :

یم ترمیز الحلقة ( S) من الحلقة ( S) بالرمز ( S0 من (S0 م



دون أمكانية ترميز الحلقة ( 2 ) • ( 4 ) • وبالتالي ننتقل الـــــــــى

#### الخطوة الخاصة بتغيير وقت تحقق الحلقا تحيث

$$\mathcal{L} = \{(1,2), (2,3), (3,4)\}$$
,  $Z_1 = \{(1,2), (3,4)\}$   
 $Z_2 = \{(2,3)\}$ 

وتكرن 
$$S_{34} = 1$$
 حيث أن  $S_{12} = -1$  ه  $S_{34} = 1$  أي يصل وقت التنفيذ النشاطين  $2 \rightarrow 1$  ه  $4 \rightarrow 1$  الى الحد الأدنــــى وتكـــــون  $S_{23} = 2$  حيث  $S_{23} = 2$  ميث  $S_{23} = 2$  ميث  $S_{23} = 2$  ميث  $S_{23} = 2$  ميث  $S_{23} = 2$ 

 $\delta = \min(\delta_1, \delta_2) = 1$ 

ريم تمديل وقت تحقق الحلقة ( 2 ) ليصبح مساويا واحد وكسذا تحقق الحلقة ( 4 ) ليصبح مساويا 3 وذلك كنا في شكل ١٦/٤،

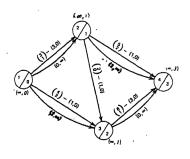
# البرحلة السابعة 3=T :

يم تربيز الحلقية ( 2 ) من الحلقة (1) بالونز ( 1,  $\infty$ ) و (2) حيث أن  $S_{12} = 0$  و  $S_{12} = 0$  بالربز ( 1,  $\infty$  ) حيث أن  $S_{23} = 0$  و  $S_{23} = 0$  الحلقة ( 3 ) بالربز ( 3,  $\infty$  ) حيث أن  $S_{34} = 0$  و يمسنى هذا انجاز الحلقة الرابعة بالقيمة  $S_{34} = 0$  و بالتاليب عدم المانيسة تحقيق أي تخفيضات جديدة في وقت تنفيذ المشروع و ويمكن تلخيص النتائج السابقة في جدول (  $S_{12} = 0$ 

1 4							
متفية المعروع 4	Ħ	10	6	80	7	4	٣
كالمُدُمُطُ ومِده وَت تَفِذُ الشروع   زمن راحـــــد ة 1.2 ± ± 4	1	N	m	4	4	5	
عدد رحدات الزمسن التي يتم تغليضها 8	1	1	г	П	m	1	
عدد ومدا عالزسس الزيادة في التكاليف الزيادة القالية التي يتم تخفيشها ج. ع. التكالية	1	CV.	₩.	4	21	75	
الزياد والمعجمة	1	٣	9	10	22	27	

a.e.( 1/1 )

كا يمكن بيان الدالسة المحسسيرة عن العلاقسسسسسة بين الوقت والتكلفة كما في شكل ( ١٦/٤) والتي تبين أن أقسسل وقت لتنفيذ المشروح هو 3 وتكون التكلفة المقابلة 27



شکل ( ۱۲/۶ )

ونلاحظ هنا أن انقاص وقت تنفيذ المشروع لابد وأن يتم عن طريسق تقمير المسار أو المسارات الحرجة • الا أن تقمير المسار أو المسارات الحرجة لايعنى تقليل وقت تنفيذ كل أو بعض أنفطة المشروع • فقسد يحدث زيادة في بعض أنفطة المشروع في الوقت الذي يحدث فيسسم تقليل وقت تنفيذ المشروع ، وذلك كما حدث بالنسبة للنشاط ( 2,3 ) في المثال السابق اذتم انقاصه من 2 الى 0 ثم بقى على ذلك عدة محاولات ثم تم زيادته مرة أخرى الى 1 م ويرجع ذلــــك الى انقاص أكثر من نشاطعلى السارالحرج فسى نفس الوقت ، الأمـــر الذي يودى الى انقاص المسار الحرج بـ 25 بدلا من 6 مهالتالى تتاح الفوصة الى اعادة رد بعض الوقت الى بعض الأنشطة التي سبق تقليل وقت تنفيذها ويطبيعة الحال يتم الرد بالنسبة للأنشطة الأكتــر تنفيذها ويطبيعة الحال يتم الرد بالنسبة للأنشطة الأكتــر تنفيذها ويحداث أكبر تخفيض مكن في النفقات ،

## ٦ ـ تماريـــــن : ــ

#### ١ \_ اذا توافرت البيانات التاليه لشبكه أعال ما ٠

aij	<b>u</b> ij	lij	النشساط
8	6	4	(1,2)
9	8	4	(1,3)
3	5	3	(1,4)
<b>20</b>	3	3	(2,4)
4	5	3	(2,5)
20	12	8	(3,6)
5	8	5	(4,6)
<b>©</b>	6	6	(5,6)

المطلوب: ١ - رسم شبكه الاعال

٢ ــ بيان داله التكاليف المثلى الخاصه بوقت تنفيذ البشروغ
 ابتداء من الوقت المعتدل ونزولا الى الوقت المضغوط

# ٢ \_ ادا توافرتالبيانات لشبكه أعمال مسا

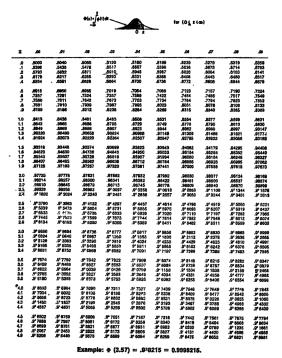
aij	<b>u</b> ij	113	النشاط
2	10	2	(1,2)
5	7	5	(1;3)
1	9	3	(1,4)
5	5	1	(2,3)
4	10	4	(2,4)
2	8	4	(2,5)
9	9	6	(3,5)
8	6	3	(4, 5)

# المطلوب /\_

- ١ \_ رسم شبكه الاعسال .
- ٢ ــ ما هي الزياده في التكاليف اللازبةلخفضوقت المشروع من 17
  - يوآالسي 13 يوسآً.

#### ملحق (أ) :

# Appendix The Cumulative Normal Distribution Function†



## ملّفسق ﴿ بٍ ﴾ 3

#### Appendix The Cumulative Normal Distribution Function†

⊕(z) (⊕())d1 for (-∞(z,40)										
z	.00	D1	,02	.00	м	,05	.00	, gr		.00
0	.5000	.4960	.4920	.4880	.4840	.4801	.4761	.4721	.4881	.4641
- 4	.4602	.4562	.4522	.4483	.4443	.4404	.4384	.4325	.4286	.4247
- 3	.4207 .3821	.4168	.4129	.4090	.4052	.4013	.3974	.3938	.3897	.3859
- 3	.3621	.3783 .3409	.3745 .3372	.3707 .3336	.3069	.3632 .3264	.3594 .3228	.3557 .3192	.3520 .3156	.3483
		•								.3121
- 5	.3085	.3050	.3015	.2981	.2946	.2912	-2877 .	2843	.2810	.2776
- A	2743	.2709	.2676 .2358	.2643	.2611	.2578	.2546	.2514	.2483	.2451
7	.2420 .2119	.2389	.2061	.2327	.2297	.2268	.2236 .1949	.2206	2177	.2148
- 3	.1841	.1814	.1788	.1762	.1736	.1711	.1885	.1660	.1894 .1635	.1867 .1611
										11011
-1.0	.1587	.1562	.1539	,1515	.1492	.1469	.1446	.1423	.1401	.1379
-1.1	.1357	.1335	.1314	.1292	.1271	.1251	.1230	.1210	.1190	.1170
-1.2	.1151 .09680	.1131 .09510	.1112	.1093 .09176	.1075 .09012	.1058 .08851	.1838	.1020	.1003 .08379	.09853
-1.3	.D8076	.07927	.07780	.07636	.07483	.07363	.08891	.08534	.06944	.08226
-1.5	.06681	.06552	.06426	.06301	.06178	.06057	.05938	.05821	.05705	.05592
-1.6	.05480	.05370	.05262	.05155	.05050	.04947	.04846	.04745	.04648	.04551
-1.7	.04457	.04363	.04272	.04182 .03382	.04093	.04008 .03218	.03920	.03836	.03754	.03673
-1.8 -1.9	.03593 .02872	.03515	.03438	.03362	.03288	.02559	.03144	.03074	.03005 0.2385	.02938 .02330
	2012		.02140	.02060	.02010	.v.upa	.02300	.02442	0.2300	44230
-2.0	.02276	.02222	.02169	.02118	.02068	.02018	.01970	.01923	.01876	.01831
-2.1	.01786	.01743	.01700	.01659	.01618	.01578	.01539	.01500	.01463	.01426
-2.2	.01390	.01355	.01321	.01287	.01255	.01222	.01191	.01160	.01130	.01101
-2.3 -2.4	.01072 .0* 8198	.01044 .0' 7976	.01017 .0*7760	.0° 7548	.0° 9642 .0° 7344	.0° 9387 ,0° 7143	.0° 9137 .0° 6947	.0° 8894 .0° 6756	.01 8656 .01 6569	.0° 8424 .0° 6387
-25	.0° 6210	.04 6037	.0° 5868	.0* 5703	.0° 5543	.01 5388	.0' 5234	.0° 5085	.0* 4940	,0' 4799
-26	,0° 4661	.0' 4527	.0* 4396	.0' 4269	.0' 4145	.0° 4025	.0" 3907	.0° 3793	.0° 3681	.0° 3573
-2.7	.0*3467	.0° 3384	.0" 3264	.0° 3167	.0' 3072	.0" 2980	.0, 5880	.0" 2803	.D' 2718	.0° 2635
-28 -29	.0° 2555 .0° 1866	.0° 2477 .0° 1807	.0° 2401 .0° 1750	.0° 2327 .0° 1695	.0° 2286 .0° 1641	.0° 2186 .0° 1889	.0° 2118 .0° 1538	.0° 2052 .0° 1489	.0° 1988 .0° 1441	.0° 1926 .0° 1395
							10. 1099	.0" 1469		10.1202
-3.0	.0° 1350	.0* 1308	.0° 1264	.0* 1223	.0° 1183	.0" 1144	.02 1107	.03 1070	.0° 1035	.0" 1001
-3.1	.0* 9676	.0' 9354	.0* 9043	.0" 8740	.0' 8447	.0" 8164	.0' 7888	.017622	,0° 7364	.0°7114
-3.2 -3.3	.01 6871	.0° 6637	.0°6410 .0°4601	.0° 6190 .0° 4342	.0" 5976 .0" 4189	.0° 5770 .0° 4041	.0° 5571 .0° 3897	.0° 5377 .0° 3758	.0° 5190	.0° 5009 .0° 3495
-3.4	.0° 4834 .0° 3369	,0° 4665 ,0° 3248	.0* 3131	.0° 4342	.0" 4189 .0" 2909	.0* 2803	.0° 3887	.0° 3758 .0° 2802	.0° 3824 .0° 2507	.0° 3495
-3.5	.0" 2326	.0* 2241	.0° 2158	.0* 2078	.0° 2001	.0" 1926	.0° 1854	.01 1785	.D* 1718	.0* 1853
-3.6	.0' 1591	.01 1531	.0" 1473	.0" 1417	.0* 1383	.05 1311	.0° 1261	,0° 1213	.0° 1188	.0* 1121
-3.7	.0* 1078	.0* 1036	.019961	.019574	.0' 9201	.0' 8842	.018498	.0' 8162	.017841	.017632
-3.8	.017235	.0' 6948	.04 6873	.0° 8407	.016152	.04 5900	.01 5669	.0' 6442	.0' 6223	.0' 5012
-0.9	.014810	.0° 4616	.014427	.0' 4247	.0' 4074	.0° 390A	.0° 3747	.0° 2594	.013446	.013384
-4.0	.0" 3167	.01 3036	.012910	.01 2789	.01 2673	.01 2561	.0* 2454	.0" 2351	JY 2252	.0' 2157
-4.1	.0' 2066	,0° 1987	.0' 1894	.0' 1814	.04 1737	.0' 1862	.0" 1591	.0° 1523	.0* 1458	.0' 1395 '
-4.2	.0' 1335	.0' 1277	.0' 1222	.0' 1168	.011118	.0° 1069	.0° 1022	.0" 9774	.0" 9345	.01 8934
-4.3	.018840	.0' 8163	.0° 7801	.0° 7455	.0*7124	.0' 6807	-0° 6503	.01 6212	.0° 5934	.0* 5668
-4.4	Ø 5413	.0* 6169	.0° 4935	.0' 4712	.0° 4498	.0* 4294	.0° 4098	.0* 3911	.0" 3732	.0° 3561
-4.5	.0* 3398	.0*3241	.0" 3092	.0* 2949	.0* 2813	.0" 2682	.Q* 2558	.0* 2439	.0° 2325	.0* 2218
-4.6	.0° 2112	.012013	.0" 1919	.0" 1828	.0* 1742	.0* 1660	.0° 1881	.0" 1508	.0° 1434	.0° 1368
-1.6 -1.7 -1.8 -1.9	.0* 1301	.0* 1239	.0° 1179	.0 1123	.0° 1069	.0" 1017	.04 9680	.0" 9211	.0° 8785	.0* 8339
-4.8	.017933	,0° 7547	.0° 7178	.0' 6827	.0" 6492	.0' 6173	.0* 6869	.0" 5580	.0*5304	.0" 5042
-4.9	.0° 4792	.0° 4554	.0° 4327	JF 4111	.0" 3906	.0* 3711	.0° 3525	.0" 3348	.01 3179	.0' 3019

Example:  $\Phi$  (-3.57) = .081785 = 0.0001785.

# المراجسع العلسيه:

- E.W. Davis, Project Management: Techniques
  Applications, and Management Issues, Industrial Engineering a Management press, Institute of I.E., 1976.
- 2 Joseph J. Moder, cecil R. Phillips, Proje ct Mamagement with CPM and FERT, Van Nostr and Reinhold company, 1970.
- 3 L.R. Ford, Jr . and D.R. Fulkerson, Princ eton. 1962.
- 4 Salah E.Elmaghraby, Actinity Networks, John witey & sons, 1977
- 5 W.L. Price, Graphs and Networks, An Introduction, Princeton, 1971.

كتب أخرى للموالسف

أ ــ مقدمة بي ادارة الانتاج، دار الفكر المربي ١٩٨٤ .

٢ - مقدمة في بحوث العبليات ددار الفكر العربي

		تصحيح الاخطاء :_
الصبواب	الخطسيا	رقسم المفحسب
i eB(j)	i e B ( i )	1 صــ ١٧ البعادله الاولى
ti ( <b>%</b> )	Tj (E)	۲ ــ صــ ۲۱ العبود ( 3 )
<b>Tj (1)</b>	ti (1)	٣ ــ صــ ( ٢ العبود ( 6 )
حيثتكون ( ¼ ) £غصى القيمه الدنيسا	حيثتكون ( 1 ) هن القيم الدنيا	1 صــ ۲۲ السطر رقم (۱۷)
-2-111	o=-111	۰ ـ ۳۱ شكل ۱۱/۱۱
هي البقابله والاحتمال \$ 95	هى التقابله والاحقسسال	٦ ــ صــ ٢٦ السطر رقم ٣
والخطأ المعيارى 47 يوسأ	والتبايسن 47 ميوسآ	٧ ــ صــ ١٠ السطر رقم ١٤ .
- 1_ <b>-(.</b> 106)	• ) _ <b>•</b> (1.06 )	٨ ــ صــ ٤١ السطر رقم ٧
Y	Y/1	٩صـ ٢؟ السطر رقم ؟

	بختها عالتاب :
ــم الصقم	ـــــــــــــــــــــــــــــــــــــ
۳ .	الفصل الأول : التحليل الزمني لفيكا تالأعمال
٣	١ - الماليات
٠	۲ ساسسانسست
•	1/٢ النفساط
	٢/٢ المسعد ت
7 7	۳/۲ المصريع ۴/۲ ميكة الأصال
¥	٢/١ مبكة الأصال
Y	٣ - كيفية التمبير من المشكله في شكل شبكة أسال
Y	1/7٪ قواهد رسم شبكة الأصال
1	٢/٣٪ استخدام الأنشطة الوهبية
11	٤ -كيفية تحديد الأرقات العاصد بالأنشطء
16	ه مستحديد الأوقاع في فيكا عال مال ذا عالانشط الموكد
14	1/0 الناين الكلسي
14	٢/٥ ظائض الأمان
11	٣/٥ الفائضالحسر
11	ه/٤ الفاعني المتد أخل
7 2	٥/٥ تحديد السار الحرج
TÞ	<ul> <li>١/٥ تحديد الممار الحرج بامتخدام الأوقسات المحمسوية في الاتجاه الأمامي قط</li> </ul>
	٦ تحديد الارقات في شيكات الأسال اذا ما كانت أرفسات
77	الانفطسه بنثابة متفيرا تتفسوائيت
	1/1 قواعد عامد يجب الاسترغاد بنها عنسسست
۳.	au, bu, mu
:	٢/٦ كيفية حساب الاحتمال الخاص ينتفيذ المشريع
T 1	نی وقست محسد د

المغد	السوضيوج رقسم
	٣/٦ كيفية حساب الاحتمال الخاص بامكانية تنفيذ
22	المفروم قبل البيعاد المحسدد
	٦/٦٪ الاحتمال الخاصيتنفيذ جانب معين مسن
41	المشريع فى وقىتمحىندى
4.5	٦/٥ بمض الدلاعظات الخاصه عند حماب الاحتمالات
	٦/٦ مثال يوضع الإجابه على بعض الاسئله الستى
٤٠	تهم المدير المسئول عن المشروع
	٧ -تعـديد السار العن بالنظر الى شبكـة الأعسال
٤٢	ملی اُنہا ہیگے۔ تدفقات
£.A	٨ ـــتــــارين على القســـل الأول
• ٢	الفصل الثاني : جدولة أنفطة غبكا تالأصال ــ النماذج الرئيسيه
• ٢	1 ساقسىدەسىسە
•٣	٢ ــ الجهود الخاصه بايجـــاد حلول مثلى لهذا النومين المشاكل
96	٣ ـ وصف طبيطة المشاكل الرئيسيه والخاصه بجد ولَّة الْأنشطه
	١/٣ حالة تخميص موارد متاحه بكميا تمحد وده
	٢/٣ - تمهيد المستوى المطلوب من كلُّ مورد بقرض
74	أنه متاح بكميا عفير محسد وده
7.	٣/٣٪ التخطيط طويل الأجل لما يجب توفيره من الموارد
	٤ ــ القواط المنطقيه الخاصه بتخصيص الموارد المتاحسه
٥Å	يكما عمصت وده
	<ul> <li>قواهد الحل الخاصه بموازاة وتقريب البستوى المطلوب من</li> </ul>
10	الموارد يغرض أن هذه الموارد متاحه يكميا عسحدوده
77	١/٥ خطوا عبرجس للموازاء والتمهيد
7.	٢/٠ خطواً ت البوازاء والتمهيد ليست
Y•	٦ _ التغطيط طويل الآجل للموارد المتاحد

	البوضـــــج رقـــم ال
4.	۱/۱ نسوذج رست ۱- spar
٧X	1/1/1 النظام الفرص يحجم فريق الممل
	٢/١/٦ النظام الغيص الخاص الاسراء في تنفيذ
44	الانفطه الحرجه
	٣/١/٦٪ النظام القوص للاستعاره من أنشطه فماله
٨.	جاری تنفیذ هـــا
	٦/١/٦ النظام القرمي الخاصياعادة جدولة أنفطة
٨.	فعالت جساري تنفذهسا
	1/1/0 النظام الفرعي الخاص بترزيع المتبقى من
41	البوارد فسير الستخدسه
٨T	۲ ــتـــانــــن
	القيسل الثالسيت : الأساليب المستخدمة في المواحد بين الوقت
٨٤	والتكلف
AE	1
AY	٢ _ طريق البسالإالحن للبواء بديين الوقت والتكلفسه
AA	١/٢ تكاليف النفاط البياهسره
AA	1/7 - تكاليف النماط البياهـــره 1/7 - التكلف الغير بياغره الخاف بالمغروج ككل
A٩	٣/٢٪ نقطة الوقت والتكلف لأداء النفاط بشكل ممتك ل
PA	٢/٦ نقطة الرقت والتكلف لأداء النماط بشكل مضموط
	٧/٥ المنطقة الكاملة الدمينوه من الرقت الممتدل ٥
1 60	والرقت النشاءوط والتكاليف الناحه يبهنا للمشروع كلل
٠.	٣ مسجمودة قواهد منطقيه تستخدم في المواء مه بين وقت
14	وتكلفسة المفسروع
A.P	١/٣ - أهم خصائص هذه القواه المنطقيه في الحل
١٠٠	٢/٢ - قوافد المواقمة بين الوقت والتكلف
1.4	ا _ تـــاســن

المفص	المستوفستوع
11.	الغســــل الرايـــع : الحل الأمثل لمفكلة الموا• مه بين الوقت والتكلف
11.	. <del>duand shaadleaa</del> 1
111	٢ ـــ نموذج غيكة تد فقا ت الأصال
117	" ــ طريقة الحل بالنظر الى هبكة الأسال طي أنها عبكة تدنقات
115	٤ ــالنسوذج الرساض
17.	ة ــ خطوا ت قولكورسن للحـــــل
101	٦ _تـــانىـــن
171	ملعسق أ
Tre	ملحسق ب
771	المسراجح العلبيسية
171	تمميع الأغطيناء
170	مخسسها تالكتساب

•••••